

۱

معنی کدامیک از گزینه‌های زیر کاملاً صحیح است؟

الف- عود: درختی که چوب آن سیاه‌رنگ و خوشبو است.

ب- کرت: هر یک از بخش‌های تقریباً مساوی یک مزرعه با یک باعچه

ج- فسفر: عنصر شیمیایی با رنگ سبز روشن که در مجاورت هوا مشتعل می‌گردد.

د- تداعی: به یاد آوردن یک مفهوم به وسیله مفهومی دیگر

(۴) الف، د

(۳) الف، ب

(۲) ب، د

(۱) ب، ج

۲

در کدام گزینه معنی هر سه واژه درست آمده است؟

(۱) (سبو: ظرف بی‌دسته از جنس سفال) (هیون: شتر) (خستن: زخمی)

(۲) (تجربید: تنهایی گزیدن) (ارتفاع: محصول زمین‌های زراعتی) (ناورد: نبرد)

(۳) (گربت: جور) (موبد: روحانی زرتشتی) (اعانت: یاری)

(۴) (مکاید: حیله‌ها) (استغنا: بی‌نیاز) (زاد: توشه)

۳

در کدام گزینه معنی همه کلمه‌ها کاملاً درست است؟

(۱) آبنوس: درختی که چوب آن سیاه، سخت، سنگین و گران‌بها است. / سریر: آوند / نحس: بداختر

(۲) کرکس: پرنده‌ای از رده لاشخورها / مسلم داشتن: تسلیم شدن / طرف: کنار

(۳) کاموس: یکی از فرماندهان زیردست اسفندیار / سفله: بدسرشت / ابدال: مردان کامل

(۴) آورد: جنگ / ا جانب: بیگانگان / هماورد: رقیب

۴

در میان ترکیب‌های زیر چند غلط املایی وجود دارد؟

(سبیل تلفظ) (حیران و زار) (دفع مضـرـت) (تبغ و ساعـد) (اسطورة زندگـی) (انفجار مهـیـب) (شرزه شـیر ارغـنـد)

(استقرار سلاحـهـا) (بيـتـالـاحـزانـ) (عربـهـ و سـفـاحـتـ)

(۱) دو
(۲) سه
(۳) چهار
(۴) یک

۵

در کدام بیت غلط املایی وجود دارد؟

(۱) فضل است اگرم خوانی عدل است اگرم رانی / قدر تو نداند آن کز زجر تو بگریزد

(۲) مداد خامه او چشم جود را سرمه / ستور نامه او شخص فضل را انداز

(۳) گشته توست اگر گل است از خار / گشته خویش را تو خوار مدار

(۴) دیگرم غیر از تو میل صحبت دیگر نماند / آن که مشغول تو شد دارد فراغ از دیگران

۶

در کدام گزینه غلط املایی مشهود است؟

(۱) (کوی و بـرـزنـ) (استـرـحـامـ کـرـدـنـ) (عـتـابـ و سـرـزـنـشـ) (منـکـرـ و مـسـكـرـ) (راهـ قـرـهـ قـومـ)

(۲) (نصـابـ الصـبـيـانـ) (عـنـدـانـ بـدـگـهـرـ) (پـلاـسـ منـدـرـسـ) (اوـانـ و هـنـگـامـ) (طمـعـنـیـهـ و آـرـامـشـ)

(۳) (ماـواـ کـرـدـنـ) (سـوـرـ و جـشـنـ) (تـجـلـیـ و قـرـبـ) (عـنـبـ و تـاـکـسـتـانـ) (مـوـضـعـ و مـکـانـ)

(۴) (ذـوقـ و رـايـحـهـ) (خـفـتـ و خـوارـيـ) (ضمـاـيمـ و تعـليـقـاتـ) (محاـورـةـ عـادـيـ) (صدـاـيـ رسـاـ)

ایات زیر به ترتیب، سروده‌ی چه کسانی هستند؟

- (الف) اولاً تحریر شو از هر چه هست / وانگهی از خود بشو یک بار دست
 (ب) سرو و مهت نخوانم خوانم، چرا نخوانم؟ / هم ماه با کلاهی هم سرو با قبایی
 (۱) سلمان ساوجی، خاقانی
 (۲) محمد تقی بهار، منوچهری
 (۳) هاتف اصفهانی، بیدل دهلوی
 (۴) اسیری لاهیجی، فرخی سیستانی

تعداد تشییهات کدام بیشتر است؟

- (۱) واله و شیداست دائم همچو بلبل در قفس / طوطی طبعم ز عشق شکر و بادام دوست
 (۲) بمال بر لب خونخوار حرص، خاک قناعت / وگرنه تشنگی افزاست آب شور تمدن
 (۳) چون سنگ سرم، خاکش پیرایه نظره است / چشمی که یک نظر دید آن چشم سرمها را
 (۴) به هر شورش مده چون موج از کف دامن دریا / که باشد عقد گوهر خوشه‌ای از خرمن دریا

در کدام بیت همه‌ی آرایه‌های «تشییه، استعاره، جناس» به کار رفته است؟

- (۱) حافظ در این کمند سر سرکشان بسی است / سودای کج هپز، که نباشد مجال تو
 (۲) در چین زلفش ای دل مسکین چگونه‌ای؟ / کاشته گفت باد صبا شرح حال تو
 (۳) صحن سرای دیده بشستم، ولی چه سود؟ کاین گوشه، نیست در خور خیل خیال تو
 (۴) چون پیاله، دلم از توبه که کردم، بشکست / همچو لاله، جگرم بی می و خم خانه بسوخت

آرایه‌های «تشییه، استعاره، حس‌آمیزی و ایهام تناسب» به ترتیب، در کدام ایات آمده است؟

- (الف) چون شبنم است بستر و بالین من ز گل / در خارزار از نظر پاک‌بین خویش
 (ب) ناله‌ی نی راست صد تنگ شکر در آستین / بندبندش گر پر از شکر نباشد گو مباش
 (ج) چرا از دست می‌رفتم چرا بیمار می‌بودم؟ / اگر می‌بود بر بالین من سیب زنخدانش
 (د) کجا تاب نگاه گرم دارد سایه پروردی / که گرد آفتایی چهره از گلگشت مهتابش
 (۱) ب، الف، د، ج (۲) ب، د، ج، الف (۳) ج، الف، ب، د (۴) ج، الف، د، ب

در کدام مورد، همه‌ی آرایه‌های (آتش فروز قهر تو، آینه دار لطف تو/ هم غرب ادب‌های، هم مشرق اقبال‌ها) درست است؟

- (۱) موازنه، تشییه، پارادوکس، تشخیص (۲) استعاره، تشییه، موازن، تضاد
 (۳) تشییه، ترصیع، اسلوب معادله، پارادوکس

در کدام گزینه به آرایه‌های بیت زیر اشاره شده است؟

- «به جان مضایقه با لعل دلستان مکنید/ که ماه مصر به این سیم قلب ارزان است»
 (۱) تشییه - مجاز - حس‌آمیزی - کنایه (۲) تلمیح - استعاره - ایهام تناسب - نعمه‌ی حروف
 (۳) پارادوکس - حسن تعلیل - تضاد - تلمیح (۴) ایهام - نعمه‌ی حروف - استعاره - تضاد

در کدام گزینه «جمله‌ی مرگب» وجود ندارد؟

- (۱) اگر آن ترک شیرازی به دست آرد دل ما را / به خال هندویش بخش سمرقند و بخارا را
 (۲) ز عشق ناتمام ما جمال یار مستغنى است / به آب و رنگ و خال و خط چه حاجت روی زیبا را
 (۳) بدہ ساقی می باقی که در جنت نخواهی یافت / کنار آب رکن آباد و گلگشت مصلأ را
 (۴) اگر دشnam فرمایی و گرفتاری دعا گویم / جواب تلخ می‌زید لب لعل شکرخا را

در کدام گزینه «حذف فعل» وجود دارد؟ ۱۴

- (۱) برادر که روشن جهان من است / گزیده پسر پهلوان من است
- (۲) همی‌گویی از خویشتن دور کن / ز بخرد چنین خام باشد سخن
- (۳) مرا مرگ بهتر از آن زندگی / که سalar باشم کنم بندگی
- (۴) یکی داستان زد بر این بر پلنگ / چو با شیر جنگ آورش خاست جنگ

در کدام بیت، ساختمان مستند «وندی - مرکب» است؟ ۱۵

- (۱) کشته‌ی شاهی شدم به جرم محبت / کز خم ابرو کشیدم تیغ دو دم را
- (۲) جمعی افتاده به خاک از روش چالاکش / خلفی آغشته به خون از مژه‌ی فتاش
- (۳) غمش را غیر دل سر منزلی نیست / ولی آن هم نصیب هر دلی نیست
- (۴) حسرت عشق از دل پر حسرتم خالی نشد / هر چه خون دیده از حسرت به دامان شد مرا

در کدام گزینه نقش تبعی یافت نمی‌شود? ۱۶

- (۱) همه نوری و سروری، همه جودی و جزایی
- (۲) گلم، مادرم، به من رو کن.
- (۳) از نفیرم مرد و زن نالیده‌اند.
- (۴) دل و دینم، دل و دینم برده است.

مفهوم عبارت زیر در کدام گزینه دیده نمی‌شود? ۱۷

- «گفتم این شرط آدمیت نیست / مرغ، تسبیح‌گوی و من، خاموش»
- (۱) جمله اجزا در تحرک در سکون / ناطقان کائنا إلیه راجعون
 - (۲) سرود زردشت اندر سرود بلبل مست / چنان که مؤذن نعت پیغمبر محمود (ص)
 - (۳) سر خوش از کیفیت باد سحر / طایران تسبیح‌خوان بر هر شجر
 - (۴) ذکر لب و دهان تو تسبیح بی‌دلان / نعل سم سمند تو محراب عاشقان

کدام بیت «فاقد» مفهوم بیت زیر است؟ ۱۸

- «چه وجود نقش دیوار و چه آدمی که با او / سخنی ز عشق گویند و در او اثر نباشد»
- (۱) کسی کز عشق خالی شد فسرده است / گرش صد جان بود بی‌عشق مرده است
 - (۲) غلام عشق شو کاندیشه این است / همه صاحب‌دلان را پیشه این است
 - (۳) دلی که عشق نبازد ز سنگ خاره بود / چه دولتی بود آن دل که عشق باره بود
 - (۴) زنده نه آن است که جانی در اوست / اوست که از عشق نشانی در اوست

تعداد تشبیه در همه‌ی ابیات یکسان است، به جز: ۱۹

- (۱) مریض شوق ز تیر ستم نمی‌رنجد / قتیل عشق ز تیغ جفا نمی‌ترسد
- (۲) شد چمان در چمن حسن و لطافت لیکن / در گلستان وصالش نچمیدیم و برفت
- (۳) زلف لیلی صفت دام دل مجnoon است / عقل بر دانه‌ی خال سیهت مفتون است
- (۴) چون سواد زلف شبرنگ تو را آرم به یاد / از سرم تا پای چون شمع آتش سودا گرفت

مفهوم کلی کدام بیت مناسب با بیت زیر است؟

«زنگارهاست در دل آلدگان دهر / هر پاک جامه را نتوان گفت پارساست»

(۱) بازارگان شدستی و کالات هیچ نیست / در حیرتم که نام تو بازارگان چراست

(۲) ای دل غرور و حرص، زیونی و سفلگی است / ای دیده راه دیو ز راه خدا جداست

(۳) زان راه باز گرد که از رهروان تهی است / زان آدمی بترس که با دیو آشنایست

(۴) آزاد کس نگفت تو را تا که خاطرت / گاهی اسیر آز و گهی بسته‌ی هواست

عین الترجمة الصحيحة:

«تخلية الوقود من ناقلات النفط في الموانئ تستغرق وقتاً طويلاً و على العمال أن يتبعوها إلى العائم التحذيرية!»:

(۱) تخلیه سوخت از نفتکش‌ها در بندر زمان زیادی به طول می‌انجامد و بر کارگران است که به علائم هشداری توجه کنند!

(۲) خالی کردن سوخت از نفتکش‌ها در بندرها وقت زیادی را در بر می‌گیرد و همه‌ی کارگران باید به علائم هشدار دهنده توجه کنند!

(۳) خالی کردن مواد سوختی از نفتکش‌ها در بنادر وقت طولانی می‌گیرد و کارگران باید به علائم هشدار آمیز توجه کنند!

(۴) خالی کردن مواد سوختی از نفتکش‌ها در بندرها زمان زیادی طول خواهد کشید و کارگران باید که به علامت‌های هشدار توجه کنند!

عین الأصحَّ و الأدقَ فِي الجوابِ لِلتَّرْجِمَةِ.

«هولا، تَضَارِبُوا فَتَدْخُلُ الْمَدِيرُ وَ نَصْحَبُهُمْ عَلَى عَمَلِهِمُ الْقَبِيحِ»: «اینان»

(۱) یک دیگر را زدند، پس مدیر دخالت کرد و نصیحت کرد آنها را و به خاطر کار زشتستان پشیمان شدند!

(۲) با هم زدو خورد کردند، پس مدیر وارد شد و آنها را نصیحت کرد و آنها را برای زشتی کارشان پشیمان کرد!

(۳) هم دیگر را زدند، مدیر داخل شد و پند و اندرزشان داد و آنها را برای کارهای زشت پشیمان کرد!

(۴) هم دیگر را زدند، پس مدیر دخالت کرد و نصیحتشان کرد و آنها را برای کار زشتستان پشیمان کرد!

عین الصحيح عن الترجمة أو المفردات.

«لم يكن الإنسان القديم يعرف قيمة الوقت معرفة الإنسان الذي يعيش حالياً!»:

(۱) انسان قدیمی ارزش وقت را مانند این انسانی که اکنون زندگی کند، بی‌شک نمی‌دانست!

(۲) انسان در قدیم ارزش وقت را به گونه‌ای که انسان کنونی می‌داند، ندانسته بود!

(۳) انسان قدیمی ارزش وقت را همانند انسانی که اکنون زندگی می‌کند، نمی‌دانست!

(۴) انسانی که در قدیم بود، ارزش زمان خود را مانند انسانی که اکنون زندگی می‌کند، نمی‌دانست!

٢٤ عین الصحيح عن الترجمة أو المفردات.

- «لى صديق ليس له عمل أمنع من قراءة آثار المفكرين الجديدة و يسهر كل ليل لهذا العمل!»
- (١) دوستی دارم که لذت‌بخش‌تر از خواندن آثار جدید اندیشمندان، کاری ندارد و برای این کار تمام شب را بیدار می‌ماند!
 - (٢) یک دوست دارم که جز خواندن آثار اندیشمندان جدید، کار لذت‌بخشی ندارد و هر شب برای این کار بیدار می‌ماند!
 - (٣) دوستی دارم که کاری لذت‌بخش‌تر از خواندن آثار جدید اندیشمندان ندارد و هر شب برای این کار بیدار می‌ماند!
 - (٤) یک دوستی دارم که کاری لذت‌بخش‌تر از خواندن آثار اندیشمندان جدید ندارد و تمام شب را برای این کار بیدار می‌ماند!

٢٥ «سازمان جهانی یونسکو بعضی آثار تاریخی ایران را در فهرست میراث جهانی ثبت کرده است!»:

- (١) سجلت منظمة العالمية ليونسكو بعض آثار إيران التاريخي في قائمة التراث العالمي!
- (٢) قامت المنظمة العالمية ليونسكو قامت بتسجيل آثار إيران التاريخية في قائمات تراث العالم!
- (٣) قامت منظمة يونسكو الدولية بتسجيل المعالم الإيرانية التاريخية، في قائمات ميراث العالم!
- (٤) إنّ منظمة اليونسكو الدولية قد سجلت بعض المعالم التاريخية في إيران في قائمة التراث العالمي!

٢٦ «پافشاری بر دشمنی میان مسلمان‌ها جایز نمی‌باشد» عین الصحيح في التعریب:

- (١) ما جاز الإصرار على الخلاف بين المسلمين!
- (٢) لا يجوز الإصرار على الغدوان بين المسلمين!
- (٣) ما جازت الإصرار على الغدوان بين المسلمين!

٢٧ عین الأصح و الأدق في الجواب للتعريب:

«اضطرار بسياری از مردم را وادر می‌کند تا آموزش بیینند!»:

- (١) الضرورة الجات أكثر الناس لتعليم العلم!
- (٢) يلجنّ الاضطرار كثيراً من الناس إلى أن يتعلّموا!

٢٨ عین الصحيح:

- (١) أنت ترغب في عبادة هذه التمايل؟: آيا تو به عبادت این تندیس‌ها راغب شده‌ای؟
- (٢) كلا هما مناسبان لهذا الموضوع و لكنّي أرجح الأول!: هر یک از این دو برای این موضوع مناسب هستند، اما من اولی را ترجیح می‌دهم!
- (٣) بعض الكفار أقاموا وجوههم للدين حنفاء فأصبحوا مسلمين!: برخی از کافران یکتاپستانه به دین روی آوردند و مسلمان شدند!
- (٤) مع أن التجارب تكون قيمة و لكنّها لا تغنينا عن قراءة الكتب!: با این که تجربه‌ها ارزشمندند، اما با آن‌ها از خواندن کتاب‌ها بی‌نیاز نمی‌شویم!

٢٩ عین الخطأ:

- ١) بعض الناس يجهرون بعيوب الآخرين بينما لا يهتمون بعيوب أنفسهم! برخى از مردم عیب‌های دیگران را آشکار می‌کنند در حالی که به عیب‌های خودشان توجه نمی‌کنند!
- ٢) قد تقدم العلماء المسلمين في المجالات المختلفة تقدماً تعترف به الجماع الغريبة! دانشمندان مسلمان در زمینه‌های مختلف به گونه‌ای پیشرفت کرده‌اند که جماعت غربی به آن اعتراف می‌کنند!
- ٣) في يوم من الأيام جاء به أبواه إلى أمير المؤمنين (ع)! در روزی از روزها پدرش با او نزد امیر المؤمنان (ع) آمد!
- ٤) يصاد الحوت لاستخراج الزيت من كبده لصناعة مواد التجميل! نهنگ برای استخراج روغن از کبدش برای ساخت مواد آرایشی شکار می‌شود!

اقرأ النص التالي بدقة ثم أجب عن الأسئلة بما يناسب النص:

إيران بلد يعيش فيه قبائل و شعوب نشاهد تعايشهم سلمياً. يتكلم فيه الناس بلغات و لهجات متعددة. الإيرانيون من قديم الزمان يعبدون إلهًا واحدًا ولا يشركون به حتى من قبل الإسلام. هم لا يدعون من دون الله بعد أن أسلموا حتى الآن. في إيران يمكن أن نشاهد مسجداً و ديراً (كليساً) و كنيسة في شارع معاً. كما نجدها في الشارع «٣٠ تير» في طهران. هذا التنوّع يوجد في الجوّ و الأقاليم (آب وهوها و أقليمها) أيضاً كما نجد في الزَّمن الواحد مدينة فيها أمطار شديدة و مدينة ذات شمس حارة و مدينة مفروشة بالثلج. إيران مشهورة ببلدها أربعة فصول في طول السنة.

٣٠ عین الخطأ حسب النص:

- ١) يمكن أن نشاهد في إيران الجوّ الحارّ و الجوّ البارد معاً!
- ٢) لا تتنازع العقائد المختلفة في إيران و تتعايشع معاً سلمياً!
- ٣) يجوز الإصرار على نقاط الخلاف في إيران لأنّ (كلّ حزب بما لديهم فرحون)
- ٤) يدعو الإيرانيون من بعد الإسلام حتى الآن إلهًا واحدًا!

٣١ عین عنواننا مناسباً للنص:

- (١) الإسلام و الإيران (٢) التنوّع في إيران
 (٣) تاريخ إيران (٤) جو إيران

٣٢ عین الصحيح عن «٣٠ تير» حسب النص:

- ١) إنه يوم تكريم فيه الأديان و العقائد!
- ٣) نشاهد فيه مظاهر من العقائد المختلفة!

٣٣ عین الصحيح في التحليل الصّرفي.

«تعايشه»:

- ١) اسم، مفرد، مصدر (من باب تفاعل)
- ٣) اسم، مفرد، مؤنث، مصدر (له حرفان زائدان)
- ٢) مفرد، مذكر، مصدر (من باب معاملة)
- ٤) مفرد، مذكر، مصدر (حروف الأصلية: «ت ي ش»)

٣٤ عين الصحيح في التحليل الصّرفي.

﴿تُشاهد﴾:

- ١) فعل ماض، للغائب، مزيد ثالثي من باب تفاعل، لازم
- ٢) فعل مضارع، للمخاطب، مزيد ثالثي من باب مفاعة، متعدّ
- ٣) فعل ماض، للغائب، مزيد ثالثي من باب تفاعل، متعدّ
- ٤) فعل مضارع، للغائب، مزيد ثالثي من باب مفاعة، لازم

٣٥ عين اسم الفاعل ليس في محل المفعول:

- ١) إننا نحب الأمّر بالمعروف و نستمع إلى كلامه بدقة!
- ٢) المسلم الذي لا يعرف الآخرة يخسر في النهاية!
- ٣) شكر هذا الملك المُوحّد الناس على هداياهم الكثيرة!
- ٤) علينا لا نتكبر على الآخرين؛ فإن الله لا يحب المتكبرين!

٣٦ عين ما فيه عدد ترتيبى:

- ١) قرأت في أسبوعين اثنين ثلاثة دروس و ما قرأت الدروس الأخرى!
- ٢) أعطاني المدير الجائزة العشرين في الشهر الماضي!
- ٣) أهديت كتاباً واحداً لصديقي بمناسبة حفلة ميلاده!
- ٤) الغراب يعيش عشرين سنة إلى ثلاثين أو أكثر!

٣٧ عين الخطأ:

- ١) هُم تَعلَّمُوا
- ٢) أنت تَعلَّمُوا
- ٣) هُم عَلَّمُوا
- ٤) أنتم عَلَّمُوا

٣٨ عين ما فيه حروف الجر أكثر:

- ١) إيران من أنجح الدول في مد خطوط الأنابيب لنقل النفط!
- ٢) أنظر إلى الأشجار و قل من الذي يخرج منها أثمارها!
- ٣) الحفاظ على الحدائق العامة واجب على كلّ منا كموطن!
- ٤) في المكتبة بدأنا بالبحث عن كتاب حول صناعة السياحة!

٣٩ ميّز ما فيه الفعل الثلاثي المزيّد أكثر:

- ١) إننا نتعيش تعايشاً سلبياً و نبتعد عن العدوان لأنّه لا يتفع به أحد.
- ٢) (فاصبر إنّ وعد الله حقّ و استغفر لذنبك)
- ٣) (و أنزل من السماء ماءً فاخرج به من الشمرات رزقاً لكم)
- ٤) حينما شاهدت ساقط الأسماك من السماء على الأرض صدقت ظاهرة مطر السمك.

٤٠ عين اسم الفاعل مفعول به:

- ١) لا تسأل المتكلّم الذي يجib قبل أن يفهم!
- ٢) يعرف العاقل كلّ خير من الشرّ!
- ٣) لا يظلم المؤمنون أنفسهم فيغفر الله أخطائهم!
- ٤) اللهم ثبت أقدام المستضعفين على الكافرين!

با توجه به سخن مولای متقیان علی (ع)، دشمن‌ترین دشمن انسان کدام است و در مقابل کدام سرمایه‌ی الهی قرار می‌گیرد؟

- (٢) نفس امّاره - راهنمایان الهی
- (٤) شیطان - عقل
- (٣) شیطان - راهنمایان الهی

- (١) انّچه به شما داده شده، کالای زندگی دنیا و آرایش آن است و آنچه نزد خداست بهتر و پایدارتر است.
- (٢) بعضی می‌گویند: پروردگارا به ما در دنیا نیکی عطا کن و در آخرت نیز نیکی رحمت فرما.
- (٣) و آنکس که سرای آخرت را بطلبید و برای آن سعی و کوشش کن، و مؤمن باشد پاداش داده خواهد شد.
- (٤) هر کس نعمت و پاداش دنیا را بخواهد، نعمت و پاداش دنیا و آخرت نزد خداست.

کدام آیهٔ شریفه چگونگی برنامهٔ زندگی روزانهٔ انسان را مشخص می‌کند؟

- (١) ام نجعل الذين آمنوا و عملوا الصالحات
- (٢) من آمن بالله و اليوم الآخر و عمل صالحًا فلا خوف عليهم ولا هم يحزنون
- (٣) قل إِنَّ صلاتي و نُسُكى و محياتى و مماتى ...
- (٤) لعلى أعمل صالحًا فيما تركت

از آیهٔ نورانی «هُنَّ آمِنٌ بِاللهِ وَ الْيَوْمِ الْآخِرِ وَ عَمِيلٌ صَالِحًا فَلَا خَوْفٌ عَلَيْهِمْ وَ لَا هُمْ يَحْزَنُونَ» کدام مفهوم قابل برداشت است؟

- (١) علیت شجاعت و نشاط در زندگی و معلولیت ایمان و عمل
- (٢) علیت نهراسیدن از مرگ و معلولیت دل نبستن به زندگی
- (٣) معلولیت سبکباری از گناه و علیت درخواست عمر طولانی
- (٤) معلولیت شهادت طلبی در ذلت و علیت نیکوکاری مقرن با ایمان

تجسم اعمال مربوط به کدام عالم است و با کدام مرحلهٔ قیامت ارتباط مفهومی دارد؟

- (١) بُرْزَخٌ - دادن نامه‌ی اعمال
- (٢) رَسْتَاخِيزٌ - دادن نامه‌ی اعمال
- (٣) بُرْزَخٌ - حضور شاهدان و گواهان
- (٤) رَسْتَاخِيزٌ - حضور شاهدان و گواهان

کدام پیامد «عدم تعلق» نتیجه‌اش آرزوی دوری از جهنم است و نقش شیطان در گناهان انسان چیست؟

- (١) مسخره و به بازی گرفتن نماز - بازداشت از پیروی عقل و وجودان
- (٢) عدم بصیرت و شنوایی - بازداشت از پیروی عقل و وجودان
- (٣) مسخره و به بازی گرفتن نماز - جلوه دادن آن و فریبکاری
- (٤) عدم بصیرت و شنوایی - جلوه دادن آن و فریبکاری

اگر بخواهیم تقدم و تأخر را در وقوع حوادث قیامت بیان کنیم، کدام گزینه به درستی بیان شده است؟

- (١) برچیده شدن بساط حیات - توسل به سوگند دروغ - آشکار شدن حوادث تلغی و شیرین زمین
- (٢) تاییدن نور حقیقت از جانب خداوند - حضور در پیشگاه خداوند - سنجش اعمال، افکار و نیت‌ها
- (٣) شنیده شدن صدایی سهمگین - سنجش اعمال، افکار و نیت - حضور در پیشگاه خداوند
- (٤) تحولی عظیم در آسمان‌ها و زمین - کنار رفتن پرده از اسرار و حقایق عالم - تجسم اعمال

منظور از واژه‌ی «ذلک» در عبارت قرآنی (ذلک آدنی آن یعرفن فَلَا يُؤْذِنَ) کدام موضوع است؟

- (۱) نزدیکتر کردن پوشش به خود
- (۲) کنترل چشم و خودداری از نگاه به نامحرم
- (۳) پوشاندن صورت و گریبان و گردن
- (۴) آشکار نکردن زینت و زیورآلات به جهت جلب توجه

«تناسب آراستگی ظاهری و باطنی» و «تناسب آراستگی ظاهری با سطح معیشت جامعه» به ترتیب در کدام عبارت تجلی یافته‌اند؟

- (۱) خداوند آراستگی و زیبایی را دوست دارد - خدای تعالیٰ دوست دارد وقتی بنده‌اش به سوی دوستان خود می‌رود، آماده و آراسته باشد.
- (۲) آراستگی از اخلاق مؤمنان است - خدای تعالیٰ دوست دارد وقتی بنده‌اش به سوی دوستان خود می‌رود، آماده و آراسته باشد.
- (۳) آراستگی از اخلاق مؤمنان است - امروز ما در شرایط بهتری هستیم و عموم مردم توانایی پوشیدن چنین لباسی را دارند.
- (۴) خداوند آراستگی و زیبایی را دوست دارد - امروز ما در شرایط بهتری هستیم و عموم مردم توانایی پوشیدن چنین لباسی را دارند.

خشندی و ناخشنودی خدا از انسان در گرو چیست؟

- (۱) گام برداشتن در مسیر سعادت و خوبی‌خیتی خود - عدم شناخت راه سعادت
- (۲) گام برداشتن در مسیر سعادت و خوبی‌خیتی خود - ظلم به خود و قدم گذاشتن در مسیر هلاکت
- (۳) ارزیابی هر روزه کارهای خود - ظلم به خود و قدم گذاشتن در مسیر هلاکت
- (۴) ارزیابی هر روزه کارهای خود - عدم شناخت راه سعادت

یکی از مبطلات روزه که انسان را مشمول حکم کفاره جمع می‌کند، کدام است و اگر شخصی غسل بر او واجب است، بر اثر سهل‌انگاری در تنظیم زمان تا اذان صبح، با تیم روزه بگیرد، روزه‌اش چه حکمی دارد؟

- (۱) رساندن غبار غلیظ به حلق - باطل است و باید قضای آن را انجام دهد.
- (۲) فرو بردن تمام سر در آب - باطل است و باید قضای آن را انجام دهد.
- (۳) باقی ماندن بر جناب تا اذان صبح - صحیح است، اما در مورد غسل نکردن معصیت کرده است.
- (۴) دروغ بستن به خدا و پیامبر - صحیح است، اما در مورد غسل نکردن معصیت کرده است.

اگر کسی روزه ماه رمضان را عمداً نگیرد:

- (۱) کفاره بدهد.
- (۲) به فقرا بعد از ماه رمضان کفاره بدهد.
- (۳) هم قضای آنرا به جای آورد و هم کفاره بدهد.

مؤثرترین عامل در تعیین چگونگی و نوع پوشش ملت‌ها و اقوام چیست و عبارت قرآنی «ذلک آدنی آن یعرفن فَلَا يُؤْذِنَ» بیانگر کدام است؟

- (۱) آداب و رسوم ملت‌ها و اقوام - علت حجاب
- (۲) دین و آیین ملت‌ها و اقوام - حدود حجاب

با توجه به مراحل یک برنامه‌ی دقیق برای رسیدن به رستگاری، کدامیک از گزینه‌های زیر نادرست است؟

- (۱) برای حرکت در مسیر هدف، وجود اسوه و الگوهای موفق ضروری و لازم است.
- (۲) با توجه به حدیث امیر المؤمنین (ع)، زیرک‌ترین انسان‌ها کسی است که از خود و عمل خود برای بعد از مرگ حساب بکشد.

(۳) یکی از بهترین زمان‌های محاسبه‌ی سالانه، شب‌های قدر ماه مبارک رمضان است.

(۴) بعد از محاسبه، نوبت مراقبت است تا عواملی را که سبب سستی در انجام کار می‌شود، از سر راه برداریم.

در بررسی معیارهای تمدن اسلامی، کدام مورد با مفهوم مندرج در آیه‌ی (يَا أَيُّهَا الَّذِينَ آتَيْنَا أَطْيَابًا مِّنْ رَحْمَةِ رَبِّكُمْ شباخت دارد و آنرا تبیین می‌نماید؟

(۱) (وَمَنْ يَتَنَعَّمْ بِغَيْرِ إِلَهٍ إِلَّا إِنَّمَا فَلَنْ يَقْبَلَ مِنْهُ وَهُوَ فِي الْآخِرَةِ مِنَ الْخَاسِرِينَ)

(۲) (وَمَا مُحَمَّدٌ إِلَّا رَسُولٌ فَمَنْ خَلَقْتُ مِنْ قَبْلِهِ الرَّسُولَ أَفَإِنْ هَاتُ أَفَنْ قُتِلَ اُنْقَلَبْتُمْ عَلَى أَعْقَابِكُمْ)

(۳) (وَلَمْ يَمْكُنْ لَهُمْ دِيَنُهُمُ الَّذِي ارْتَضَى لَهُمْ وَلَمْ يَكُنْ لَهُمْ مِنْ بَعْدِ خَوْفِهِمْ أَهْنَا يَعْبُدُونَ نَبِيًّا لَا يُشْرِكُونَ بِي شَيْئًا)

(۴) (أَلَمْ تَرَ إِلَى الَّذِينَ يَرْعَمُونَ أَنَّهُمْ آتَيْنَا أُنْزِلَ إِلَيْكَ وَمَا أُنْزِلَ مِنْ قَبْلِكَ يُرِيدُونَ أَنْ يَتَحَكَّمُوا إِلَى الطَّاغُوتِ)

ملازمت اهل ایمان با تمسک به خدا، چه آینده‌ای برای ایشان رقم خواهد زد؟

(۱) ورود ایشان به جوار رحمت و فضل الهی و هدایت ایشان به راهی راست

(۲) تبدیل زشتی‌ها و گناهان به نیکی‌ها و زیبایی‌ها

(۳) پاک شدن از گناه مانند کسی که گویی گناهی نکرده است.

(۴) مصونیت از تسویف و گرفتاری در این گونه دام‌های شیطان

مقصود خداوند تبارک و تعالی از نشانه‌هایی که در عبارت «إِنَّ فِي ذَلِكَ لَا يَأْتِ لِقَوْمٍ يَتَفَكَّرُونَ» ذکر می‌کند، چیست؟

(۱) «هُلْ يَسْتَوِي الَّذِينَ يَعْلَمُونَ وَالَّذِينَ لَا يَعْلَمُونَ»

(۲) «... از واجاً و جعل لكم من أزواجاكم بنين و حفدة و رزقكم ...»

(۳) «فَلَهُمْ أَجْرٌ هُمْ عِنْدَ رَبِّهِمْ وَلَا خُوفٌ عَلَيْهِمْ وَلَا هُمْ يَحْزَنُونَ»

(۴) «أَزْواجًا لَتَسْكُنُوا إِلَيْهَا وَجَعَلَ بَيْنَكُمْ هُوَدَةً وَرَحْمَةً»

وصف ناپذیری نعمت‌های الهی در کدام قرآن کریم با چه تعبیری بیان شده است و مقصود از بنای زندگی بر لبه پرتگاه در آیات قرآن کریم چیست؟

(۱) منشأ رضای الهی - ناتوانی تشخیص بایدتها و نبایدتها قوانین بشری از بایدتها و نبایدتها دینی و الهی

(۲) منشأ رضای الهی - گزینش برنامه‌ای غیردینی و برخاسته از مکاتب بشری

(۳) مایه‌ی روشنی چشم - ناتوانی تشخیص بایدتها و نبایدتها قوانین بشری از بایدتها و نبایدتها دینی و الهی

(۴) مایه‌ی روشنی چشم - گزینش برنامه‌ای غیردینی و برخاسته از مکاتب بشری

ورزش و بازی‌های ورزشی که برای نشاط سلامتی و تقویت جسم و روح انجام می‌شود، اگر به قصد «آمادگی بیشتر برای انجام وظایف الهی» باشد، است و اگر برای «دور شدن افراد جامعه از فساد و بی‌بندوباری‌های دنیای کنونی ضرورت یابد» فراهم کردن امکانات آن، است.

(۱) واجب- واجب کفایی (۲) واجب- واجب عینی (۳) مستحب- واجب عینی (۴) مستحب- واجب کفایی

قرار دادن خود برلبه‌ی پرتگاهی که سقوط به وادی‌های هولناک گمراهی و سرگردانی را درپی خواهد داشت، نتیجه‌ی است. خداوند همین خطر را به ما هشدار می‌دهد و می‌فرماید:

(۱) غفلت از خداوند و نشانه‌های الهی - «و كتم على شفا حفرة من النار فانقذكم منها»

(۲) سهل‌انگاری در عمل و بی‌توجهی به احکام خداوند - «من اسَّسْ بُنْيَانَهُ عَلَى شَفَا جَرْفٍ هَارِ فَانْهَارَ بِهِ فِي نَارِ جَهَنَّمَ»

(۳) غفلت از خداوند و نشانه‌های الهی - «من اسَّسْ بُنْيَانَهُ عَلَى شَفَا جَرْفٍ هَارِ فَانْهَارَ بِهِ فِي نَارِ جَهَنَّمَ»

(۴) سهل‌انگاری در عمل و بی‌توجهی به احکام خداوند - «و كتم على شفا حفرة من النار فانقذكم منها»

After they their backpacks, they rode away on their bikes.

- 1) packed 2) had packed 3) were packing 4) have packed

This button while the experiment is in progress, or someone get hurt.

- 1) must not touch / must 2) must not be touched / might
3) should not be touched / should 4) should not touch / may

I never thought of a career in medicine before I to my biology teacher, now I am seriously considering it.

- 1) had / have spoken 2) have / have spoken
3) had / spoke 4) have / spoke

We have got sugar. We should buy when we go shopping.

- 1) little / some 2) a few / much 3) few / some 4) a little / much

How did your phones cost?

- 1) many 2) some 3) any 4) much

He should something light - colored when he is cycling at night so that he is more visible.

- 1) distinguish 2) lack 3) wear 4) inform

New housing developments are the countryside.

- 1) providing 2) spoiling 3) feeding 4) rising

We were soon into local village life.

- 1) absorbed 2) turned 3) attended 4) exchanged

A: What sort of apartment are you looking for?

B: Somewhere with a bit more space. There's not enough room to in my living room.

- 1) cut corners 2) swiming a cat 3) foot the bill 4) hit the ceiling

They should take actions to prevent the fire from spreading to other buildings.

- 1) different 2) generous 3) immediate 4) sudden

۷۰

Our language lab exercises have been uploaded onto the Internet, so we can them at home, and work on them over the weekend.

- 1) replace 2) generate 3) access 4) involve

۷۱

متن زیر را با استفاده از ۵ سؤال بعدی کامل کنید:

What important days in your life do you remember? I remember my first day at university crystal clear. I felt excited and happy. At the same time, I was very nervous because I didn't know anyone. However my first day at university was memorable.

At first, I was confused and lost. I didn't know where to go. I had to ask a stranger where the first year students1.... This person was very well - mannered and showed me the way. I walked through2..., and when I arrived I saw many students and I felt intimidated.

After a while, I told myself to be braver. I asked a girl what was happening and3... that we were in the same group. We introduced ourselves. Her name was May. We joined in with the activities for "freshie" students. Soon, I started feeling much better. The activities helped me feel part of a team and I was beginning to feel that I had become a university student.

Later, we began our classes. The teacher talked for a while and then we introduced ourselves. I met two girls. Soon we became good friends and started chatting and learnt more about each other. Although we came from different4... we had a lot in common. We all hated people who drop garbage on the floor, and we desired to protect earth. We went to a coffee shop together that afternoon. I remember I ordered a cup of tea, but friends were hungry, so they ordered5... and Caesar salad.

- 1) will meet 2) went to meet
3) were going to meet 4) are going to meet

۷۲

- 1) some big buildings 2) big two buildings
3) a little buildings 4) big a few buildings

۷۳

- 1) informed 2) flourished 3) introduced 4) found

۷۴

- 1) classes 2) ages 3) principles 4) provinces

۷۵

- 1) a few loaves of bread 2) two breads
3) big one loaves bread 4) many breads

۷۶

The Internet is recently playing a rather important role in our lives, especially in terms of communication. As a matter of fact, an increasing number of Internet users throughout the world heavily rely on the World Wide Web as the primary source of information about various topics. On the other hand, online chatting has, in recent years, become extremely popular. In fact, hundreds of thousands of web users are spending a huge amount of their time online. All these developments have led to creation of a brand - new form of communication that has its own language with its specific features.

Netspeak, the name given to the unique form of language used in Internet communication, includes all forms of communication in which the Internet is involved. Typical examples of Netspeak include chatting, texting sending emails, and any other form of online discussion. In fact, Netspeak refers to all computer - mediated communication. This type of communication has been used for various situations and different purposes such as social and emotional interaction and e-learning. For example, the online forums are a platform for the students to communicate with their fellow classmates, lecturers and other e-distance learning students.

Some researchers in the field of Internet Linguistics have studied and examined the linguistic features of Netspeak. In order to do their studies, researchers have collected and analyzed samples from chat rooms, forums, websites, weblogs, and social media.

The findings of the studies show that people use a number of interesting linguistic features such as short forms, special acronyms, emoticons, capital letters, and etc. For instance, since body language cannot be used in order to display emotions in Netspeak, different kinds of emoticons are used to convey personal emotions and feelings. Generally speaking Netspeak seems to have specific features regarding its vocabulary, spelling, punctuation, and grammar. Although Netspeak may sound odd to those who love only standard languages, one needs to understand it in order to be able to communicate via the Internet.

The author of the passage concludes that

- 1) even if you do not like Netspeak, you may have to learn it.
- 2) some people hate Netspeak so it will not be used anymore.
- 3) if you speak a standard language, you don't need to learn how to communicate via the Internet.
- 4) Netspeak seems to have quite natural features to those who love standard languages.

The author uses the phrase "for instance" in the forth paragraph mainly to

- 1) define body language for readers of the text.
- 2) give an example regarding the differences between Netspeak and standard language.
- 3) give an example of the importance of body language in social interaction.
- 4) define the role of understanding emotions in successful social interaction.

The word "their" in paragraph two, line seven, refers to

- 1) forums 2) lecturers 3) students 4) classmates

The author has written the first paragraph to

- 1) talk about the role of language in communication.
 2) emphasize the effect of the Internet and Netspeak on education.
 3) explain how the Internet has led to the emergence of a new language of communication.
 4) argue why advances in communication technology will lead to less face-to-face interaction in future.

در یک کلاس ۳۰ نفره، ۱۵ نفر در کلاس فوتبال و ۱۸ نفر در کلاس والیبال شرکت کرده‌اند. اگر ۴ نفر از کسانی که در هر دو کلاس شرکت کرده‌اند، از کلاس فوتبال انصراف دهند و ۳ نفر از کسانی که در هیچ کلاسی شرکت نکرده بودند، در کلاس فوتبال شرکت کنند، آن‌گاه می‌توان گفت ۸۰ درصد کل افراد این کلاس، فقط در یک کلاس شرکت کرده‌اند. چند نفر در ابتدا در هر دو کلاس شرکت کرده بودند؟

- ۷ (۴) ۸ (۳) ۹ (۲) ۱۰ (۱)

الگوی زیر مربوط به دنباله‌ی a_n تعداد دایره‌ها در شکل n ام می‌باشد. $a_1 = 1$ کدام است؟

- | | | | |
|---|---|---------|--|
| $\begin{array}{c} \circ \\ \circ \circ \\ \circ \circ \circ \circ \circ \\ \circ \quad \circ \end{array}$ | $\begin{array}{c} \circ \\ \circ \circ \\ \circ \circ \circ \circ \circ \\ \circ \quad \circ \end{array}$ | \dots | ۱۰۷۷ (۱)
۱۵۸۷ (۲)
۱۸۲۱ (۳)
۲۱۰۱ (۴) |
|---|---|---------|--|

اگر دنباله‌ی $C_n = 6n^2 - a(n-1)^2 + 3$ برابر C_3 باشد، $t_n = 2bn + 3$ یک دنباله‌ی خطی و جمله پنجم دنباله $a + b$ کدام است؟

- ۱۱ (۴) ۱۰ (۳) ۹ (۲) ۸ (۱)

حاصل عبارت $\frac{\sqrt{125} - \sqrt{8}}{\sqrt{7} + \sqrt{10}} - 3(\sqrt[4]{25} - \sqrt[4]{4})^{-1}$ کدام است؟

- $-2\sqrt{2}$ (۴) $2\sqrt{5}$ (۳) $2\sqrt{5} - 2\sqrt{2}$ (۲) $\sqrt{5} - \sqrt{2}$ (۱)

حاصل عبارت $I = \sqrt{5 + 4\sqrt{3 - 4\sqrt{4 - 2\sqrt{3}}}}$ بین کدام دو عدد متوالی قرار می‌گیرد؟

۵، ۴ (۴)

۴، ۳ (۳)

۳، ۲ (۲)

۲، ۱ (۱)

اگر $x^2 + \frac{1}{x} = 18$ باشد، با شرط $1 < x < 0$ ، حاصل $x^3 - \frac{1}{x}$ کدام است؟

۷۶ (۴)

-۷۶ (۳)

-۶۸ (۲)

۶۸ (۱)

حاصل عبارت $\sqrt[3]{(\cdot/25)} + \sqrt[3]{\left(\frac{1}{4}\right)} - 5\sqrt[3]{(\cdot/216)}$ کدام است؟

۳ + $\sqrt{2}$ (۴)-۳ + $\sqrt{2}$ (۳)

۳ (۲)

-۳ (۱)

تابع f به گونه‌ای است که به ازای هر $x \in R - \{0, 1\}$ داریم: $f(x) + 2f\left(\frac{1}{1-x}\right) = x$

مقدار $f(2) + f(0/5) + f(-1)$ کدام است؟

۰/۵ (۴) صفر

۰/۵ (۳)

۱ (۲)

۱/۵ (۱)

کدام گزینه می‌تواند نمایش دیگر تابع باشد؟

$$\begin{cases} f: \left[1, \frac{1}{3}\right] \rightarrow [0, +\infty) \\ f(x) = \sqrt{x^2 - x} \end{cases}$$

$$\begin{cases} f: [1, +\infty) \rightarrow R \\ f(x) = \sqrt{x^2 - x} \end{cases} \quad (۱)$$

$$\begin{cases} f: \left[1, \frac{1}{3}\right] \rightarrow [-2, +\infty) \\ f(x) = \sqrt{x} \times \sqrt{x-1} \end{cases} \quad (۲)$$

$$\begin{cases} f: [1, +\infty) \rightarrow [0, +\infty) \\ f(x) = \sqrt{x} \times \sqrt{x-1} \end{cases} \quad (۳)$$

$$\begin{cases} f: \left[1, \frac{1}{3}\right] \rightarrow R \\ f(x) = |x| \times \sqrt{x-1} \end{cases} \quad (۴)$$

حاصل جمع ریشه‌های معادله $\text{Log}(x+2) - \sqrt{\text{Log}(x+2)} = 0$ کدام است؟

۰ (۴) صفر

۷ (۳)

۸ (۲)

۱۰ (۱)

اگر $f^{-1} \circ g(x)$ کدام است؟

- | | | | |
|--------------------------------|-----|----------------------|-----|
| $\{(1, 0), (2, 3+2\sqrt{3})\}$ | (۲) | $\{(1, 0), (2, 2)\}$ | (۱) |
| $\{(1, 0), (2, 1), (3, 1)\}$ | (۴) | $\{(1, 0), (2, 1)\}$ | (۳) |

فرض کنید f و g توابع وارونپذیر و $g^{-1}(3) = 1$ باشد، اگر $f \circ g(x) = x^3 + x$ باشد، کدام نتیجه‌گیری درست است؟

- | | | | | | | | |
|-----------------|-----|-----------------|-----|------------|-----|------------|-----|
| $f^{-1}(2) = 3$ | (۴) | $f^{-1}(1) = 2$ | (۳) | $f(2) = 3$ | (۲) | $f(1) = 2$ | (۱) |
|-----------------|-----|-----------------|-----|------------|-----|------------|-----|

در ساخت یک قیف به شکل مخروط قائم به حجم $\frac{\pi}{3}$ ، با کدام ارتفاع کمترین مقدار جنس مصرف می‌شود؟

- | | | | | | | | |
|---------------|-----|---------------|-----|---------------|-----|-------------------------|-----|
| $\sqrt[3]{2}$ | (۴) | $\sqrt[3]{2}$ | (۳) | $\sqrt[3]{2}$ | (۲) | $\frac{\sqrt[3]{2}}{2}$ | (۱) |
|---------------|-----|---------------|-----|---------------|-----|-------------------------|-----|

طول نقطه‌ی عطف تابع $f(x) = \frac{2}{3}x^3 - (m-1)x^2 + 8x$ از ۲ کمتر است. در مورد طول نقاط ماکزیمم و

- مینیمم نسبی f کدام صحیح است؟
- | | |
|--------------------------------|----------------------------------|
| (۱) هر دو مثبت‌اند. | (۲) هر دو منفی‌اند. |
| (۳) یکی مثبت و دیگری منفی است. | (۴) تابع f اکسٹرمم نسبی ندارد. |

بیشترین مقدار تابع $C(t) = \frac{t}{t^3 + 16}$ چقدر است؟

- | | | | | | | | |
|----------------|-----|----------------|-----|----------------|-----|----------------|-----|
| $\frac{1}{20}$ | (۴) | $\frac{1}{17}$ | (۳) | $\frac{3}{23}$ | (۲) | $\frac{1}{12}$ | (۱) |
|----------------|-----|----------------|-----|----------------|-----|----------------|-----|

طول ماکسیمم نسبی تابع $f(x) = |x - 1| \sqrt[3]{x^2}$ کدام است؟

- | | | | | | | | |
|-------------------|-----|----------------------|-----|---------|-----|------------|-----|
| $x = \frac{2}{5}$ | (۴) | $x = 0, \frac{2}{5}$ | (۳) | $x = 1$ | (۲) | $x = 0, 1$ | (۱) |
|-------------------|-----|----------------------|-----|---------|-----|------------|-----|

طول نقطه‌ی Min و Max مطلق تابع $y = x \sqrt{2-x^2}$ کدام است؟

- | | | | | | | | |
|--------------------------|-----|----------------|-----|---------|-----|---------|-----|
| $\pm \frac{\sqrt{2}}{2}$ | (۴) | $\pm \sqrt{2}$ | (۳) | ± 2 | (۲) | ± 1 | (۱) |
|--------------------------|-----|----------------|-----|---------|-----|---------|-----|

تابع $f(x) = \sqrt[3]{x^3 - x^2}$ چند نقطه بحرانی دارد؟

(۴)

(۳)

(۲)

(۱)

تابع $y = \frac{(x-1)^3}{x}$ در کدام بازه صعودی است؟

(۰, +∞) (۴)

(-∞, ۰) (۳)

(۱, ۴) (۲)

(۰, ۱) (۱)

بهازای کدام مقدار k بیشترین و کمترین مقدار تابع $f(x) = x^4 - 8x^2 + k$ در بازه $[1, -3]$ ، قرینه‌ی یک‌دیگرند؟

۸ (۴)

۱ (۳)

۷/۲ (۲)

-۹/۲ (۱)

مساحت ناحیه‌ای که $S = \{(x, y) \mid x, y \in \mathbb{R}, 0 \leq x \leq 3, 3x - 5 \leq y \leq 5\}$ مشخص می‌کند، چقدر است؟

۲۹/۳ (۴)

۱۶/۳ (۳)

۳۷/۳ (۲)

۸/۳ (۱)

چه تعداد از گزاره‌های زیر در مورد سه نقطه‌ی $A(1, 2, 1)$, $B(2, 2, 1)$ و $C(3, 2, 1)$ ، نادرست است؟

(الف) بر روی صفحه‌ی $Z=1$ قرار دارند.(ب) بر روی خط $\begin{cases} y=2 \\ z=1 \end{cases}$ قرار دارند.(ج) بر روی خطی قرار دارند که با صفحه XOZ موازی است.(د) بر روی خطی قرار دارند که عمود بر صفحه XOY است.

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱ (۱)

معادلات سه وجه یک مکعب مستطیل $x=2$, $y=3$ و $z=1$ است. اگر یکی از یال‌های این مکعب روی خط

XOZ و یال دیگر روی خط $\begin{cases} y=5 \\ z=1 \end{cases}$ باشد، نسبت طول قطر مکعب مستطیل به قطری که موازی صفحه XOZ

است، چند برابر $\sqrt{5}$ است؟

۰/۶ (۴)

۰/۵ (۳)

۰/۴ (۲)

۰/۳ (۱)

مکان هندسی نقاطی از فضای آنها از قرینه‌شان نسبت به محور X ها، نصف فاصله آنها از تصویرشان روی صفحه XOY باشد، کدام است؟

(۰, ۰, ۰) (۴) صفحه‌ای موازی YOZ (۳) محور X ها(۲) صفحه XOY (۱) صفحه‌ای موازی XOZ

۱۰۵

مجموع فواصل نقطه A(2,-1,-1) از صفحات مختصات چند برابر فاصله آن تا مبدأ مختصات است؟

$$2\sqrt{6} \quad (4)$$

$$\frac{2\sqrt{6}}{3} \quad (3)$$

$$\frac{\sqrt{6}}{3} \quad (2)$$

$$2\sqrt{6} \quad (1)$$

۱۰۶

مساحت ناحیه $x^2 + y^2 - 2x + 4y \leq 3$ در دستگاه محورهای مختصات کدام است؟

$$2\left(\pi - \frac{1}{2}\right) \quad (4)$$

$$2\left(\pi - \sqrt{2}\right) \quad (3)$$

$$2(\pi - 2) \quad (2)$$

$$2(\pi - 1) \quad (1)$$

۱۰۷

اگر $\vec{a} = (3, -1)$ و $\vec{b} = xi - j$ باشد، $|\vec{a} + \vec{b}| + |\vec{a} - \vec{b}|$ کدام می‌تواند باشد؟

$$6 \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

$$\sqrt{10} \quad (2)$$

$$2\sqrt{5} \quad (1)$$

۱۰۸

دو بردار \vec{AB} و $\vec{b} = (m+1, -4)$ موافقی اند. اگر $\vec{a} = 2i - 3j$ است، همسنگ \vec{b} باشد
مختصات نقطه B کدام است؟

$$\left(\frac{14}{3}, 5\right) \quad (4)$$

$$\left(\frac{14}{3}, 0\right) \quad (3)$$

$$\left(\frac{14}{3}, -5\right) \quad (2)$$

$$(0, -5) \quad (1)$$

۱۰۹

مساحت محدود به ناحیه $S = \{(x, y) \mid y \leq 4 - x, y \leq x + 1, y > 0\}$ چقدر است؟

$$5/75 \quad (4)$$

$$6/25 \quad (3)$$

$$5 \quad (2)$$

$$6 \quad (1)$$

۱۱۰

مثلث قائم الزاویه ABC ($\hat{A} = 90^\circ$) مفروض است. چند نقطه روی محیط مثلث می‌توان یافت که فاصله آن از نقطه A و از ضلع BC برابر باشد؟

(۴) بی‌شمار

$$2 \quad (3)$$

$$1 \quad (2)$$

۱) صفر

۱۱۱

در یک دوازده‌ضلعی محدب تعداد قطرهایی که از شش رأس متواالی می‌گذرد چه عددی است؟

$$38 \quad (4)$$

$$44 \quad (3)$$

$$48 \quad (2)$$

$$54 \quad (1)$$

۱۱۲

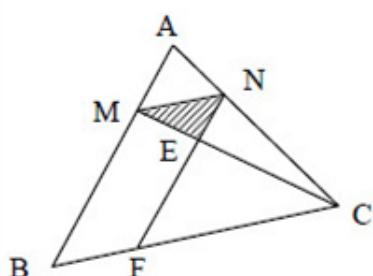
در شکل زیر $\frac{AM}{MB} = \frac{2}{3}$ و چهارضلعی BMNF متوازی‌الاضلاع است. مساحت مثلث هاشورزده چند درصد مساحت مثلث ABC است؟

$$9/6 \quad (1)$$

$$10 \quad (2)$$

$$10/6 \quad (3)$$

$$12 \quad (4)$$



۱۱۳

در مثلثی از نقطه‌ای معین مانند M روی ضلع مقابل به ضلع ۲۴ واحدی می‌توان عمودی بر وسط ضلع ۲۴ و به طول $\frac{۳}{۵}$ رسم کرد. اگر مجموع فواصل M تا سه رأس مثلث برابر $۳۰/۵$ باشد، فاصله M تا رأس غیرواقع بر ضلع به طول ۲۴ کدام است؟

۶ (۴)

۵/۵ (۳)

۵ (۲)

۴/۵ (۱)

مثلث ABC با معلوم بودن میانه‌های $m_a = ۲$ و $m_b = ۳$ و ضلع c قابل رسم است. C چند مقدار صحیح می‌تواند اختیار کند؟

۵ (۴)

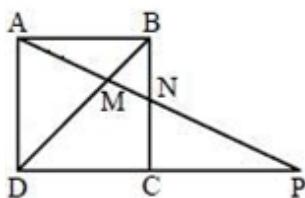
۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۱۴

در شکل زیر ABCD مربع است. اگر نسبت $\frac{AM}{AN} = \frac{۳}{۲}$ باشد، حاصل چه قدر است؟

 $\frac{۳}{۴}$ (۲) $\frac{۲}{۳}$ (۱) $\frac{۱}{۳}$ (۴) $\frac{۳}{۵}$ (۳)

۱۱۵

نقطه‌ی A به فاصله‌ی یک از خط d قرار دارد. تعداد نقاطی که از d که فاصله‌ی آنها از نقطه‌ی A برابر ۲ باشد، کدام نمی‌تواند باشد؟

۴ (۴)

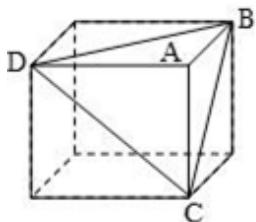
۳ صفر

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۱۶

در مکعب مقابل به ضلع a فاصله نقطه A از صفحه BCD چیست؟

 $\frac{a}{۳}$ (۲) $\frac{a}{۲}$ (۱) $\frac{a}{\sqrt{۲}}$ (۴) $\frac{a}{\sqrt{۳}}$ (۳)

۱۱۷

در مثلث ABC اگر $\frac{h_a}{h_b} = \frac{a}{b}$ باشد کدام حکم درست است؟

(۱) مثلث قائم‌الزاویه است.

(۲) نوع مشخصی ندارد.

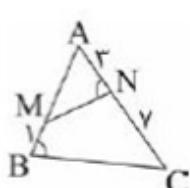
(۳) مثلث متساوی‌الساقین است.

(۴) مثلث متساوی‌الاضلاع است.

از نقطه M وسط ضلع AB از مثلث قائم‌الزاویه ABC که در رأس A قائم است عمودی بر وتر BC فرود می‌آوریم

تا آن را در نقطه N قطع کند. مقدار $NC^2 - NB^2$ برابر است با:

AB.AC (۴)

AC^۲ - AB^۲ (۳)AB^۲ (۲)AC^۲ (۱) $\frac{۲}{۵}$ (۴)

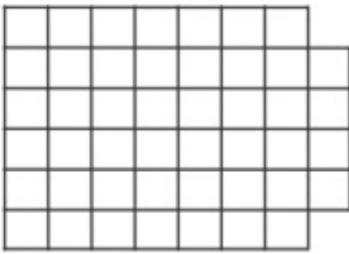
در شکل مقابل اگر $\hat{N} = \hat{B}$ ، نسبت MN به BC کدام است؟

 $\frac{۳}{۵}$ (۳) $\frac{۱}{۲}$ (۲) $\frac{۲}{۳}$ (۱)

۱۱۸

در صفحه‌ی شطرنجی ۸  که گوشی بالا سمت راست و گوشی پایین سمت راست آن حذف شده است. چند مربع وجود دارد؟

- (۱) ۱۲۱
- (۲) ۱۲۷
- (۳) ۱۳۳
- (۴) ۱۲۲

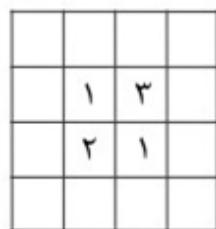


چند عدد چهاررقمی وجود دارد که در هریک از آن‌ها «رقم یکان > رقم هزارگان» و نیز «رقم دهگان > رقم صدگان» باشد؟ (تمام ارقام متمایزند).

- (۱) ۲۲۵۰
- (۲) ۱۲۶۰
- (۳) ۲۵۰۰
- (۴) ۲۵۲۰

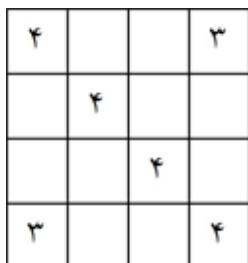
به چند طریق می‌توان مربع مقابل را پر کرد تا مربعی لاتین از مرتبه‌ی ۴ باشد؟

- (۱) ۴
- (۲) ۱
- (۳) ۲
- (۴) ۳



مربع لاتین مقابل را به چند طریق متمایز می‌توان پر کرد؟

- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۴
- (۴) ۸



از بین ۴ شاخه گل قرمز و ۵ شاخه گل زرد و ۸ شاخه گل سفید به چند طریق می‌توان ۶ شاخه گل انتخاب کرد؟

- (۱) ۲۰
- (۲) ۲۲
- (۳) ۲۴
- (۴) ۲۸

برای دانش‌آموزان یک شهر از مقطع ابتدایی تا کلاس دوازدهم، یک عدد پنج رقمی به صورت زیر اختصاص می‌یابد: دو رقم اول سمت راست نمایش پایه‌ی تحصیلی (از ۰۱ تا ۱۲)، دو رقم دوم نمایش سن (از ۰۷ تا ۱۸) و رقم پنجم جنسیت (پسر ۱ و دختر ۲). سپس اعداد را به ترتیب صعودی در یک مجموعه قرار می‌دهیم. سن صدمین عضو مجموعه کدام است؟ (ممکن است عدد پنج رقمی موردنظر به هیچ فردی اختصاص نیابد، ولی در محاسبه شمرده شود).

- (۱) ۱۳
- (۲) ۱۴
- (۳) ۱۵
- (۴) ۱۶

برای یک مجموعه‌ی ۱۰۰ نفری از شهروندان یک شهر یک کد شش رقمی به صورت زیر ساخته می‌شود: دو رقم سمت راست، سن شهروند (۰۱ تا ۸۵)، سه رقم بعدی تعداد افراد همسن (۱۰۰ - ۰۰۰) و رقم ششم جنسیت (مرد ۱، زن ۲) اختصاص می‌یابد. سپس کدهای به دست آمده را به ترتیب صعودی در یک مجموعه قرار می‌دهیم. سن مورد انتظار برای ده هزارمین عضو مجموعه، کدام است؟ (اگر چه ممکن است شهروندی به آن اختصاص نیابد).

- (۱) ۱۵
- (۲) ۱۶
- (۳) ۵۴
- (۴) ۵۵

تعداد جواب‌های طبیعی دستگاه معادلات

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 9 \\ x_4 + x_5 = 7 \end{cases}$$

۱۶۸ (۴)

۱۴۴ (۳)

۱۳۶ (۲)

۷۲ (۱)

می‌خواهیم ۸ نفر که دو نفر آنها برادرند در هنگام نشستن روی میز مستطیلی که ۴ صندلی در هر طرف و روی روی هم هستند روی روی هم قرار بگیرند. به چند حالت امکان پذیر است؟

۵۷۶۰ (۴)

۸! (۳)

۲۸۸۰ (۲)

۶! (۱)

به چند طریق می‌توان حروف کلمه BABAEET را در ۶ خانه متولی از ۷ خانه زیر قرار داد؟

□ □ □ □ □ □
1 2 3 4 5 6

۱۸۰ (۲)

۹۰ (۱)

۱۴۴۰ (۴)

۷۲۰ (۳)

گزاره‌ی $(p \vee \sim q) \wedge (p \vee q)$ همارز کدام است؟ ($T \equiv$ همواره درست و $F \equiv$ همواره نادرست) «دو گزاره را که همواره همارزش هستند، گزاره‌های همارز می‌نامند و برای نشان دادن همارزی بین دو گزاره از نماد \equiv بین آنها استفاده می‌کنیم».

q (۴)

F (۳)

T (۲)

p (۱)

در دو جعبه به ترتیب ۱۰ و ۱۲ لامپ موجود است. در جعبه‌ی اول ۴ و لامپ در جعبه‌ی دوم ۳ لامپ معیوب است. از جعبه‌ی اول ۴ لامپ و از جعبه‌ی دوم ۳ لامپ به تصادف انتخاب کرده و آنها را در یک جعبه‌ی خالی قرار می‌دهیم. احتمال آن که لامپ انتخاب از جعبه‌ی جدید، سالم باشد چه قدر است؟

 $\frac{47}{70}$ (۴) $\frac{93}{140}$ (۳) $\frac{23}{25}$ (۲) $\frac{91}{140}$ (۱)

چند مورد از گزاره‌های زیر صحیح است؟

الف) $x^2 = x - 1 + 3 + 5 + \dots + 2x$

ب) اگر یک n ضلعی ۲۰ قطر داشته باشد، آنگاه مجموع زوایای داخلی آن 1080 است.

$$x = \frac{3 \pm \sqrt{9 + 8n}}{2}$$

ج) اگر n تعداد قطرهای یک X ضلعی باشد، آنگاه X برابر است با

۴ صفر (۴)

۱ (۳)

۲ (۲)

۳ (۱)

احتمال آتن دادن گوشی‌های سمانه و سهیلا به ترتیب $8/0$ و $25/0$ است. چه قدر احتمال دارد در یک مهمانی تنها گوشی یکی از این دو نفر آتن بدهد؟

 $\frac{7}{20}$ (۴) $\frac{13}{20}$ (۳) $\frac{17}{20}$ (۲) $\frac{3}{20}$ (۱)

۱۳۵

دو مهره را متواالیاً و بدون جایگذاری از جعبه‌ای که شامل ۳ مهره‌ی قرمز و ۷ مهره‌ی آبی است خارج می‌کنیم. احتمال آن که مهره‌ها همنگ باشند چه قدر است؟

$$\frac{3}{5}(4)$$

$$\frac{8}{15}(3)$$

$$\frac{7}{15}(2)$$

$$\frac{1}{5}(1)$$

۱۳۶

در یک کمد ۶ جفت کفش وجود دارد. اگر ۴ لنگه به تصادف انتخاب کنیم با کدام احتمال دو جفت کفش انتخاب می‌شوند؟

$$\frac{2}{33}(4)$$

$$\frac{1}{33}(3)$$

$$\frac{2}{11}(2)$$

$$\frac{1}{11}(1)$$

۱۳۷

۳ سرباز و ۲ افسر، با کدام احتمال می‌توانند در یک صف قرار بگیرند، به طوری که افسران کنار هم و سربازان کنار هم قرار بگیرند؟

$$0/4(4)$$

$$0/3(3)$$

$$0/2(2)$$

$$0/1(1)$$

۱۳۸

در پرتاپ یک تاس و دو سکه، احتمال آن که تاس عددی زوج بیاید، اما هیچ‌کدام از سکه‌ها «رو» نیاید، چه قدر است؟

$$\frac{3}{8}(4)$$

$$\frac{5}{12}(3)$$

$$\frac{1}{6}(2)$$

$$\frac{1}{8}(1)$$

۱۳۹

در پرتاپ دو سکه و یک تاس احتمال آمدن لاقل یک سکه «رو» و عدد زوج در تاس کدام است؟

$$\frac{7}{12}(4)$$

$$\frac{5}{12}(3)$$

$$\frac{5}{8}(2)$$

$$\frac{3}{8}(1)$$

۱۴۰

جعبه‌ای شامل ۵ مهره‌ی آبی و ۴ مهره‌ی سبز است. از این جعبه سه مهره خارج می‌کنیم. با چه احتمالی حداقل دو مهره‌ی آبی خارج شده است؟

$$\frac{74}{84}(4)$$

$$\frac{71}{84}(3)$$

$$\frac{70}{84}(2)$$

$$\frac{73}{84}(1)$$

۱۴۱

در اتم هیدروژن انرژی الکترون در یک مدار 85eV است. اگر الکترون از این مدار به مداری که انرژی الکترون در آن $13/4\text{eV}$ است برود، شعاع مداری که در آن حرکت می‌کند چند برابر می‌شود؟ ($E_R = 13/6\text{eV}$)

$$4(4)$$

$$2(3)$$

$$\frac{1}{2}(2)$$

$$\frac{1}{4}(1)$$

۱۴۲

تابع کار فلزی 4eV است. اگر نوری با طول موج 240 nm به آن بتابانیم. بیشینه‌ی تندی فوتوالکترون‌های خارج شده از آن چند $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ است؟

$$\left(\sqrt{5} = 2/25, c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}, e = 1/6 \times 10^{-19}, h = 4 \times 10^{-34} \text{eV.s}, m_s = 10^{-31} \text{kg}\right)$$

$$18 \times 10^5(4)$$

$$9 \times 10^3(3)$$

$$16 \times 10^6(2)$$

$$4 \times 10^6(1)$$

دو کره A و B از دو فلز متفاوت ساخته شده‌اند و شعاع ظاهری هریک از آن‌ها برابر با 2 cm است. دو کره جرم یکسانی دارند و درون یکی از آن‌ها حفره‌ای وجود دارد. اگر چگالی فلز سازنده‌ی کره A برابر با $\rho_A = \frac{g}{3\text{ cm}}$ و

چگالی فلز سازنده‌ی کره B برابر با $\rho_B = \frac{g}{8\text{ cm}}$ باشد، حجم حفره‌ی موردنظر چند سانتی‌متر مکعب است؟

$$(\pi = 3)$$

۱۰ (۴)

۶ (۳)

۲۰ (۲)

۱۲ (۱)

دو کره A و B دارای جرم یکسان هستند. کره A توپر و شعاع آن R است و کره B توخالی و شعاع خارجی آن R و شعاع داخلی اش $\frac{R}{3}$ است. چگالی کره B چند برابر چگالی کره A است؟

$$\frac{3}{2} (4)$$

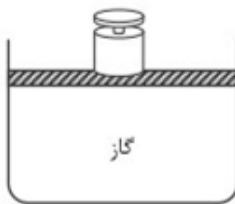
$$\frac{2}{3} (3)$$

$$\frac{27}{26} (2)$$

$$\frac{26}{27} (1)$$

در شکل زیر، جرم پیستون یک کیلوگرم، جرم وزنه‌ی روی آن ۴ کیلوگرم و دمای گاز درون ظرف ۲۷ درجه‌ی سلسیوس است. اگر دمای گاز را به آرامی به ۸۷ درجه‌ی سلسیوس برسانیم. ضمن گرم شدن گاز، چند کیلوگرم وزنه به تدریج باید روی پیستون اضافه کنیم تا پیستون جایه‌جا نشود؟

(سطح پیستون 5 cm^2 ، فشار هوا $10^5 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$ پاسکال و $10 \frac{\text{m}}{\text{s}} = g$ است.)



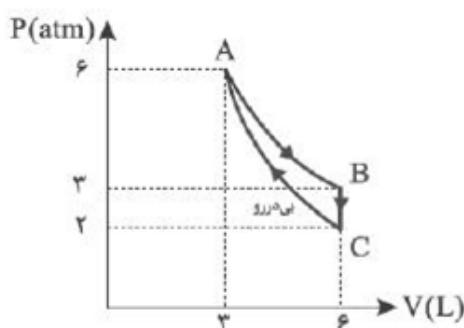
۳ (۲)

۲ (۱)

۷ (۴)

۶ (۳)

گاز کامل تک‌اتمی چرخه‌ای مطابق شکل را می‌بینیم. اگر گاز در فرآیند AB گرمای ۱۲۰۰ ژول را دریافت کند، کار انجام شده روی گاز در هر چرخه کدام است؟ $(C_V = \frac{3}{2}R)$



-۱۵۰ (۱)

-۳۰۰ (۲)

-۱۰۰ (۳)

-۲۰۰ (۴)

در یک کشتی به جرم ۲۰۰ تن برای بالا بردن توان، از یک سامانه‌ی استوانه و پیستون استفاده می‌شود که داخل آن گاز کاملی در فشار متوسط 20 bar وجود دارد. کشتی با شتاب ثابت $\frac{m}{s^2}$ شروع به حرکت می‌کند، اگر 20% انرژی

حرکتی مورد نیاز کشتی از این سامانه تأمین شود، پس از گذشت چند ثانیه استوانه 40 lit تغییر حجم می‌دهد؟

۱۵ (۴)

۱۰ (۳)

۵ (۲)

۱ (۱)

درون ظرفی که دمای آن 15°C است، 100 g آب داغ با دمای 80°C می‌ریزیم. دمای آب و ظرف پس از رسیدن به تعادل گرمایی 40°C می‌شود. ظرفیت گرمایی این ظرف چند $\frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}$ است؟ (آب $c = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}$ و تبادل گرما با محیط ناچیز است.)

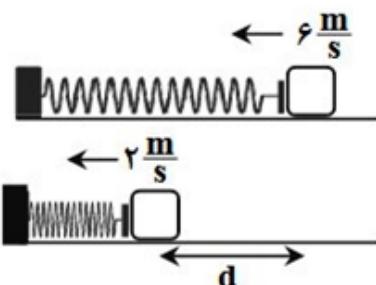
۱۰۲۰ (۴)

۸۲۰ (۳)

۷۴۵ (۲)

۶۷۲ (۱)

مطابق شکل، جسمی به جرم 2 kg که روی مسیر افقی دارای اصطکاک در حرکت است، با تندی $6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ به فنری برخورد می‌کند. پس از طی مسافت d ، در لحظه‌ای که تندی جسم $2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ می‌شود، انرژی پتانسیل کشسانی فنر $J = 30\text{ J}$ است. اگر نیروی اصطکاک 8 N باشد، مسافت d چند سانتی‌متر خواهد بود؟



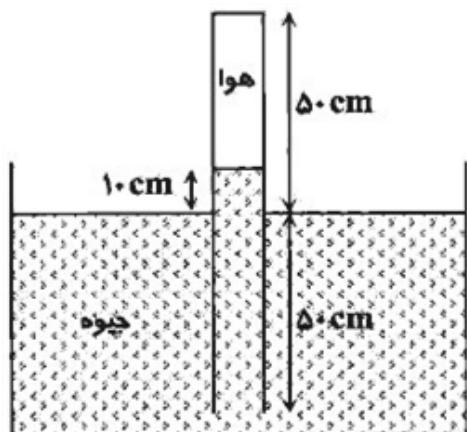
۱۰ (۱)

۱۵ (۲)

۲۰ (۳)

۲۵ (۴)

در شکل مقابل، اگر لوله را به صورت عمودی 22 سانتی‌متر بالا ببریم، طول ستون هوا در داخل لوله 10 سانتی‌متر، زیاد می‌شود. با فرض آن‌که دما ثابت باشد و جیوه بخار نشود، فشار هوا در محیط چند سانتی‌متر جیوه است؟



۶۸ (۱)

۷۲ (۲)

۷۰ (۳)

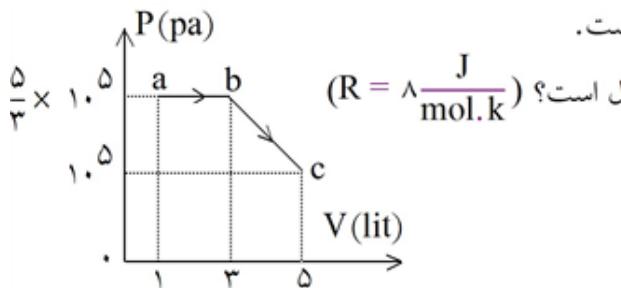
۷۵ (۴)

در خانه‌ای یک دستگاه تهویه مطبوع (مجهز به ترموموستات)، با توان مصرفی 2000 W و ضریب عملکرد 3 قرار دارد. اگر آهنگ متوسط انتقال انرژی گرمایی به داخل خانه (در طول شبانه‌روز) $\frac{1}{2} \frac{\text{MJ}}{\text{h}}$ باشد، این دستگاه در هر شبانه‌روز، در مجموع چه مدت باید روشن باشد تا دمای هوا خانه تقریباً ثابت بماند؟

(۱) ۱ ساعت و ۲۰ دقیقه (۲) ۴ ساعت و ۴۸ دقیقه

(۳) ۴ ساعت و ۱۲ دقیقه (۴) ۱۹ ساعت و ۱۲ دقیقه

نمودار $P - V$ (P - V) گاز کامل تک اتمی مطابق شکل زیر است. گرمایی که گاز در فرایند abc با محیط مبادله می‌کند، چند ژول است؟ (آب $R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{k}}$)



۳۳۰۰ (۲)

۱۱۰۰ (۱)

۲۲۰۰ (۳)

۱۷۰۰ (۴)

یک سر میله‌ی آهنی را به یک سر میله‌ی مسی جوش داده‌اند. سر آزاد میله‌ی آهنی در آب جوش 100°C و سر دیگر میله‌ی مسی در مخلوط آب و بخ صفر درجه قرار دارد. اگر دمای اتصال دو میله 20°C باشد. طول میله‌ی آهنی چند

$$K_{\text{Cu}} = 400 \frac{\text{W}}{\text{m.K}}, k_{\text{Fe}} = 80 \frac{\text{W}}{\text{m.K}}$$

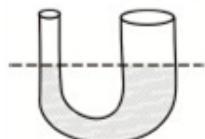
۴ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۵ (۱)

در شکل داده شده، در لوله‌ی U شکل که مساحت قاعده‌ی لوله‌ی سمت راست و چپ به ترتیب 2 cm^2 و 1 cm^2 می‌باشد، آب در حال تعادل قرار دارد. اگر در قسمت سمت چپ لوله ۱۲ گرم روغن بریزیم ارتفاع آب در لوله‌ی سمت



$$\rho_{\text{آب}} = 1 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_{\text{روغن}} = 0.8 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

۸ (۴)

۶ (۳)

۴ (۲)

۲ (۱)

توان مصرفی یک کولر گازی 1000 وات و ضریب عملکرد آن $2/5$ است. این کولر در هر ساعت، چند مگاژول گرما به فضای بیرون می‌دهد؟

۱۲۶۰۰ (۴)

۹۶۰۰ (۳)

۱۲/۶ (۲)

۹/۶ (۱)

طول موج آستانه بر اثر فتوالکتریک در یک فلز معین برابر 240 nm است. بیشینه انرژی جنبشی فتوالکترون‌های گسیل شده با تابش نور فرودی با طول موج 180 nm چند الکترون‌ولت است؟

$$(h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV.s}, c = 3 \times 10^{18} \frac{\text{m}}{\text{s}})$$

۷ (۴)

۵ (۳)

۵ (۲)

۲ (۱)

در یک آزمایش فتوالکتریک، تابع کار فلز $2/55\text{ eV}$ است. بلندترین طول موجی که سبب گسیل فتوالکترون‌ها می‌شود، در کدام ناحیه از طیف امواج الکترومغناطیسی قرار دارد؟

$$(e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}, h = 6/6 \times 10^{-34} \text{ J.s}, c = 3 \times 10^{18} \frac{\text{m}}{\text{s}})$$

۴ (فروسرخ)

۳ (فرابنفش)

۲ (مرئی)

۱ (شعه‌ی X)

در آزمایش فتوالکتریک، تابع کار فلزی $3/55\text{ eV}$ و طول موج فوتون تابش شده بر سطح فلز 300 nm است. تندی بیشینه الکترون‌های جداسده از سطح این فلز چند متر بر ثانیه است؟

$$(hc = 1200\text{ eV.nm}, e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}, m_e = 9 \times 10^{-31} \text{ kg})$$

۴ $\times 10^4$ (۴)۲ $\times 10^4$ (۳)۴ $\times 10^5$ (۲)۲ $\times 10^5$ (۱)

در آزمایش فتوالکتریک نوری با طول موج λ بر سطح یک فلز می‌تابد و فتوالکترون‌هایی با بیشینه انرژی جنبشی j^{19} از سطح آن گسیل می‌شود. اگر تابع کار فلز $2/5\text{eV}$ باشد λ چند نانومتر است؟

$$(c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}, h = 4 \times 10^{-15} \text{eV}, e = 1/6 \times 10^{-19} \text{C})$$

۲۴۰ (۴)

۱۵۰ (۳)

۱۲۰ (۲)

۷۵ (۱)

در یک آزمایش فتوالکتریک، تابع کار فلز 3eV است. اگر نوری با طول موج 200 nm بر سطح فلز بتابد، بیشینه سرعت فتوالکترون‌ها برابر V است و اگر نوری با طول موج 300 nm بر فلز بتابد، بیشینه سرعت فتوالکترون‌ها برابر V' است. $\frac{V'}{V}$ کدام است؟ ($hc = 1200 \text{ eV} \cdot \text{nm}$)

۲ (۴)

 $\frac{1}{3}$ (۳) $\sqrt{3}$ (۲) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ (۱)

کدام مطلب صحیح می‌باشد؟ ($N = 14$, $H = 1: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

(الف) با وجود گرماده بودن واکنش $\text{NO(g)} \rightarrow \text{N}_2(\text{g}) + \text{O}_2(\text{g})$ ، این واکنش در دماهای پایین انجام نمی‌شود یا بسیار کند است.

(ب) مبدل‌های کاتالیستی سرامیک‌های توری شکل هستند که بر روی سطح آن‌ها فلزهای Rh , Pb و Pt نشانده شده است.

(پ) اگر در مبدل کاتالیستی در خودروهای دیزلی مقدار $0/34\text{ g}$ گاز آمونیاک استفاده شود، مقدار $1/5\text{ L}$ گاز در شرایطی که جرم مولی گازها برابر با 30 لیتر بر مول است، تولید می‌شود.

(ت) شرایط بهینه فرایند هابر شامل دمای 200°C , فشار 450 atm و کاتالیزگر Fe می‌باشد.

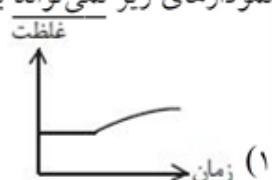
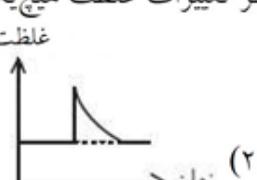
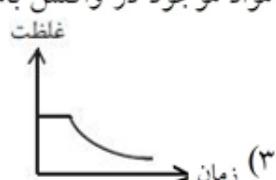
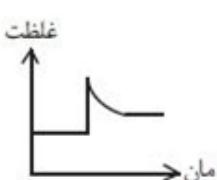
۱) الف و پ ۲) ب و پ ۳) الف، ب و پ ۴) ب، پ و ت

در فرآیند هابر با افزایش فشار، درصد آمونیاک در مخلوط تعادلی، مقدار ثابت تعادل و سرعت واکنش در تعادل، به ترتیب دست‌خوش کدام تغییر می‌شوند؟

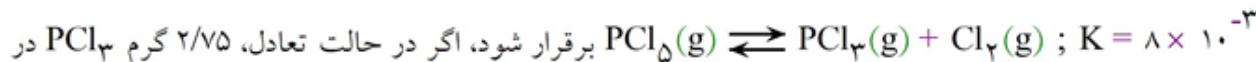
۱) کاهش - افزایش - افزایش ۲) افزایش - افزایش - کاهش

۳) افزایش - کاهش - افزایش ۴) کاهش - افزایش - افزایش

در صورتی که در تعادل گازی $\text{PCl}_5(\text{g}) \rightleftharpoons \text{PCl}_3(\text{g}) + \text{Cl}_2(\text{g})$ ، مقداری PCl_3 وارد کنیم، کدامیک از نمودارهای زیر نمی‌تواند بیانگر تغییرات غلظت هیچ‌یک از مواد موجود در واکنش باشد؟



مقدار $6/255$ گرم PCl_5 را در ظرف سربسته‌ای گرم می‌دهیم تا تعادل گازی:



ظرف موجود باشد. حجم ظرف واکنش، چند لیتر است؟

۵ (۴)

۴ (۳)

۲ (۲)

۱

نمودار زیر مربوط به تغییرات غلظت مواد در سامانه‌ی تعادلی $\text{C} - \text{B} - \text{A}$ است.

کدام مطلب در مورد آن درست است؟

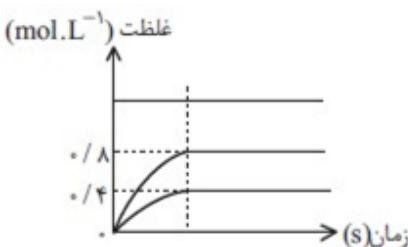
(فرآورده‌ها، کل حجم ظرف را اشغال می‌کنند.)

(۱) تغییرات فشار بر جابه‌جایی تعادل اثر ندارد.

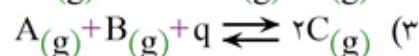
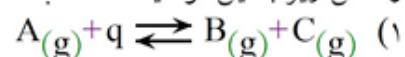
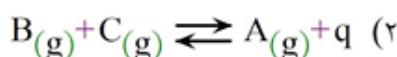
(۲) ثابت تعادل واکنش $2 \text{ mol} \cdot \text{L}^{-2} \cdot 256 \text{ mol}^{-2}$ است.

(۳) واکنشی گرماده است و با افزودن A به مخلوطی تعادلی تعادل در جهت رفت جابه‌جا می‌شود.

(۴) با افزایش دما از جرم باقی‌مانده در ظرف کاسته می‌شود.



در واکنشی با افزایش دما ثابت تعادل کاهش و با افزایش فشار، درصد مولی A در سامانه افزایش می‌یابد. کدام واکنش زیر با این توصیف متناسب است؟



ظرفی محتوی ماده‌ای در آزمایشگاه وجود دارد که بر روی آن نام‌گذاری اشتباه «۳-متیل - ۲، ۴-دی‌اتیل پتان» نوشته شده است. کدام گزینه درباره‌ی این ماده نادرست است؟

(۱) تعداد کربن‌های این ماده $2/5$ برابر تعداد کربن‌های گاز پر شده در فندک است.

(۲) تعداد هیدروژن‌های آن، $1/375$ برابر تعداد اتم‌های هیدروژن ترکیب ۳-اتیل پتان است.

(۳) نام درست آن «۲، ۴-دی‌اتیل - ۳-متیل پتان» است.

(۴) استنشاق این ماده سبب کاهش مقدار اکسیژن در هوای دم می‌شود.

چه تعداد از موارد زیر صحیح می‌باشد؟

الف- پنبه برخلاف نایلون، یکی از الیاف‌های طبیعی است که در تولید تور ماهیگیری و گاز استریل نیز از آن استفاده می‌شود.

ب- نشاسته گندم، انسولین و سلولز برخلاف آب و پروپان، درشت‌مولکول می‌باشند.

ج- پلی‌اتن، نایلون و تفلون، نمونه‌هایی از درشت‌مولکول‌های ساختگی هستند که نوع و تعداد اتم‌های سازنده آن‌ها بسیار زیاد است.

د- لزوماً در تمامی درشت‌مولکول‌ها واحد تکرارشونده وجود ندارد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱

همهی عبارت‌های زیر درست است به جزء:

- (۱) از ویژگی‌های تفلون نقطه‌ی ذوب بالا و انحلال در حلال‌های آلی است.
- (۲) در ساختار سیانو اتن همانند مونومری که در ساخت سرنگ کاربرد دارد، ۹ جفت الکترون پیوندی وجود دارد.
- (۳) در ساختار الیاف سلولز، بین هر دو مولکول گلوکز یک اتم اکسیژن وجود دارد.
- (۴) فرمیک اسید بر اثر گزش مورچه‌ی سرخ وارد بدن می‌شود که باعث سوزش و خارش می‌شود.

در مورد تکپار ترکیبی که از آن در ساخت ظروف یکبار مصرف استفاده می‌شود، چه تعداد از عبارت‌های داده شده صحیح است؟

- (الف) یک ترکیب آروماتیک به حساب می‌آید که در آن سه پیوند دوگانه وجود دارد.
- (ب) تعداد اتم‌های کربن و هیدروژن در آن برابر است و هشت پیوند کربن - هیدروژن در آن برقرار شده است.
- (پ) این ترکیب استیرن نام دارد و در آن بیست جفت الکترون پیوندی وجود دارد.
- (ت) اگر به جای حلقه‌ی هیدروکربنی موجود در این ترکیب اتم کلر قرار گیرد به وینیل کلرید تبدیل می‌شود.

۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

نام ترکیب $\text{CH}_3\text{CCH}(\text{CH}_3)\text{CH}(\text{C}_2\text{H}_5)(\text{CH}_2)_2\text{CH}(\text{CH}_3)_2$ به روش آیوپاک کدام است؟

- (۱) ۴-اتیل -۷، ۳، ۲، ۲ - تترامتیل اوکتان
- (۲) ۴-اتیل - ۷، ۳، ۲، ۲ - تترامتیل اوکتان
- (۳) ۵-اتیل - ۸، ۳، ۲ - تری متیل نونان

در واکنش سوختن کامل یک کربوکسیلیک اسید زنجیری سیرشدۀ یک عاملی، برای مصرف یک مول اسید، مقدار

گرم گاز اکسیژن نیاز است. در فرمول این اسید RCOOH (دارای چند اتم کربن است؟ $\text{O} = 16 \text{ g.mol}^{-1}$)

۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

جرم مولکولی آلکانی به تقریب $1/79$ % از جرم مولی آنکنی بیشتر است. اگر شمار اتم‌های کربن در این دو

هیدروکربن برابر باشد، فرمول مولکولی آلکان کدام است؟ $\text{H} = 1, \text{C} = 12 : \text{g.mol}^{-1}$

۱) C_7H_{16} ۲) C_8H_{18} ۳) C_8H_{16} ۴) C_6H_{14}

مجموع ضرایب استوکیومتری مواد در معادلهٔ موازنۀ شدهٔ سوختن کامل پتان، کدام است؟

۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

در شرایط مناسب، از واکنش ۱۵ گرم محلول آبی ۴۰ درصد جرمی اتانوئیک اسید با مقدار کافی از ترکیب زیر در

حضور کاتالیزگر سولفوریک اسید، چند گرم فراوردهٔ آلی تشکیل می‌شود؟ (بازده واکنش را صدرصد در نظر بگیرید.)

$\text{mol H} = 1 \text{ gH}, \text{mol C} = 12 \text{ gC}, \text{mol O} = 16 \text{ gO}$



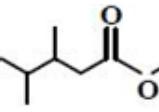
۱) ۱۹/۸ ۲) ۱۸/۸ ۳) ۲۰/۸ ۴) ۲۱/۸

۱) ۱۷/۸ ۲) ۲۰/۸ ۳) ۲۱/۸ ۴) ۲۲/۸

اگر $3/9$ گرم پروپیل بوتانوات به طور کامل آبکافت شود، جرم الكل تولیدشده در مقایسه با اسید آلی تولیدشده چگونه

است؟ (بازده واکنش را 80% در نظر بگیرید). $\text{C} = 12, \text{H} = 1, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$

۱) ۰/۶۷۲ ۲) ۰/۲۴ ۳) ۰/۰۰ ۴) ۰/۰۰ گرم بیشتر ۱) ۰/۰۰ گرم کمتر

اگر اسید تشکیل دهنده استری با فرمول  را با متیل آمین واکنش دهیم، کدام ترکیب زیر حاصل می شود؟

$$\text{C}_1\text{H}_{19}\text{NO}_2 \quad (4)$$

$$\text{C}_1\text{H}_7\text{NO} \quad (3)$$

$$\text{C}_9\text{H}_{19}\text{NO} \quad (2)$$

$$\text{C}_9\text{H}_{18}\text{NO}_2 \quad (1)$$

الکل A به فرمول $\text{R}-\text{OH}$ سبک ترین الکل محلول در آب بوده و از مخلوط کردن آن با آب می توان یک محلول سیر شده ایجاد کرد. اگر $4/0$ مول از الکل A با مقدار کافی اسید آلی B که در بدن مورچه ای سرخ یافت می شود، در شرایط مناسب واکنش دهد و بازده واکنش 75% باشد، چند گرم ترکیب آلی تولید می شود؟ (R یک زنجیر هیدروکربنی سیر شده است.)

$$(\text{C} = 12, \text{H} = 1, \text{O} = 16 : \text{g. mol}^{-1})$$

$$26/4 \quad (4)$$

$$30/6 \quad (3)$$

$$22/2 \quad (2)$$

$$18 \quad (1)$$

برای ساخت نوعی پلاستیک، مخلوطی از پلی اتن و پلی استایرن استفاده شده است. اگر 60 درصد جرم این پلاستیک را

$$(\text{H} = 1, \text{C} = 12 : \text{g. mol}^{-1})$$

$$76/9 \quad (4)$$

$$79/6 \quad (3)$$

$$88/3 \quad (2)$$

$$83/8 \quad (1)$$

وینیل کلرید را از واکنش این با گاز هیدروژن کلرید تهیه می کنند. اگر بازده این واکنش همانند بازده واکنش پلیمری شدن وینیل کلرید برابر با 80% باشد، مصرف $1/3$ این اتن، چند تون پلی وینیل کلرید به دست می آید؟

$$(\text{C} = 12, \text{H} = 1, \text{Cl} = 35/5 : \text{g. mol}^{-1})$$



$$3/90 \quad (4)$$

$$3/125 \quad (3)$$

$$2/5 \quad (2)$$

$$2 \quad (1)$$

پاسخنامه تشریحی

۱ گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

عود: قهوه‌ای رنگ است. / فسفر: زردرنگ است.

۲ گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بررسی گزینه‌ها:

گزینه (۱): سبو: ظرف معمولاً دسته‌دار از جنس سفال / خستن: زخمی کردن

گزینه (۳): گربت: غم، اندوه

گزینه (۴): استغنا: بی‌نیازی

۳ گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

معنی درست کلمات:

گزینه (۱): سریر: تخت پادشاهی، اورنگ (آوند: آونگ، آویزان، آویخته)

گزینه (۲): مسلم داشتن: باور کردن

گزینه (۳): کاموس: یکی از فرماندهان زیردست افراسیاب

۴ گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

املای درست کلمه: «عربده و سفاهت»

۵ گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

املای درست کلمه: «سطور»: خطوط (جمع «سطر») / ستور: چهارپا

۶ گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

«طمأنینه» صحیح است.

۷ گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. بررسی تشبیهات:

گزینه‌ی ۱: [او] همچو بلبل - طوطی طبع (۲ مورد)

گزینه‌ی ۲: خاک قناعت - آب شور تمثنا (۲ مورد)

گزینه‌ی ۳: خاکش پیرایه نظرهایست - خاکش (خاکچشمی = وجودی که چشم معشوق را دیده) چون سنگ سرمد است (۲ مورد)

گزینه‌ی ۴: [تو] چون موج - عقد گوهر [چون] خوشه - خرمن دریا (۳ مورد)

۸ گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

تشبیه: صحن سرای دیده - خیل خیال / استعاره: این گوشه / جناس: خیل و خیال

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

ج) تشییه: سیب زنخدان

الف) استعاره: بستر و بالین داشتن شبیم (تشخیص) / خارزار (دنبی)

ب) حس‌آمیزی: شکرین (شیرین) بودن ناله‌ی نی

د) ایهام تناسب: تاب: ۱- توان و طاقت و تحمل (معنای موردنظر) ۲- حرارت و گرمی و فروغ (معنای موردنظر نیست اما با «گرم و آفتاب و مهتاب» تناسب دارد.

توجه: در بیت «د»، «نگاه گرم» حس‌آمیزی دارد و در بیت «ب» واژه «نی» نیز می‌تواند در معنای «نی‌شکر» که با واژه‌ی «شکر» تناسب دارد، ایهام تناسب را پدید آورد.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا آرایه‌های موجود: موازن به دلیل وجود سجع‌های متوازن (آتش فروز، آینه‌دار - قهر، لطف - مغرب، مشرق - ادب، اقبال) - تشییه: قهر به آتش فروز - لطف به آینه‌دار - تضاد بین قهر، لطف - مغرب، مشرق - ادب، اقبال - اضافه‌ی استعاری (مغرب ادب‌ها، مشرق اقبال‌ها) توجه (پارادوکس، ترصیع، تشخیص و اسلوب معادله در بیت یافت نمی‌شود).

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بررسی آرایه‌ها:

تلمیح: اشاره به داستان زندگی حضرت یوسف (ع)

استعاره: لعل استعاره از لب / ماه استعاره از حضرت یوسف (ع) / سیم قلب استعاره از جان

ایهام تناسب: قلب: ۱- تقابی (معنی درست) ۲- دل (معنی نادرست، متناسب با دلستان)

نغمه‌ی حروف: تکرار صامت‌های «ال»، «ان» و «م»

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) اگر آن ترک شیرازی به دست آرد دل ما را

پیوند وابسته‌ساز جمله‌ی وابسته

به حال هندویش بخشم سمرقند و بخارا را

جمله‌ی هسته

(۳) بده ساقی می باقی که

جمله‌ی هسته پیوند وابسته‌ساز

در جنت نخواهی یافت کنار آب رکن‌آباد و گلگشت مصالاً را

جمله‌ی وابسته

۴) اگر دشام فرمایی و گر نفرین

پیوند وابسته‌ساز جمله‌ی وابسته

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

مرا مرگ بهتر است از آن زندگی

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در مصراع دوم این گزینه، فعل اسنادی «هستند» محوذوف است و «آغشته به خون» مسندي

دارد و ساختمان این واژه وندی - مرگ است:

خلقی از مژه‌ی فتاش آغشته به خون هستند.

توجه: واژه‌ی «سرمنزلی» در گزینه‌ی ۳ وندی - مرگ است، اما نقش مسندي ندارد، فعل «نیست» در این گزینه به

معنی «وجود ندارد» است و این فعل در این معنی، غیراسنادي است: برای غمش، به جز دل، سرمنزلی (نهاد) نیست.

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. «و» بین جملات حرف ربط است.

در گزینه‌ی ۱: زن: معطوف به نهاد

در گزینه‌ی ۴: مادرم: بدل منادا

گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. مفهوم همه‌ی ابیات، این است که: تمام پدیده‌ها تسبیح خدا را می‌گویند (اشاره به آیه‌ی (سُبْحَانَ اللَّهِ ...)) ولی در بیت چهارم، شاعر ممدوح خود را مدح می‌کند.

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. مفهوم مشترک: نکوهش بی‌بهره بودن از عشق

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. تشیهات:

گزینه‌ی ۱: تیر ستم - تیغ جفا

گزینه‌ی ۲: چمن حسن - چمن لطفاً - گلستان وصل

گزینه‌ی ۳: لیلی صفت - زلف دام است - دانه‌ی خال

گزینه‌ی ۴: زلف شبرنگ - چون شمع - آتش سودا

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. مفهوم مشترک بیت صورت سؤال و گزینه‌ی ۱: توصیه به پرهیز از دورویی، ریا و

ظاهر فریبی است. تشریح سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی ۲: نکوهش غرور و طمع ورزیدن

گزینه‌ی ۳: پرهیز از همشینی با افراد دیوسیرت

گزینه‌ی ۴: نکوهش طمع و هوا و هوس

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

«موانیٰ: بندرها، بنادر» جمع میناء در گزینه‌ی ۱ مفرد ترجمه شده است.

«تستغرق وقتاً طويلاً» زمان زیادی طول می‌کشد یا وقت طولانی می‌گیرد. (گزینه‌ی ۲ معادل مناسبی برای آن نیست،

همچنین «همه» در همه‌ی کارگران در این گزینه اضافه ترجمه شده است)

در گزینه‌ی ۴ فعل «تستغرق» مستقبل ترجمه شده و غلط است، همچنین «العائم التحذيرية» به صورت ترکیب اضافی

ترجمه شده است.

گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): «أَنْدَمُ» فعل مفرد است که به صورت «پشیمان کرد» ترجمه می‌شود و فعل ماضی باب تفعیل است و باید به صورت متعدد ترجمه شود.

گزینه (۲): «أَنْدَخَلُّ» به معنی «دخلت کرد» است، نه «وارد شد» و «القبيح» در اینجا صفت است که به صورت «کار زشتستان» باید ترجمه شود که اشتباه است.

گزینه (۳): «أَنْدَخَلَّ»، «دخل شد» ترجمه شده که اشتباه است. «کار زشت» به صورت نکره ترجمه شده که اشتباه است و ضمیر «هم» نیز ترجمه نشده و ترجمه درست آن «کار زشتستان» است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ترجمه کلمات مهم: «لم یکن ... یعرف»: نمی‌دانست (ماضی استمراری منفی) / «الإنسان القديم»: انسان قدیمی / «معرفة ...»: مانند (مفعول مطلق نوعی) اشتباهات سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): «این» اضافی است. / «بی‌شک» اضافی است.
گزینه (۲): انسان در قدیم (انسان قدیمی، «الإنسان القديم» ترکیب وصفی است.) / می‌داند (زندگی می‌کند) / ندانسته بود (نمی‌دانست، «لم یکن یعرف» معادل «ما کان یعرف» و ماضی استمراری منفی است).
گزینه (۴): انسانی که در قدیم بود (مانند گزینه ۲) / زمان خود (زمان)

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ترجمه کلمات مهم: «لی صدیق»: دوستی دارم / «ليس له»: ندارد / «أمتع»: لذت‌بخش‌تر / «آثار المفكرين الجديدة»: آثار جدید اندیشمندان / «یسهر»: بیدار می‌ماند / «كل لیل»: هر شب / «هذا العمل»: این کار اشتباهات سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): لذت‌بخش‌تر از ... کاری ندارد («عمل أمتع» موصوف و صفت هستند و باید به شکل «کار لذت‌بخش‌تری» ترجمه شود). / تمام شب («كل لیل» به معنای «هر شب» است).

گزینه (۲): «جز» اضافی است. / اندیشمندان جدید («الجديدة» صفت «آثار» است نه «المفكرين») / لذت‌بخشی («أمتع» اسم تفضیل است و «لذت‌بخش‌تری» صحیح است).

گزینه (۴): اندیشمندان جدید (مانند گزینه ۲) / تمام شب (مانند گزینه ۱)

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

(۱) منظمه (صحیح: «المنظمة» مضاف نیست و معرفه است پس با «آل» می‌آید) - التاریخي (صحیح: «التاریخیة» زیرا با «آثار» که جمع تکسیر است مثل مفرد مؤنث رفتار می‌شود).

(۲) قامت ب ... (ساختار عبارت عربی با فارسی آن تفاوت دارد) - قائمات («فهرست» مفرد لا جمع)

(۳) قامت ... بتسجیل (← توضیحات گزینه ۲) - قائمات (← توضیحات گزینه ۲)

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

«الإصرار» مذکور است پس فعل قبلش هم باید مذکور باشد ← «لا یجوزُ الإصرار» (رد گزینه ۴)

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. ۱: الضرورة (معادل ادق برای «اضطرار» نیست) - الجات («وادرار می‌کند» مضارع است نه ماضی) - أكثر (معادل صحیح برای «بسیاری» نیست) - لعلیم (اولاً: معادل درست برای «تا آموزش ببینند» نیست، ثانیاً «العلم» در عبارت فارسی وجود ندارد). ۲: الضرورة (← توضیحات گزینه‌ی ۱) - لعلیم (← توضیحات گزینه‌ی ۱). ۴: الجات (← توضیحات گزینه‌ی ۱) - الحاجة (← توضیحات گزینه‌ی ۱، الضرورة) - ليعلّموا (← توضیحات گزینه‌ی ۱، لعلیم).

نکته:

لعلیم: برای یاد دادن، برای آموزش دادن
ليعلّموا: تا یاد بدهند، تا آموزش بدهند

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. ترجمهٔ صحیح سایر گزینه‌ها:
 گزینه (۱): آیا تو به عبادت این تندیس‌ها تمایل داری؟! («يرغب» مضارع است).
 گزینه (۲): هر دوی آن‌ها (هردوشان) برای این موضوع مناسب هستند، اما من اولی را ترجیح می‌دهم.
 گزینه (۴): با این که تجربه‌ها ارزشمند هستند، اما آن‌ها ما را از خواندن کتاب‌ها بیناز نمی‌کنند.

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. «آمد» نادرست آمده، زیرا « جاء بـ » به معنای «آورد» است.

ترجمهٔ متن:

ایران سرزمینی است که در آن قبیله‌ها و فرهنگ‌های مختلف زندگی می‌کنند که زندگی کردنشان را مسالمت‌آمیز می‌بینیم. مردم در آن با لهجه‌ها و زبان‌های متنوع صحبت می‌کنند. ایرانی‌ها از زمان قدیم خدای یگانه را می‌پرسیدند و حتی قبل از اسلام هم مشترک نبودند. آن‌ها بعد از آن‌که اسلام آوردنده تا اکنون جز «الله» را نخوانندند (عبادت نکردن). در ایران ممکن است در یک خیابان یک مسجد، یک کلیسا و یک کنیسه (محل عبادت یهودیان) را با هم بینی همان‌گونه که در خیابان ۳۰ تیر در تهران آن را می‌باییم. این تنوع در آب‌وهوا و اقلیم‌ها نیز وجود دارد، همان‌گونه که در یک زمان می‌توانیم شهری که در آن باران‌های شدیدی است و شهری که دارای خورشید سوزان است و شهری که پوشیده از برف است را هم‌زمان بباییم. ایران به سرزمینی که در طول سال ۴ فصل را دارد معروف است. گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. طبق متن اصرار بر نقاط اختلاف میان گروه‌ها جایز نیست.

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.
 ۱) اسلام و ایران ۲) تنوع در ایران ۳) تاریخ ایران ۴) هوا در ایران

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. طبق متن در خیابان ۳۰ تیر، نماد ادیان بزرگ یعنی کلیسا، کنیسه و مسجد وجود دارد، لذا گزینه (۳) صحیح است.

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۲): مفأولة ← تفاعل

گزینه (۳): مؤنث ← مذکر

گزینه (۴): حروف الصلیة «ت ی ش» ← «ع ی ش»

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): فعل ماض ← فعل مضارع / للغائب ← للمخاطب

گزینه (۳): تفاعل ← مفأولة

گزینه (۴): للغائب ← للمخاطب / لازم ← متعدد

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. سوال گزینه‌ای را می‌خواهد که در آن «اسم فاعل» نقش دستوری (محل اعرابی) «مفهول» نداشته باشد. در گزینه ۳ کلمه «المُوَحَّد» اسم فاعل است ولی محل اعرابی آن مفعول نیست، بلکه صفت (نعت) است. ترجمه: «این پادشاه یکتاپرست از مردم به خاطر هدیه‌های زیادشان تشکر کرد.» [هذا]: فاعل، [المُوَحَّد]: صفت، [الناس]: مفعول]. تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه ۱: «الْأَمْر» اسم فاعل است و محل اعرابی آن «مفهول» است. ترجمه: «همانا ما امرکننده به کار خوب را دوست داریم و با دقت به سخن‌گوش می‌دهیم.» [المعروف] اسم مفعول است.

گزینه ۲: «الآخِرَة» اسم فاعل است و محل اعرابی آن «مفهول» است. ترجمه: «مسلمانی که آخرت را نمی‌شناسد، در نهایت ضرر می‌کند.» [الْمُسْلِم] نیز اسم فاعل است، ولی محل اعرابی آن «مبتدأ» است.

گزینه ۴: «الْمُتَكَبِّر» اسم فاعل است و محل اعرابی آن «مفهول» است. ترجمه: «ما نباید به دیگران تکبر بورزیم؛ زیرا خداوند متکبران را دوست نمی‌دارد.» [الآخَرِين] اسم تفضیل است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

«العشرين: بيستم» یک عدد ترتیبی است!

در سایر گزینه‌ها: «اثنين: دو»، «ثلاثة: سه»، «واحداً: یک» و عدد اصلی هستند و «عشرين: بیست» عدد، عقود است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. شکل صحیح این گزینه می‌شود: أنتم عَلَمُوا (امر است). ضمناً گزینه‌ی «۱» ماضی و گزینه‌ی «۲» امر است که شکل آن یکسان است زیرا از باب تَفْعُل هستند. گزینه‌ی «۳» نیز ماضی است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. سوال گزینه‌ای را خواسته که حرف جر در آن بیشتر آمده است. بررسی گزینه‌ها:

(۱) مِن، فِي، لِ = سه حرف جر

ترجمه: ایران از موفق‌ترین کشورها در کشیدن خطوط لوله‌ها برای انتقال نفت است!

(۲) إِلَى، مِن (در مِنها) = دو حرف جر؛ «عَن» قبل از «الذِي» اسم است، نه حرف جر.

ترجمه: به درختان نگاه کن و بگو چه کسی است که از آن‌ها میوه‌هایشان را بیرون می‌آورد؟

(۳) عَلَى، عَلَى، مِن (هن + سا ← مِنَا)، كَ = چهار حرف جر

ترجمه: حفاظت از پارک‌های عمومی وظیفه‌ای بر هریک از ما به عنوان یک شهروند است!

(۴) فِي، بِهِ، عَن = سه حرف جر

ترجمه: در کتابخانه شروع به جستجو به دنبال کتابی پیرامون صنعت گردشگری کردیم!

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. بررسی گزینه‌ها:

(۱) تَعَاِيشُ: صیغه‌ی «متکلم مع الغیر» مضارع از باب «تفاعل»، تَبَعَّدُ: صیغه‌ی «متکلم مع الغیر» مضارع از باب «افتعال»،

یَسْتَقْعُ: صیغه‌ی «مفهود مذکر غایب» مضارع از باب «افتعال»: ۳ مورد

(۲) إِسْتَغْفَرُ: صیغه‌ی «مفهود مذکر مخاطب» امر از باب «استفعال»: ۱ مورد

(۳) «أَنْزَلَ» و «أَخْرَجَ»: صیغه‌ی «مفهود مذکر غایب» ماضی از باب «إفعال»: ۲ مورد

(۴) شَاهِدَتُ: صیغه‌ی «متکلم وحده» ماضی از باب «مفاعله»، صَدَقَتُ: صیغه‌ی «متکلم وحده» ماضی از باب «تفعیل»: ۲

مورد

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. «المتكلّم» (به معنای گوینده) اسم فاعل از باب تفعّل است که در این جمله نقش مفعول برای فعل قبل از خود را دارد. تشریح گزینه‌های دیگر:
گزینه‌ی «۲»: «العاقِل» اسم فاعل است و در اینجا نقش فاعل دارد.
گزینه‌ی «۳»: «الموْمَنُونَ» اسم فاعل است و در اینجا نقش فاعل دارد.
گزینه‌ی «۴»: «الْمُسْتَضْعِفُينَ» اسم مفعول است و در اینجا نقش مضاف‌الیه دارد.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۴۱

امام علی (ع) می‌فرماید: «دشمن‌ترین دشمن تو، همان نفسی است که در درون توست. (نفس اهاره)» نفس اهاره انسان‌ها را برای رسیدن به لذت‌های زودگذر دنیاًی به گناه دعوت می‌کند و از پیروی از عقل و وجودان بازمی‌دارد، بنابراین نفس اهاره، نقطه‌ی مقابل عقل و وجودان قرار می‌گیرد.

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به آیه‌ی ۱۹ سوره‌ی اسراء: «وَ آنَّ كُسْ كَهْ سَرَایِ آخِرَتْ رَا بَطْلَبَدْ وَ بَرَىْ آنَّ سَعَىْ وَ كَوْشَشْ كَنَدْ وَ مُؤْمَنْ باشَدْ، پَادَاشْ دَادَهْ خَواهَدْ شَدْ». زندگی آدمی آن‌گاه نتیجه‌بخش و پرثمر خواهد بود که هدف اخروی را انتخاب کرده و برای آن تلاش کند سرانجام به پاداش الهی می‌رسد که در این آیه نیز به همین موضوع اشاره شده است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۴۲

ترجمه آیه: بگو نماز، تمامی اعمالم و زندگی و مرگ من برای خداست که پروردگار جهانیان است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. مطابق آیه مذکور، ایمان به خدا و آخرت و عمل صالح (نیکوکاری) علت نهراسیدن (شجاعت) در برابر مرگ (شهادت‌طلبی در زندگی ذلیلانه) و عدم اندوه (نشاط) است. ۴۴

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بحث تجسم اعمال مربوط به عالم رستاخیز است و با مرحله‌ی «دادن نامه‌ی اعمال» ارتباط مفهومی دارد زیرا نامه‌ی عمل انسان به گونه‌ای است که خود عمل و حقیقت آن را دربردارد. از این‌رو، تمام اعمال انسان در قیامت حاضر می‌شوند و انسان عین اعمال خود را می‌بیند. کارهای خوب با صورت‌های بسیار زیبا و لذت‌بخش تجسم می‌یابند و کارهای بد با صورت‌های بسیار زشت و وحشتزا و آزاردهنده، مجسم می‌شوند. ۴۵

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. سوره‌ی ملک آیه‌ی ۱۰ (و می‌گویند: اگر ما گوش شنوا داشتیم یا تعقل می‌کردیم در میان دوزخیان نبودیم) - سوره‌ی محمد آیه ۲۵ (شیطان اعمال زشتیان را درنظرشان زینت داده و آنان را با آرزوهای طولانی فریفته است) ۴۶

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. برای پاسخ‌گویی به این سوال، دانستن جزئیات هر واقعه ضروری است.
گزینه (۱): تسلی به سوگند دروغ در تاخر نسبت به دو مورد دیگر است.
گزینه (۲): حضور در پیشگاه خداوند مربوط به زنده شدن همه انسان‌ها و در تقدّم نسبت به تابیدن نور حقیقت از جانب خداوند است.
گزینه (۳): حضور در پیشگاه خداوند در تقدّم نسبت به سنجش اعمال است. ۴۷

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۴۸

در قسمتی از آیه‌ی ۵۹ سوره‌ی احزاب می‌خوانیم: «... يَدْنِينَ عَلَيْهِنَّ مِنْ جَلَابِيَّهِنَّ ذَلِكَ أَدْنَى أَنْ يُعَرَّفَنَّ فَلَا يُؤْدِينَ»: پوشش‌های خود را به خود نزدیک‌تر کنند این برای آن‌که به [عفاف] شناخته شوند و مورد آزار قرار نگیرند، بهتر است».

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. اخلاق و ایمان، مربوط به آراستگی باطنی است و عبارت «آراستگی از اخلاق مومنان است». بیان‌گر هماهنگی آراستگی ظاهری و باطنی است. زیرا این عبارت توصیه‌ی پیشوایان دین است که هم به آراستگی ظاهری و هم به آراستگی باطنی تشویق می‌نمودند.

این‌که در هر زمان، نوع لباس و آراستگی ظاهری باید با وضع اقتصادی عمومی جامعه هماهنگ باشد، در حدیث امام صادق (ع): «در آن زمان مردم در سختی بودند، اما امروز ما در شرایط بهتری هستیم و عموم مردم توانایی پوشیدن چنین لباسی را دارند.» تجلی یافته است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

چه قدر زیباست که خداوند راه سعادت ما را قرین رضایت خود ساخته است، یعنی وقتی خدا از ما راضی خواهد بود که ما در مسیر سعادت و خوشبختی خود گام برداریم و آن‌گاه از ما ناخشنود خواهد بود که به خود ظلم کنیم و در مسیر هلاکت خود قدم گذاریم.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

اگر کسی به چیز حرامی روزه‌اش را باطل کند، مثلاً دروغی را به خدا و پیامبرش نسبت دهد، کفاره جمع بر او واجب می‌شود. اگر شخصی سهل‌انگاری کند و غسل نکند تا وقت تنگ شود، می‌تواند با تیم روزه بگیرد و روزه‌اش صحیح است، اما در مورد غسل نکردن معصیت کرده است. دقت شود که سایر موارد ذکر شده در قسمت اول گزینه‌های ۱، ۲ و ۳ مبطل روزه هستند، ولی در حالت غیر روزه حرام نیستند، پس کفاره جمع ندارند.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. اگر کسی روزه ماه رمضان را عمدتاً نگیرد باید هم قضای آنرا به جا آورد و هم «کفاره» بدهد؛ یعنی برای هر روز، دو ماه روزه بگیرد (که یک ماه آن باید پشت سرهم باشد) یا به شصت فقیر طعام و این کار باید تا قبل از رمضان آینده انجام شود.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. چگونگی و نوع پوشش، تا حدود زیادی تابع آداب و رسوم ملت‌ها و اقوام است. اسلام نیز، این تنوع و گوناگونی را پذیرفته است. عبارت قرآنی «ذلِکَ أَدْنَى أَن يُرْفَنَ فَلَا يُؤْذِنَ» علت حجاب را که همان شناخته شدن به عفاف و پاکی و مورد اذیت و آزار واقع نشدن است، مطرح می‌کند. توجه: آداب و رسوم ملت‌ها و اقوام عامتر از دین و آیین است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. مراقبت بر محاسبه و ارزیابی، تقدیم دارد و بعد از مراقبت نوبت محاسبه است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. آیه مطرح شده در سؤال، اشاره به پذیرش ولایت الهی و ولایتمداری و نپذیرفتن حاکمیت طاغوت دارد ← از دلایل تشکیل حکومت اسلامی است. رسول خدا (ص) به رسالت برانگیخته شده بود تا جامعه‌ای بنا نهاد که در آن جامعه به جای حکومت ستمگران و طاغوتیان، ولایت الهی حاکمیت داشته باشد تا نظام اجتماعی بر پایه قوانین و دستورات الهی استوار گردد.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. «فَأَمَّا الَّذِينَ آمَنُوا بِاللَّهِ وَ اعْتَصَمُوا بِهِ فَسَيَدْخَلُهُمْ فِي رَحْمَةِ مِنْهُ وَ فَضْلٍ وَ يَهْدِيهِمْ إِلَيْهِ صَرَاطًا مُسْتَقِيمًا»: «کسانی که به خدا گرویدند و به او تمسک جستند، به زودی [خدا] آنان را در جوار رحمت و فضلی از جانب خویش درآورد و ایشان را به سوی خود، به راهی راست، هدایت کند.»

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. طبق آیه «و مِنْ آيَاتِهِ أَنَّ خَلَقَ لَكُمْ مِنْ نَفْسِكُمْ أَزْواجاً لِتُسْكُنُوا إِلَيْهَا وَ جَعَلَ بَيْنَكُمْ مَوَدَّةً وَ رَحْمَةً إِنَّ فِي ذَلِكَ لَآيَاتٍ لِقَوْمٍ يَتَفَكَّرُونَ»، از آفرینش همسرانی آرامش بخش که موذت و رحمت را به ارمنان می آورند، به عنوان آیات و نشانه هایش یاد می کند.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. نعمت هایی که خداوند بخشی از آن را در قرآن کریم به ما معرفی کرده و مراتبی از آن هم که اخروی است در این دنیا قابل توصیف نیست. قرآن می فرماید: «هیچ کس نمی داند چه پاداش هایی که مایه هی روشنی چشم هاست برای آن ها نهفته است، این پاداش کارهایی است که انجام می دادند». اگر کسی برنامه ای غیر دینی که برخاسته از مکاتب بشری است انتخاب کند، آینده ای غیر قابل اعتماد در انتظار اوست که قرآن با تعبیر بنای زندگی به لبه پرتگاه «علی شفا جُرف هار» از آن تعبیر می کند.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۵۹

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۶۰

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. کاربرد گذشته کامل: گذشته ساده + گذشته کامل + After + معنی جمله: بعد از این که آنها کوله پشتی هایشان را بستند، سوار بر دوچرخه هایشان رفتند.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۶۱

این دکمه در حالی که آزمایش در جریان است، نباید لمس شود، و گرنم شخصی ممکن است آسیب ببیند. توضیح: فعل "touch" (لمس کردن، دست زدن به) جزو افعال متعدد است و به مفعول نیاز دارد. با توجه به این که مفعول این فعل (this button) پیش از جای خالی قرار گرفته است، در جای خالی به فعل مجہول نیاز داریم و پاسخ در بین گزینه های ۲ و ۳ است. دقیقت کنید: برای بیان احتمال و امکان در زمان حال و آینده از "might" یا "may" به همراه شکل ساده فعل استفاده می شود.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. قبل از این که با معلم زیست خودم صحبت کنم، هرگز به شغلی در [حوزه] پزشکی فکر نمی کردم، ولی الان آنرا به صورت جدی مدنظر دارم. ۶۳
توضیح: در صورتی که دو عمل در گذشته با فاصله زمانی از یکدیگر انجام شده باشند، برای عملی که ابتدا انجام شده از زمان گذشته کامل (در این مورد "had thought") و برای فعل دوم از زمان گذشته ساده (در اینجا "spoke") استفاده می کنیم.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. sugar اسم غیر قابل شمارش است پس باید از little یا a little در قسمت اول استفاده کرد. چون مفهوم جمله منفی است از little استفاده می کنیم. قسمت دوم باز به همان اسم در مفهوم مثبت اشاره می کند که با توجه به گزینه های موجود some درست است. ۶۴

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۶۵

توضیح: در این جمله، کلمه money (محذوف) که یک اسم غیر قابل شمارش است. مورد سؤال بوده، بنابراین quantifier (شمارنده) مناسب آن، much است. برای قیمت پرسیدن از how much استفاده می کنیم.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۶۶

ترجمه جمله: باید وقتی شب ها دوچرخه سواری می کند یک چیز روشنی پوشد که بیشتر دیده شود.
(۱) تشخیص دادن (۲) کم داشتن، نداشتن (۳) پوشیدن (۴) اطلاع دادن

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. توسعه‌های جدید مسکن منطقه بیلاقی را از بین می‌برند.

- (۱) مهیا کردن (۲) خراب کردن (۳) تغذیه کردن (۴) بالا بردن

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. مخالفی زود جذب زندگی روستایی محلی شدید.

- (۱) جذب شدن (۲) تبدیل شدن / چرخیدن (۳) حضور یافتن (۴) مبادله کردن

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

ترجمه: آنها باید اقدامات فوری برای جلوگیری از گسترش آتش به ساختمان‌های دیگر انجام دهند.

(۳) فوری

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. تمرینات آزمایشگاه زبان ما، در اینترنت بارگذاری شده‌اند، بنابراین ما می‌توانیم در خانه به

آن‌ها دسترسی داشته باشیم و در طول آخر هفته روی آن‌ها کار کنیم.

- (۱) جایگزین کردن؛ جای ... را گرفتن (۲) تولید کردن؛ ایجاد کردن

- (۳) دسترسی داشتن به، دست یافتن به (۴) درگیر کردن؛ شامل ... شدن

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ترجمه متن:

چه روزهای مهمی از زندگی تان را به خاطر دارید؟ اولین روز دانشگاهم را به روشنی به یاد دارم. احساس هیجان و شادی می‌کردم. در عین حال، من بسیار عصبی بودم زیرا کسی را نمی‌شناختم. با این حال، اولین روزم در دانشگاه به یادماندنی بود.

ابتدا گیج و گم شده بودم. نمی‌دانستم کجا بروم. مجبور شدم از یک غریبه پرسیم دانشجویان سال اول کجا قرار بود [یک دیگر را] ملاقات کنند. این شخص بسیار خوش‌اخلاق بود و راه را به من نشان داد. از میان چند ساختمان بزرگ پیاده رفتم و وقتی رسیدم، دانشجویان زیادی را دیدم و احساس ترس کردم.

بعد از مدتی به خودم گفتم شجاعتر باش. از دختری پرسیدم چه خبر است و متوجه شدم که ما در یک گروه بودیم. خودمان را معرفی کردیم. اسمش می‌بود. ما به فعالیت‌های دانشجویان «تازه‌وارد» پیوستیم، به زودی، احساس خیلی بهتری داشتم. این فعالیت‌ها به من کمک کرد که احساس کنم عضوی از یک تیم هستم و احساس می‌کرم که دانشجوی دانشگاه شده‌ام.

بعداً کلاس‌های خود را شروع کردیم. مدرس (استاد) مدتها صحبت کرد و بعد خودمان را معرفی کردیم، من با دو دختر آشنا شدم. به زودی ما دوستان خوبی [برای هم] شدیم و شروع به گفت‌وگو کردیم و درباره‌ی یک دیگر بیشتر اطلاعات کسب کردیم. اگرچه ما از استان‌های مختلف آمده بودیم اما نقاط مشترک زیادی با هم داشتیم. همه‌ی ما از افرادی که زیاله‌ها را روی زمین می‌ریزنند متنفر بودیم و می‌خواستیم از زمین محافظت کنیم. آن بعدازظهر با هم به کافی شاپ رفتیم. به خاطر دارم که من یک فنجان چای سفارش دادم، اما دوستانم گرسنه بودند، بنابراین چند قرص نان و سالاد سزار سفارش دادند.

توضیح: وقتی می‌خواهیم چیزی را توصیف کنیم که در گذشته از قبل برنامه‌ریزی شده بود از "be going to" بهره می‌گیریم و فعل "to be" را گذشته می‌آوریم.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. توضیح: اول قید شمارشی، بعد صفت و در آخر اسم قرار می‌گیرد.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

- (۱) اطلاع دادن به (۲) شکوفا شدن (۳) معرفی کردن (۴) متوجه شدن

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

۷۵

۱) کلاس‌ها

۲) سن‌ها

۳) اصول

۴) استان‌ها

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

۷۶

۱) چند قرص نان ۲) دو نان

توضیح: نان یک اسم غیرقابل شمارش می‌باشد، بنابراین باید از واحد شمارشی مناسب آن یعنی "loaf" (قرص) استفاده کنیم که شکل جمع آن "loaves" می‌باشد.

ترجمه متن:

۷۷

اخيراً اينترنت نقش نسبتاً مهمی به ويژه از لحاظ ارتباطات در زندگی ما ايفا می‌کند. اما واقعیت موضوع اين است که شمار روزافزونی از کاربران اينترنتی از سراسر جهان به شدت به وب جهان‌گستر به عنوان منع اصلی اطلاعات در مورد موضوعات گوناگون وابسته هستند. از سوی ديگر، چت آنلайн در سال‌های اخير بسيار محبوب شده است. در حقیقت صدها هزار کاربر وب، زمان زیادی را به صورت آنلайн سپری می‌کنند. همه اين پيشرفت‌ها منجر به خلق شکل جديدي از ارتباطات شده است که زبان خودش با ويژگي‌های خاصش را دارد.

زبان نت، نامي که به شکل منحصر به فردی از زبان داده شده که در ارتباطات اينترنتی استفاده می‌شود، شامل همه اشكال ارتباط می‌شود که اينترنت در آن دخیل است. نمونه‌های بارز زبان نت شامل چت، پام دادن، ارسال ايميل و هر شکل ديگر گفت‌وگوي آنلайн است. در حقیقت زبان نت به همه ارتباطات وابسته به رايانيه اشاره دارد. اين نوع ارتباط برای موقعیت‌های متعدد و اهداف مختلف مانند تعامل اجتماعی و عاطفی و يادگيری الکترونيکی استفاده شده است. برای مثال، جلسات آنلайн، تريبونی برای دانشجویان است تا با هم کلاسی‌هاي‌شان، استادها و دانشجویان مجازی در ارتباط باشند.

بعضی از پژوهشگران در رشتۀ زبان‌شناسی اينترنتی ويژگی‌های زبانی زبان نت را مطالعه و بررسی کرده‌اند. به منظور انجام تحقیقات‌شان، پژوهشگران نمونه‌هایی از اتاق‌های چت، جلسات، سایت‌های اينترنتی، و بلاگ‌ها و رسانه‌های اجتماعی را جمع‌آوری و بررسی کرده‌اند.

ياfته‌های تحقیقات نشان می‌دهد که مردم از تعدادی از ويژگی‌های زبانی جالب مانند شکل‌های اختصاری، سروازه‌های ويژه، شکل‌ها، حروف بزرگ و غيره استفاده می‌کنند. برای مثال، از آنجایی که زبان بدن نمی‌تواند برای نمایش عواطف در زبان نت استفاده شود، انواع گوناگونی از شکل‌ها برای انتقال عواطف و احساسات شخصی استفاده می‌شود. به طور کلی به نظر می‌رسد که زبان نت ويژگی‌های خاصی در خصوص واژگان، املاء، نشانه‌گذاری و گرامر دارد. اگرچه زبان نت ممکن است برای آن‌هايی که فقط عاشق زبان‌های استاندارد هستند، عجیب به نظر برسد، اما شخص برای اين‌که بتواند از طریق اینترنت ارتباط برقرار کند باید آن را بفهمد.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

نویسنده متن نتیجه می‌گیرد که

۱) حتی اگر از زبان نت خوشتان نیاید شاید (ممکن است) مجبور باشید آن را بگیرید.

۲) بعضی از افراد از زبان نت متنفرند، بنابراین از آن ديگر استفاده نمی‌شود.

۳) اگر شما به زبان استانداردی تکلم می‌کنید، لازم نیست ياد بگيريد که چه طور از طریق اینترنت ارتباط برقرار کنید.

۴) به نظر می‌رسد که زبان نت ويژگی‌های کاملاً طبیعی برای آن‌هايی که عاشق زبان‌های استاندارد هستند، داشته باشد.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۷۸

نویسنده از عبارت «for instance» در پاراگراف چهارم عمدتاً به منظور استفاده می‌کند.

- (۱) معنی کردن زبان بدن برای خواننده‌های متن
- (۲) مثال آوردن در خصوص تفاوت‌های بین زبان نت و زبان‌های استاندارد
- (۳) مثال زدن از اهمیت زبان بدن در تعاملات اجتماعی
- (۴) تعریف کردن نقش درک عواطف در تعاملات اجتماعی موفق

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۷۹

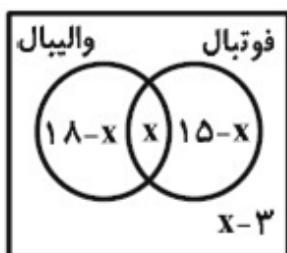
واژه «their» در پاراگراف دو، خط هفتم به اشاره دارد.

- (۱) جلسات
- (۲) دانشجویان
- (۳) استادها، سخنران‌ها
- (۴) همکلاسی‌ها

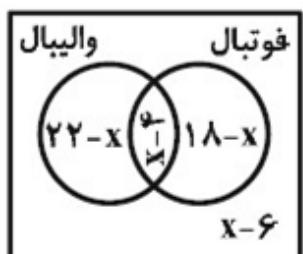
گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۸۰

نویسنده اولین پاراگراف را به منظور نوشته است.

- (۱) صحبت کردن درباره نقش زبان در ارتباط
- (۲) تأکید کردن بر تاثیر اینترنت و زبان نت بر آموزش
- (۳) توضیح دادن این‌که چگونه اینترنت به ایجاد زبان ارتباطی جدید منجر شده است.
- (۴) استدلال آوردن این‌که چرا پیشرفت‌ها در فناوری ارتباطات به تعاملات مستقیم کمتری در آینده منجر خواهد شد.



گزینه ۳ پاسخ صحیح است. X را تعداد دانشآموزانی درنظر می‌گیریم که در هر دو کلاس شرکت کردند. طبق نمودار ون تعداد افرادی که در هیچ کلاسی شرکت نکرده‌اند برابر است با:
با انصراف ۴ نفر از کسانی که در هر کلاس ثبت‌نام کرده‌اند از کلاس فوتbal، از X چهار نفر کم شده و به $X - 18$ ، ۴ نفر اضافه می‌شود.
با ثبت‌نام ۳ نفر جدید در کلاس فوتbal، از $3 - X$ ، سه نفر کم شده و به $X - 15$ ، سه نفر اضافه می‌شود. طبق فرض داریم:



$$\frac{22 - X + 18 - X}{30} = \frac{80}{100} \Rightarrow \frac{40 - 2X}{30} = \frac{80}{100}$$

$$\Rightarrow 40 - 2X = 24 \Rightarrow X = 8$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۸۲

از یک سمت $1^0 + 2^1 + 3^2 + \dots + n^k$ ۱ تشکیل دنباله حسابی و از سمت دیگر دنباله هندسی می‌دهند، پس داریم:

$$\frac{1^0 \times 11}{2} + 2 \times \frac{2^1 - 1}{2 - 1} = 55 + 2046 = 2101$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. برای آنکه C_n خطی باشد باید n^2 حذف شود. بنابراین ضریب آن را صفر قرار می‌دهیم.

$$C_n = 6n^2 - an^2 + 2an - a + 3 \Rightarrow C_n = (6 - a)n^2 + 2an - a + 3$$

$$\Rightarrow 6 - a = 0 \Rightarrow a = 6 \Rightarrow C_n = 12n - 3$$

$$t_5 = C_3 \Rightarrow 15b + 3 = 33 \Rightarrow 15b = 30 \Rightarrow b = 2$$

$$a + b = 6 + 2 = 8$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\frac{\sqrt{125} - \sqrt{8}}{\sqrt{7} + \sqrt{10}} = \frac{5\sqrt{5} - 2\sqrt{2}}{\sqrt{7} + \sqrt{10}} \times \frac{\sqrt{7} - \sqrt{10}}{\sqrt{7} - \sqrt{10}} = \frac{35\sqrt{5} - 25\sqrt{2} - 14\sqrt{2} + 4\sqrt{5}}{49 - 10}$$

$$= \frac{39\sqrt{5} - 39\sqrt{2}}{39} = \frac{39(\sqrt{5} - \sqrt{2})}{39} = \sqrt{5} - \sqrt{2}$$

$$-3(\sqrt{5} - \sqrt{2})^{-1} = \frac{-3}{\sqrt{5} - \sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{5} + \sqrt{2}}{\sqrt{5} + \sqrt{2}} = \frac{-3(\sqrt{5} + \sqrt{2})}{3} = -\sqrt{5} - \sqrt{2}$$

$$\Rightarrow \text{جواب نهایی} = \sqrt{5} - \sqrt{2} - \sqrt{5} - \sqrt{2} = -2\sqrt{2}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. داریم:

$$4 - 2\sqrt{3} = (\sqrt{3} - 1)^2 \Rightarrow A = \sqrt{5 + 4\sqrt{3} - 4(\sqrt{3} - 1)} \Rightarrow A = \sqrt{5 + 4\sqrt{7 - 4\sqrt{3}}}$$

$$= \sqrt{5 + 4\sqrt{(\sqrt{3} - 1)^2}} = \sqrt{5 + 4(\sqrt{3} - 1)} = \sqrt{13 - 4\sqrt{3}} = \sqrt{(\sqrt{3} - 1)^2}$$

$$= 2\sqrt{3} - 1 = \sqrt{12} - 1$$

می‌دانیم:

$$3 < \sqrt{12} < 4 \Rightarrow 3 < \sqrt{12} - 1 < 3$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\cdot < x < 1 \Rightarrow \frac{1}{x} > x \Rightarrow x - \frac{1}{x} < 0 \quad (*)$$

$$\left(x - \frac{1}{x} \right)^2 = x^2 + \frac{1}{x^2} - 2 = 18 - 2 = 16 \xrightarrow{(*)} x - \frac{1}{x} = -4$$

$$x^3 - \frac{1}{x^3} = \left(x - \frac{1}{x} \right) \left(x^2 + \frac{1}{x^2} + 1 \right) = (-4)(18 + 1) = -4 \times 19 \Rightarrow x^3 - \frac{1}{x^3} = -76$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$\sqrt[3]{(-\frac{1}{2})^3} = \sqrt[3]{(-2 \times -\frac{1}{125})} = -\frac{1}{5} \times \sqrt[3]{2}$$

$$\sqrt[3]{(\frac{1}{4})} = \sqrt[3]{(2 \times \frac{1}{8})} = \frac{1}{2} \sqrt[3]{(2)} = +\frac{1}{2} \sqrt[3]{2}$$

$$\sqrt[3]{(\frac{1}{2})^3} = \sqrt[3]{\frac{216}{1000}} = \sqrt[3]{\frac{27 \times 8}{1000}} = \sqrt[3]{\frac{27 \times 3^3}{10^3}} = \frac{2 \times 3}{10} = \frac{3}{5}$$

$$\sqrt[3]{-\frac{1}{2}} + \sqrt[3]{\frac{1}{4}} - 5\sqrt[3]{\frac{1}{2}} = -\frac{1}{5} \sqrt[3]{2} + \frac{1}{2} \sqrt[3]{2} - 5 \times \frac{3}{5} = -3$$

در نتیجه

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ابتدا $x = 2, 0/5, -1$ را در معادله $y = f(x)$ داده شده جایگذاری می‌کنیم:

$$x = 2 \Rightarrow f(2) + 2f(-1) = 2$$

$$x = -1 \Rightarrow f(-1) + 2f(0/5) = -1$$

$$x = \frac{1}{2} \Rightarrow f(0/5) + 2f(2) = 0/5$$

اگر معادلات بالا با هم جمع کنیم، خواهیم داشت:

$$3(f(2) + f(0/5) + f(-1)) = 1/5 \Rightarrow f(2) + f(0/5) + f(-1) = 0/5$$

نکته ۱: در نمایش یک تابع به صورت $\begin{cases} f: A \rightarrow B \\ f(x) = y \end{cases}$, مجموعه A را دامنه و مجموعه B را هم دامنه تابع می‌گوییم.

هم دامنه تابع را می‌توان هر مجموعه دلخواهی شامل برد تابع درنظر گرفت.

نکته ۲: دو تابع f و g را برابر گوییم، هرگاه:

(الف) دامنه f و دامنه g با هم برابر باشند.

(ب) برای هر x از این دامنه یکسان داشته باشیم: $f(x) = g(x)$

تابع داده شده در صورت سؤال دارای دامنه $\left[1, \frac{\wedge}{3}\right]$ است. پس گزینه‌های ۲ و ۴ نمی‌توانند جواب باشند. با توجه به

اینکه $x^2 - x \neq \sqrt{x^2 - 1}$, ضابطه گزینه ۳ با ضابطه تابع مفروض متفاوت است. پس گزینه ۳ هم پاسخ نیست.

در گزینه ۱، دامنه داده شده با دامنه تابع مفروض یکسان است و به ازای هر x از این دامنه داریم:

$$\sqrt{x^2 - x} = \sqrt{x} \times \sqrt{x - 1}$$

همچنین هم دامنه شامل برد است، پس گزینه ۱ پاسخ است.

$$\begin{cases} x + 2 > 0 \Rightarrow x > -2 \\ \log(x + 2) \geq 0 \Rightarrow x + 2 \geq 1 \Rightarrow x \geq -1 \end{cases} \cap \text{دامنه: } x \geq -1$$

$$\log(x + 2) - \sqrt{\log(x + 2)} = 0 \Rightarrow \sqrt{\log(x + 2)}(\sqrt{\log(x + 2)} - 1) = 0$$

بنابراین:

$$\begin{cases} \sqrt{\log(x + 2)} = 0 \Rightarrow \log(x + 2) = 0 \Rightarrow x + 2 = 1 \Rightarrow x = -1 \\ \sqrt{\log(x + 2)} - 1 = 0 \Rightarrow \sqrt{\log(x + 2)} = 1 \Rightarrow \log(x + 2) = 1 \Rightarrow x + 2 = 10 \Rightarrow x = 8 \end{cases}$$

هر دو ریشه معادله قابل قبول‌اند. در نتیجه:

$$\sqrt{x} \geq 0 \rightarrow \sqrt{x+1} \geq 1 \rightarrow (\sqrt{x+1})^2 - 1 \geq 0 \rightarrow y \geq 0$$

$$y = f(x) = x + \sqrt{x} = (\sqrt{x+1})^2 - 1 \Rightarrow \sqrt{y+1} = \sqrt{x+1} \Rightarrow \sqrt{x} = \sqrt{y+1} - 1$$

$$\Rightarrow x = (\sqrt{y+1} - 1)^2 \Rightarrow f^{-1}(y) = (\sqrt{y+1} - 1)^2$$

$$x \geq 0 \Rightarrow f^{-1}(x) = (\sqrt{x+1} - 1)^2 \Rightarrow f^{-1} \text{og} = \{(1, 0), (2, 1)\}$$

راه حل دوم:

$$x + \sqrt{x} = 0 \Rightarrow x = 0 \Rightarrow f^{-1}(0) = 0 \Rightarrow f^{-1} \text{og}(0) = 0$$

$$x + \sqrt{x} = 1 \Rightarrow x = 1 \Rightarrow f^{-1}(1) = 1 \Rightarrow f^{-1} \text{og}(1) = 1$$

$$x + \sqrt{x} = -1 \Rightarrow \text{غیر قابل}$$

$$x + \sqrt{x} = -2 \Rightarrow \text{غیر قابل}$$

$$f^{-1} \text{og} = \{(0, 0), (1, 1)\}$$

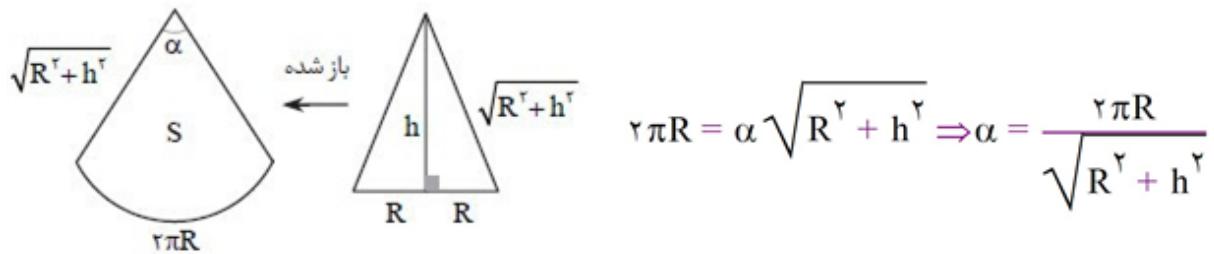
$$g^{-1}(3) = 1 \xrightarrow{\text{تعريف تابع وارون}} g(1) = 2$$

$$f(g(x)) = x^3 + x \xrightarrow{x=1} f(g(1)) = 1 + 1 \Rightarrow f(3) = 2$$

$$f(3) = 2 \xrightarrow{\text{تعريف تابع وارون}} f^{-1}(2) = 3$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۹۲

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. حجم مخروط برابر $\frac{\pi}{3}R^2h = \frac{\pi}{3}$ است، پس اگر مخروط را باز کنیم بخشی از یک دایره خواهد شد:



$$\Rightarrow S = \left(\sqrt{R^2 + h^2} \right)^2 \times \frac{\alpha}{2} = (R^2 + h^2) \times \frac{\pi R}{\sqrt{R^2 + h^2}} = \pi R \sqrt{R^2 + h^2}$$

$$\xrightarrow{R^2 = \frac{1}{h}} S = \pi \sqrt{\frac{1}{h}} \sqrt{\frac{1}{h} + h^2} = \pi \sqrt{\frac{1}{h^2} + h} \Rightarrow S' = \pi \times \frac{\left(-\frac{2}{h^2} + 1 \right)}{2\sqrt{\frac{1}{h^2} + h}} = .$$

$$\Rightarrow -\frac{2}{h^2} + 1 = 0 \Rightarrow h^2 = 2 \Rightarrow h = \sqrt{2}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. طول نقطه‌ی عطف تابع، ریشه‌ی $f''(x) = 0$ است:

$$f'(x) = 2x^2 - 2(m-1)x + \lambda \Rightarrow f''(x) = 4x - 2(m-1) = 0 \Rightarrow x = \frac{m-1}{2}$$

پس باید:

$$\frac{m-1}{2} < -2 \Rightarrow m-1 < -4 \Rightarrow m < -3$$

طول نقطه اکسترمم تابع f ، ریشه‌های معادله $f'(x) = 0$ است. در این معادله داریم:

$$\Delta = 4(m-1)^2 - 4(\lambda)(2) = 4(m^2 - 2m + 1 - 16) = 4(m^2 - 2m - 15) = 4(m+3)(m-5) > 0$$

$$P = \frac{\lambda}{2} > 0$$

$$S = -\frac{-2(m-1)}{2} = m-1 < -4$$

پس طول نقاط اکسترمم نسبی منفی است.

$$C'(t) = \frac{t^3 + 16 - 2t^2 \times t}{(t^3 + 16)^2} = \frac{16 - 2t^3}{(t^3 + 16)^2} = 0 \Rightarrow t = 2$$

$t = 2$ نقطه بحرانی است.

	t	0	2	$+\infty$
$C'(t)$		+	-	
$C(t)$		\nearrow	$\frac{1}{12}$	\searrow

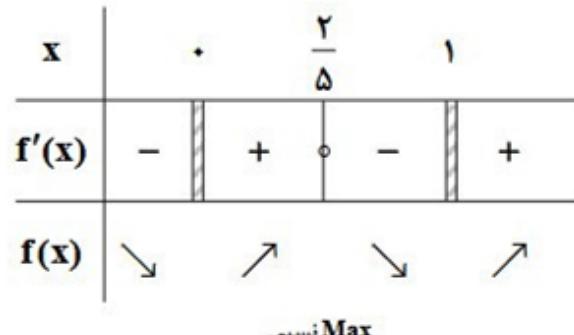
ملاحظه می کنید که $\max C(t) = \frac{1}{12}$ است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. نکته (آزمون مشتق اول): اگر $c = x$ یک نقطه بحرانی تابع $f(x)$ باشد و $f'(x)$ در این نقطه از مثبت به منفی (منفی به مثبت) تغییر علامت بدهد، آنگاه این نقطه، نقطه ماکسیمم نسبی (مینیمم نسبی) تابع $f(x)$ است. ۹۶

$$D_f = \mathbb{R}, f(x) = \begin{cases} (x-1)\sqrt[5]{x^2} = x^{\frac{5}{3}} - x^{\frac{2}{3}} & x \geq 1 \\ -(x-1)\sqrt[5]{x^2} = x^{\frac{2}{3}} - x^{\frac{5}{3}} & x \leq 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \begin{cases} \frac{5}{3}x^{\frac{2}{3}} - \frac{2}{3}x^{-\frac{1}{3}} & x > 1 \\ \frac{2}{3}x^{-\frac{1}{3}} - \frac{5}{3}x^{\frac{2}{3}} & x < 1 \end{cases}$$

$$f'(x) = 0 \Rightarrow \frac{1}{3}x^{-\frac{1}{3}}(5x - 2) = 0 \Rightarrow x = \frac{2}{5}$$



بنابراین طول ماکسیمم نسبی، $x = \frac{2}{5}$ است.

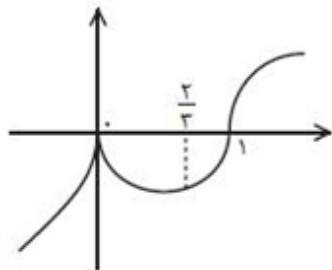
$$y' = \sqrt{2-x^2} + \frac{-2x}{2\sqrt{2-x^2}} \times x = \sqrt{2-x^2} - \frac{x^2}{\sqrt{2-x^2}}$$

$$= \frac{2-2x^2}{\sqrt{2-x^2}} = 0 \Rightarrow x^2 = 1 \Rightarrow x = \pm 1$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در ریشه‌های زیر رادیکال تابع مشتق‌پذیر نیست و نقاط بحرانی دارد، پس $x = 0$ و $x = 1$ بحرانی هستند. ۹۸

$$f(x) = \sqrt[3]{x^3 - x^2} \Rightarrow f'(x) = \frac{3x^2 - 2x}{3\sqrt[3]{(x^3 - x^2)^2}} = \frac{x(3x - 2)}{3\sqrt[3]{(x^3 - x^2)^2}}$$

در $x = \frac{2}{3}$ هم که مشتق صفر می‌شود و نقطه بحرانی است، پس نقاط بحرانی تابع $x = 0, 1$ و $x = \frac{2}{3}$ هستند. این هم نمودار تابع:



گزینه ۱ پاسخ صحیح است. مشتق تابع مثبت است. ۹۹

$$y' = \frac{3(x-1)x^2 - 4x^3(x-1)^2}{x^4} = \frac{x^2(x-1)^2[3x^2 - 4x^2 + 4x]}{x^4}$$

$$y' > 0 \Rightarrow 4x - x^2 > 0 \Rightarrow 0 < x < 4$$

تابع درباره $(0, 4)$ صعودی است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۰۰

$$f'(x) = fx^2 - 16x = 4x(x^2 - 4) = 0 \Rightarrow x = 0, 2, -2$$

پس نقاط بحرانی تابع در بازه‌ی $[1, 3]$ نقاط -2 و 0 هستند.

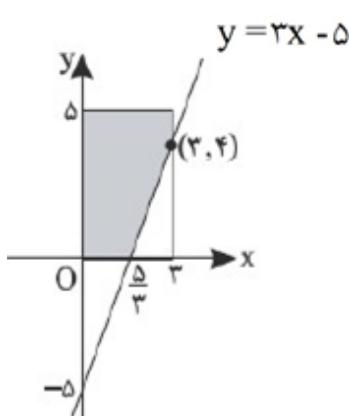
x	-۴	-۲	۰	۲
$f(x)$	$k+4$	$k-16$	k	$k-4$

$$k+4 = -(k-16) = 16-k \Rightarrow 2k = 16 \Rightarrow k = \frac{16}{2}$$

طبق فرض $\max(f) = -\min(f)$ ، پس:

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

ابتدا محل تلاقی خط $y = 3x - 5$ با محور Ox و خط $x = 3$ را با مساحت هاشور خورده را باید به دست آوریم.



x	y
5	0
3	4
3	5

مثلث - مستطیل $S = S_{\text{ناحیه هاشور خورده}}$

$$S = 5 \times 3 - \frac{1}{2} \left(3 - \frac{5}{3} \right) \times 4$$

$$\Rightarrow S = 15 - \frac{8}{3} = \frac{37}{3}$$

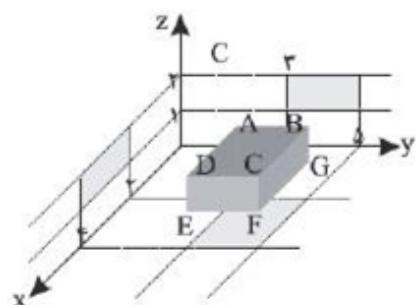
گزینه ۲ پاسخ صحیح است. این نقاط بر روی صفحه $Z = 1$ و خط $\begin{cases} y=2 \\ z=1 \end{cases}$ قرار دارند که این خط با صفحات xoy

و XOZ موازی و بر صفحه YOZ عمود است.

گزاره‌های الف، ب و ج درست هستند و گزاره‌ی د نادرست است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. در این مکعب مستطیل $2 = AD = AB = 1$ و $DE = 2$ ، بنابراین قطر این مکعب برابر

$d = \sqrt{2^2 + 2^2 + 1^2} = 3$ است برابر با:



$$CG = \sqrt{2^2 + 1^2} = \sqrt{5} \Rightarrow \frac{d}{CG} = \frac{3}{\sqrt{5}} = \frac{3\sqrt{5}}{5} = 0.6\sqrt{5}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. فرض کنیم $A(x, y, z)$ نقاط مورد نظر باشند. قرینه این نقاط نسبت به محور X ها، $A'(x, -y, -z)$ و تصویرشان روی صفحه xoy خواهد بود، در نتیجه:

$$\begin{aligned} AA' &= \sqrt{(x-x)^2 + (y+y)^2 + (z+z)^2} \\ &= \sqrt{(x-x)^2 + (y-y)^2 + (z+0)^2} \Rightarrow \sqrt{4y^2 + 4z^2} = \frac{1}{2}|z| \\ \text{طرفین به توان ۲} \Rightarrow 4y^2 + 4z^2 &= \frac{1}{4}z^2 \Rightarrow 4y^2 + \frac{15}{4}z^2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} y = 0 \\ z = 0 \end{cases} \end{aligned}$$

که این معادله محور X ها است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. فاصله نقطه $A(\alpha, \beta, \gamma)$ تا مبدأ مختصات برابر است با:

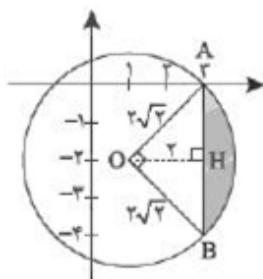
$$\sqrt{\alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2}$$

فاصله نقطه $A(\alpha, \beta, \gamma)$ از صفحات xy , xz و yz به ترتیب برابر با $|\gamma|$, $|\beta|$ و $|\alpha|$ است، بنابراین فاصله نقطه $A(2, -1, -1)$ از صفحات xy , xz و yz به ترتیب برابر با ۱، ۱ و ۲ است، پس فاصله A تا مبدأ مختصات برابر با

$$\frac{\sqrt{6}}{2} = \frac{2\sqrt{6}}{2} = \sqrt{2^2 + 1^2 + 1^2} = \sqrt{6}$$

مبدأ مختصات است.

گزینه ۵ پاسخ صحیح است.



$$x^2 + y^2 - 2x + 4y + 1 + 4 < 2 + 1 + 4 \Rightarrow (x-1)^2 + (y+2)^2 < 8$$

یعنی سطح داخل و محیط دایره‌ای به مرکز $(1, -2)$ و شعاع $2\sqrt{2}$.

$$\triangle OAB: OA = OB = 2\sqrt{2}$$

$$OH = 2 - 1 = 1 \Rightarrow HB = 1 \Rightarrow AH = 1 \Rightarrow AB = 2 \Rightarrow \hat{O} = 90^\circ$$

$$S_{\text{زنگی}} = \frac{1}{4}S_{\text{دایره}} - S_{\triangle OAB} = \frac{1}{4} \times \pi \times (\sqrt{8})^2 - \frac{1}{2} \times 2\sqrt{2} \times 2\sqrt{2} = 2\pi - 4 = 2(\pi - 2)$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۱۰۷

$$|\vec{b}| = \sqrt{10} \Rightarrow \sqrt{x^2 + 1} = 10 \Rightarrow x^2 = 9 \Rightarrow x = \pm 3$$

$$x = 3 \Rightarrow \vec{b} = (3, -1) \Rightarrow \begin{cases} \vec{a} + \vec{b} = (5, -2) \\ \vec{a} - \vec{b} = (1, 1) \end{cases}$$

$$|\vec{a} + \vec{b}| + |\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{36 + 4} + \sqrt{1 + 1} = 2\sqrt{10}$$

$$x = -3 \Rightarrow \vec{b} = (-3, -1) \Rightarrow \begin{cases} \vec{a} + \vec{b} = (-1, -2) \\ \vec{a} - \vec{b} = (5, 1) \end{cases}$$

$$|\vec{a} + \vec{b}| + |\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{1 + 4} + \sqrt{36 + 1} = 8$$

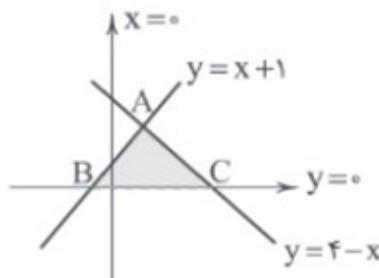
گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۰۸

$$\vec{a} \parallel \vec{b} \Rightarrow \frac{m+1}{2} = \frac{-4}{-3} \Rightarrow 2m + 2 = 8 \Rightarrow m = \frac{5}{3} \Rightarrow \vec{b} = \left(\frac{5}{3}, -4\right)$$

$$\overrightarrow{AB} = B - A \Rightarrow \vec{b} = B - A \Rightarrow \left(\frac{5}{3}, -4\right) = B - (2, -1)$$

$$\Rightarrow B = (2, -1) + \left(\frac{5}{3}, -4\right) = \left(\frac{11}{3}, -5\right)$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. نمودار توابع $y = x + 1$ و $y = 4 - x$ را رسم می‌کنیم. ناحیه‌ی موردنظر سطح بین نقاط زیر خطوط $y = x + 1$ و $y = 4 - x$ و بالای محور x هاست. ۱۰۹

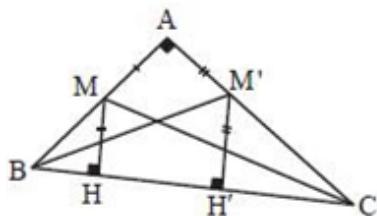


$$\begin{cases} y = x + 1 \\ y = 4 - x \end{cases} \Rightarrow x + 1 = 4 - x \Rightarrow x = \frac{3}{2}, y = \frac{5}{2} \Rightarrow A\left(\frac{3}{2}, \frac{5}{2}\right)$$

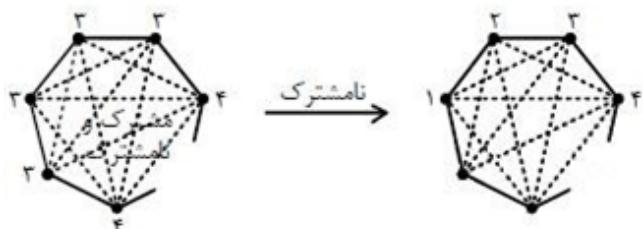
$$B(-1, 0), C(4, 0) \Rightarrow |BC| = 5$$

$$S(\triangle ABC) = \frac{1}{2} \times \frac{5}{2} \times 5 = \frac{25}{4} = 6.25$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. فرض می‌کنیم نقطه‌ای روی محیط مثلث ABC باشد که از رأس A و ضلع به BC یک فاصله باشد، در این صورت طبق شکل، $MH = MA$ و در نتیجه نقطه M باید از دو ضلع زاویه C به یک فاصله باشد و این به این معناست که نقطه M باید روی نیمساز زاویه C قرار داشته باشد. به همین ترتیب نقطه M' روی نیمساز B قرار خواهد داشت، پس دو نقطه با این ویژگی وجود دارد که این دو نقطه پای نیمسازهای زوایای B و C از مثلث قائم‌الزاویه ABC هستند.

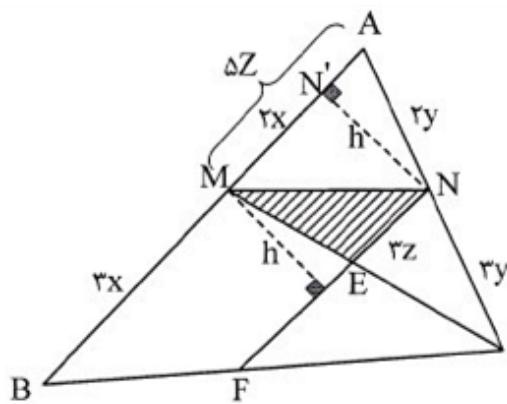


گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به شکل‌های زیر داریم:



- ۱- از هر رأس دوازدهضلعی $9 - 3 = 12$ قطر می‌گذرد.
- ۲- به‌ظاهر از شش رأس متواالی $9 \times 6 = 54$ قطر می‌توان رسم کرد.
- ۳- اما با توجه به شکل بالا، شش رأس متواالی دارای ۱۰ قطر مشترک هستند ($20 - 10 = 10$) که هر کدام دوبار به حساب آمده‌اند.
- ۴- پس تعداد واقعی قطرها که از شش رأس متواالی یک دوازدهضلعی محدب می‌گذرد برابر $44 - 10 = 34$ قطر است.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۱۱۲



اگر نسبت تشابه k باشد نسبت مساحتها k^2 می‌شود، بنابراین:

$$\triangle AMN \sim \triangle ABC \Rightarrow \frac{S_{\triangle AMN}}{S_{\triangle ABC}} = \left(\frac{2}{5}\right)^2 = \frac{4}{25}$$

از طرف دیگر:

$$NE \parallel AM \Rightarrow \triangle NEC \sim \triangle AMC \Rightarrow \frac{NE}{AM} = \frac{EZ}{AZ} = \frac{3}{5}$$

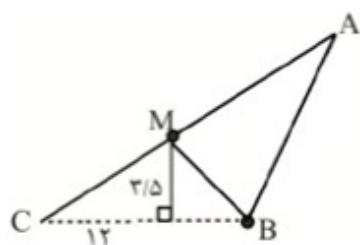
$$\frac{S_{\triangle MEN}}{S_{\triangle AMN}} = \frac{\frac{1}{2}NE \times h}{\frac{1}{2}AM \times h} = \frac{NE}{AM} = \frac{3}{5}$$

: فاصله دو خط موازی را h در نظر می‌گیریم

$$\frac{S_{\triangle MEN}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{S_{\triangle MEN}}{S_{\triangle AMN}} \times \frac{S_{\triangle AMN}}{S_{\triangle ABC}} \times 100 = \frac{3}{5} \times \frac{4}{25} \times 100 = \% 48$$

در صد

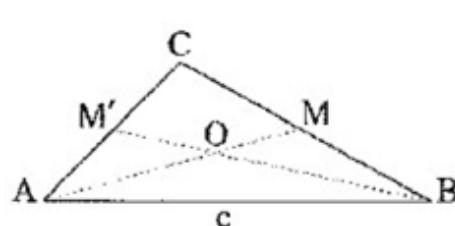
گزینه ۳ پاسخ صحیح است. چون M روی عمودمنصف BC قرار دارد، داریم: ۱۱۳



$$MC = MB = \sqrt{\frac{3}{5}^2 + 12^2} = 12/\sqrt{5} \Rightarrow MA + MB + MC = 30/\sqrt{5}$$

$$\Rightarrow MA + 25 = 30/\sqrt{5} \Rightarrow MA = 5/\sqrt{5}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۱۴



$$\left\{ \begin{array}{l} OA = \frac{2}{3}m_a \\ OB = \frac{2}{3}m_b \\ AB = c \end{array} \right.$$

با داشتن اطلاعات بالا مثلث $\triangle OAB$ قابل رسم است. با رسم این مثلث OM را به اندازه نصف OA و OM' را به اندازه نصف OB امتداد می‌دهیم و از تقاطع BM' و AM' رأس C را می‌یابیم.

پس کافی است $\triangle OAB$ قابل رسم باشد. طبق نامساوی مثلثی در این مثلث داریم:

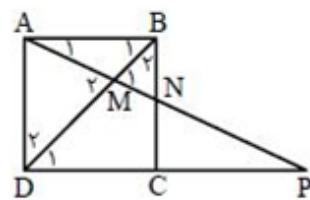
$$\left| \frac{2}{3}m_a - \frac{2}{3}m_b \right| < c < \frac{2}{3}M_a + \frac{2}{3}M_b \Rightarrow \frac{2}{3}(3-2) < c < \frac{2}{3}(2+3)$$

$$\Rightarrow \frac{2}{3} < c < \frac{10}{3} \xrightarrow{\text{مقادیر صحیح}} 1, 2, 3$$

$$\left. \begin{array}{l} \hat{B_1} = \hat{D_1} \\ \hat{A_1} = \hat{P} \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{ز ز}} \triangle AMB \sim \triangle DPM \Rightarrow \frac{MP}{AM} = \frac{DP}{AB} = \frac{DM}{MB} \quad (1)$$

$$\left. \begin{array}{l} \hat{B_2} = \hat{D_2} \\ \hat{M_1} = \hat{M_2} \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{ز ز}} \triangle AMD \sim \triangle BMN \Rightarrow \frac{AD}{BN} = \frac{AM}{MN} = \frac{DM}{BM} \quad (2)$$

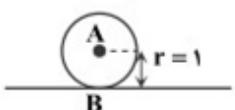
$$\xrightarrow{(1) \text{ و } (2)} \frac{AM}{MN} = \frac{DP}{AB} = \frac{3}{2} \xrightarrow{\text{ترکیب در مخرج}} \frac{AM}{AN} = \frac{3}{5}$$



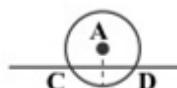
مجموعه نقاطی که از A به فاصله r هستند، روی دایره‌ای به مرکز A و شعاع r قرار دارند. ۳ حالت امکان‌پذیر است:



(۱) اگر $r < r$ ، دایره خط d را قطع نمی‌کند، پس چنین نقطه‌ای وجود ندارد.



(۲) اگر $r = r$ ، دایره بر خط مماس می‌شود، پس یک نقطه وجود دارد. (نقطه‌ی B)



(۳) اگر $r > r$ ، دایره خطرا در دو نقطه قطع می‌کند. (نقاط C و D)

بنابراین گزینه‌ی ۴ پاسخ است.

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. اگر مثلث ADC را قاعده‌ی هرم در نظر بگیریم آنگاه $AB = a$ ارتفاع هرم خواهد بود. ۱۱۷

$$\text{حجم هرم} = \frac{1}{3} \times a \times \frac{a^2}{2} = \frac{1}{6}a^3$$

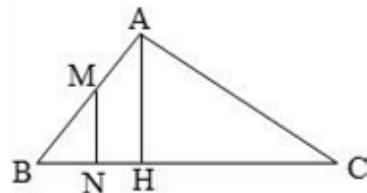
حالا اگر مثلث BDC را قاعده‌ی هرم در نظر بگیریم باید حجم بدست آمده با حجم هرم با این قاعده برابر باشد. در این حالت مثلث متساوی‌الاضلاع BDC با ضلع $a\sqrt{2}$ قاعده است.

$$\text{حجم هرم} = \frac{1}{3} \times h \times \frac{2\sqrt{3}}{4}a^2 = \frac{\sqrt{3}}{6}a^2h$$

$$\text{حجم های بدست آمده از دو طریق با هم برابرند.} \Rightarrow \frac{1}{6}a^3 = \frac{\sqrt{3}}{6}a^2h \Rightarrow h = \frac{a}{\sqrt{3}}$$

داریم:

$$\frac{h_a}{h_b} = \frac{a}{b} \Rightarrow b^2 = a^2 \Rightarrow a = b$$



گزینهٔ ۱ پاسخ صحیح است. ارتفاع AH را رسم می‌کنیم:

$$AM = MB, MN \parallel AH \Rightarrow BN = NH$$

$$\begin{aligned} NC^2 - NB^2 &= (NC - NB)(NC + NB) \\ &= (NH + HC - BN)(NC + NB) \end{aligned}$$

(رابطه طولی در مثلث قائم الزاویه)

گزینهٔ ۲ پاسخ صحیح است.

$$\left. \begin{array}{l} \hat{B} = \hat{N} \\ \hat{A} = \hat{A} \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle AMN \sim \triangle ABC \Rightarrow \frac{MN}{BC} = \frac{AM}{AC} = \frac{AN}{AB} \Rightarrow \frac{AM}{10} = \frac{3}{AB}$$

$$\Rightarrow \frac{AM}{10} = \frac{3}{AM + 1} \Rightarrow 10 = AM^2 + AM \Rightarrow AM^2 + AM - 10 = 0$$

$$\Rightarrow (AM + 5)(AM - 5) = 0 \Rightarrow AM = 5 \Rightarrow \frac{MN}{BC} = \frac{AM}{AC} = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}$$

گزینهٔ ۴ پاسخ صحیح است. اگر مستطیل کامل بود تعداد مربع‌های ۱ \times ۱ برابر بود با ۸ \times ۶ و تعداد مربع‌های ۲ \times

برابر بود با ۷ \times ۵ و ... بنابراین کل مربع‌ها برابر است با:

$$6 \times 8 + 5 \times 7 + 4 \times 6 + 3 \times 5 + 2 \times 4 + 1 \times 3 = 48 + 35 + 24 + 15 + 8 + 3 = 133$$

با حذف دو مربع گفته شده ۶ \times ۶ مربع حذف می‌شوند ولی یکی از مربع‌ها ۲ بار حذف شده است بنابراین با استفاده از اصل شمول و عدم شمول داریم:

$$122 = 133 - 6 \times 6 - 1 = 122$$

گزینهٔ ۳ پاسخ صحیح است. دو رقم از ارقام دهگانه را انتخاب کرده و در جایگاه‌های یکان و هزارگان قرار می‌دهیم

(رقم کوچک در یکان و رقم بزرگ در هزارگان)، دو رقم دیگر از ارقام هشتگانه‌ی باقیمانده را انتخاب کرده و در

جایگاه‌های دهگان و صدگان می‌چینیم، بنابراین جواب موردنظر $\binom{10}{2} \times \binom{8}{2}$ یعنی ۱۲۶۰ است.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. اگر خانه‌ی مشخص شده را با ۲ پر کنید به دو جواب، و اگر آن را با ۴ پر کنید به دو جواب دیگر خواهد رسید:

۱	۳	
۲	۱	

۱	۴	۲	۳
۴	۱	۳	۲
۳	۲	۱	۴
۲	۳	۴	۱

۲	۳	۴	۱
۴	۱	۳	۲
۳	۲	۱	۴
۱	۴	۲	۳

۱	۳	۴	۲
۲	۱	۳	۴
۴	۲	۱	۳
۳	۴	۲	۱

۳	۴	۲	۱
۲	۱	۳	۴
۴	۲	۱	۳
۱	۳	۴	۲

۴	a	b	۳
c	۴	d	e
f	g	۴	h
۳	i	j	۴

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. جدول مقابل را درنظر بگیرید: d و g حتماً ۳ هستند. اگر a را برابر ۱ درنظر بگیریم b و i و j منحصر به فرد و نیز اگر ۲ قرار دهیم آن اعداد منحصر به فرد یافت می‌شوند.

اگر c را برابر ۱ درنظر بگیریم f و e و h منحصر به فرد و نیز اگر ۲ قرار دهیم باز آن اعداد منحصر به فرد یافت می‌شوند.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. عدد ۶ را به یکی از صورت‌های زیر می‌توان به صورت مجموع سه عدد صحیح نامنفی نوشت:

- | | | |
|--------------|--------------|--------------|
| ۱) ۰ - ۰ - ۶ | ۲) ۰ - ۵ - ۱ | ۳) ۰ - ۴ - ۲ |
| ۴) ۱ - ۱ - ۴ | ۵) ۰ - ۳ - ۳ | ۶) ۱ - ۳ - ۲ |
| ۷) ۲ - ۲ - ۲ | | |

تعداد طرق توزیع حالات فوق بین سه نوع گل به ترتیب برابر ۱، ۴، ۳، ۶ و ۱ بوده و مجموعشان ۲۴ می‌شود.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. اولین داده به صورت ۱۰۷۰۱ است و مطابق تعریف ارائه شده داریم:

$$\frac{10701}{11004}, \dots, \frac{11001}{11504}, \dots, \frac{10901}{11501}, \dots, \frac{10801}{11001}, \dots, \frac{10712}{10901}, \dots, \frac{10701}{10801}$$

 عضو ۱۰۰ عضو ۹۷ عضو ۲۵ عضو ۱۳ عضو ۱۲ عضو ۱

در واقع ۴ = ۸ + ۱۲ + ۱۰۰ است، پس ۸ گروه سنی (۷ تا ۱۴ سال) قبل از رسیدن به عضو صد مجموعه به پایان رسیده و از عضو نود و هفتم گروه سنی ۱۵ سال آغاز می‌گردد که صدمین عضو مجموعه نیز به این گروه تعلق دارد.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. اعضای مجموعه را می‌توان به صورت زیر مشخص کرد:

$$\dots, \frac{100185}{100201}, \dots, \frac{100101}{100185}, \dots, \frac{100085}{1000101}, \dots, \frac{10001}{100085}$$

 عضو ۱۷۱ عضو ۱۷۰ عضو ۸۶ عضو ۸۵ عضو ۱

عدد ۱۰۰۰۰ را می‌توان به صورت ۱۱۷ + ۸۵ × ۵۵ نوشت، بنابراین ده هزارمین عضو مجموعه به صورت ۱۱۱۷۵۵ نوشته می‌شود و سن این فرد برابر ۵۵ است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۱۲۸

$$x_1 + x_2 + x_3 = \binom{9-1}{3-1} = \binom{8}{2} = 28$$

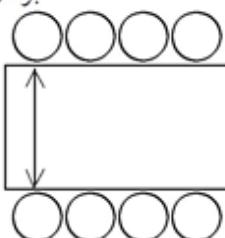
$$x_4 + x_5 = \binom{7-1}{2-1} = \binom{6}{1} = 6$$

$$28 \times 6 = 168$$

بنابراین تعداد کل جواب‌های طبیعی، این دستگاه معادلات برابر است با:

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۴ حالت می‌توانند روی هم قرار بگیرند که با عوض کردن جای مقابله $8 = 2 \times 4$ حالت می‌شود در هر حالت $6!$ حالت افراد دیگر می‌نشینند پس $6! = 5760$ حالت رخ می‌دهد. ۱۲۹

برادر ۱



برادر ۲

$$2! \times 4 \times 6! = 5760$$

جابجایی برادرها

۴ تا رو برو هستند

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. این ۶ حرف یا در ۶ خانه اول (۱ تا ۶) یا در ۶ خانه آخر (۲ تا ۷) قرار می‌گیرد. با توجه به قضیه جایگشت با تکرار داریم: ۱۳۰

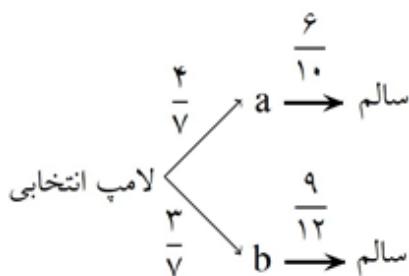
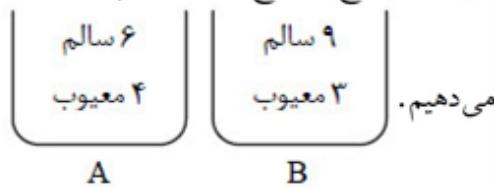
$$2 \times \frac{6!}{2! 2! 2!} = 180$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. با توجه به جدول ارزش‌گذاری گزاره‌ها داریم: ۱۳۱

p	q	$\sim q$	$p \vee \sim q$	$p \vee q$	$(p \vee \sim q) \wedge (p \vee q)$
د	د	ن	د	د	د
د	ن	د	د	د	د
ن	د	ن	ن	د	ن
ن	ن	د	د	ن	ن

پس گزاره‌ی $(p \vee \sim q) \wedge (p \vee q)$ همارز گزاره‌ی p است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. لامپ‌های انتخابی از جعبه‌ی A را با a و لامپ‌های انتخابی از جعبه‌ی B را با b نشان



جعبه‌ی جدید به صورت $\begin{matrix} a & a \\ a & a \end{matrix} \quad bbb$ است. پس:

$$\text{بنابراین پاسخ برابر با } \frac{4}{7} \times \frac{6}{10} + \frac{3}{7} \times \frac{9}{12} = \frac{93}{140} \text{ است.}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. تنها گزاره ج نادرست است، چرا که یک ترکیب شرطی است که مقدم آن صحیح ولی ارزش حکم آن نادرست است.

$$x = \frac{3 + \sqrt{9 + 8n}}{2}$$

حاصل این کسر باید عددی مثبت شود چرا که x تعداد اضلاع را نشان می‌دهد بنابراین تنها باید در صورت کسر علامت \pm قرار گیرد نه.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. فقط یکی، یعنی گوشی «سمانه» آتن بدهد ولی گوشی «سهیلا» نه و یا گوشی «سهیلا» آتن بدهد و «سمانه» نه! (این همان تعبیر $A \Delta B$ به صورت پیشامدی است). چون دو پیشامد مستقل‌اند، لذا احتمال وقوع اشتراکشان برابر ضرب احتمالشان است. ضمن آن‌که اگر A و B مستقل باشند، (A, B') و (A', B) و (B', A') نیز مستقل‌اند.

پس:

$$P(A \Delta B) = P((A - B) \cup (B - A)) = P(A - B) + P(B - A) = P(A \cap B') + P(B \cap A') \\ = \frac{1}{8}(1 - \frac{1}{25}) + \frac{1}{25}(1 - \frac{1}{8})$$

$$\Rightarrow P(A \Delta B) = \frac{1}{8} \times \frac{3}{4} + \frac{1}{4} \times \frac{2}{10} = \frac{26}{40} = \frac{13}{20}$$

احتمال این که مهره‌ی دوم آبی باشد.

۳ قرمز
۷ آبی

$$P(A) = \frac{3}{10} \times \frac{2}{9} + \frac{7}{10} \times \frac{6}{9} = \frac{6}{90} + \frac{42}{90} = \frac{48}{90} = \frac{16}{30} = \frac{8}{15}$$

احتمال این که مهره‌ی اول قرمز باشد.

احتمال این که مهره‌ی دوم قرمز باشد.

شش جفت کفش، یعنی ۱۲ لنگه، بنابراین تعداد اعضای فضای نمونه‌ای برابر $n(S) = \binom{12}{4}$ است.

$$n(S) = \binom{12}{4} = \frac{12!}{4! 8!} = \frac{12 \times 11 \times 10 \times 9 \times 8!}{4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 8!} = 495$$

حال برای آنکه دو جفت کفش انتخاب شوند، باید از شش جفت، دو جفت انتخاب کرد:

$$n(A) = \binom{6}{2} = \frac{6!}{2! 4!} = \frac{6 \times 5 \times 4!}{2 \times 4!} = 15 \Rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{15}{495} = \frac{1}{33}$$

$$n(S) = 5! = 120$$

باید سربازان را در یک دسته و افسران را در دسته‌ی دیگر قرار دهیم. تعداد جایگشت‌های دو دسته برابر $2!$ است که باید در جایگشت‌های داخلی هر دسته ضرب شود.

سرباز = s

افسر = a

(s, s, s, a, a)

$$n(A) = 3! \times 2! \times 2! = 24$$

$$\Rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{24}{120} = \frac{2}{10} = .2$$

$$\begin{cases} n(S) = 6 \times 2 \times 2 = 24 \\ n(A) = 3 \times 1 \times 1 = 3 \end{cases} \Rightarrow P(A) = \frac{3}{24} = \frac{1}{8}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۱۳۹

$$n(S) = 6 \times 2 \times 2 = 24 \quad \begin{array}{c} \text{سکه تاس} \\ \uparrow \\ (-, -, -) \end{array}$$

$$n(A) = \frac{3}{\begin{array}{c} \uparrow \\ 2 \end{array}} = 3 \times 2 = 6 \quad \Rightarrow P(A) = \frac{9}{24} = \frac{3}{8}$$

حداقل \rightarrow
یکی رو
یا ۴ یا ۶

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. تعداد اعضای نمونه‌ای، تعداد حالات انتخاب ۳ مهر از ۹ مهره است: ۱۴۰

$$n(S) = \binom{9}{3} = \frac{9!}{3!6!} = 84$$

$$A \rightarrow \text{حداکثر ۲ مهره‌ی آبی} \Rightarrow n(A) = \binom{5}{0}\binom{4}{3} + \binom{5}{1}\binom{4}{2} + \binom{5}{2}\binom{4}{1} = 74 \Rightarrow P(A) = \frac{74}{84}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۱۴۱

$$E_n = \frac{-E_R}{n} \Rightarrow n_1 = \frac{-13/6}{-4/10} = 16 \Rightarrow n_1 = 4$$

$$n_2 = \frac{-13/6}{-3/4} = 4 \Rightarrow n_2 = 2$$

$$r_n = a, n^2 \Rightarrow \frac{r_2}{r_1} = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۱۴۲

$$k_{\max} = hf - W_0 = \frac{hc}{\lambda} - W_0 = \frac{4 \times 10^{-19} \times 3 \times 10^8}{2/4 \times 10^{-7}} - 4 \text{ eV} = 5 \text{ eV} - 4 \text{ eV} = 1 \text{ eV}$$

$$k_{\max} = 1 \text{ eV} = 1/6 \times 10^{-19} J = \frac{1}{e} m_e V^2 \Rightarrow V = \sqrt{\frac{2 \times 1/6 \times 10^{-19}}{10^{-31}}} = \sqrt{2 \times 16 \times 10^{11}}$$

$$= 4 \times 10^0 \sqrt{20} = 4 \times 10^0 \times \sqrt{5} = 18 \times 10^0$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. چون جرم دو کره یکسان است و چگالی فلز سازندهی کره‌ی B بیشتر است، طبق رابطه‌ی $\rho = \frac{m}{V}$ ، حجم واقعی کره‌ی B کمتر می‌باشد. یعنی درون کره‌ی B حفره‌ای وجود دارد و کره‌ی A توپر است و در نتیجه حجم واقعی و حجم ظاهری آن یکسان می‌باشد. ابتدا حجم ظاهری کره‌ها را حساب می‌کنیم.

$$V'_A = V'_B = \frac{4}{3}\pi r^3 \xrightarrow[r=2\text{ cm}]{\pi=3} V'_A = V'_B = \frac{4}{3} \times 3 \times 8 = 32 \text{ cm}^3$$

حجم واقعی کره‌ی B را به دست می‌آوریم. دقت کنید حجم واقعی را از رابطه‌ی $\rho = \frac{m}{V}$ به دست می‌آوریم:

$$m_A = m_B \xrightarrow{m=\rho V} \rho_A V_A = \rho_B V_B \xrightarrow[\rho_A = \frac{g}{cm^3}, \rho_B = \frac{g}{cm^3}]{V_A = V'_A = 32 \text{ cm}^3}$$

$$3 \times 32 = 8 \times V_B \Rightarrow V_B = 12 \text{ cm}^3$$

می‌بینیم حجم واقعی کره‌ی B برابر با 12 cm^3 و حجم ظاهری آن 32 cm^3 است. بنابراین اختلاف این دو حجم برابر با حجم حفره می‌باشد.

$$\Delta V'_B = V'_B - V_B = 32 - 12 \Rightarrow \Delta V'_B = 20 \text{ cm}^3$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. چگالی برابر $\rho = \frac{m}{V}$ و جرم دو کره یکسان است.

$$\frac{\rho_B}{\rho_A} = \frac{\frac{m}{V_B}}{\frac{m}{V_A}} \Rightarrow \frac{\rho_B}{\rho_A} = \frac{V_A}{V_B} \Rightarrow \frac{\rho_B}{\rho_A} = \frac{\frac{4}{3}\pi R^3}{\frac{4}{3}\pi \left(R^3 - \frac{R^3}{27} \right)} = \frac{27}{26}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. با توجه به اینکه پیستون جابه‌جا نمی‌شود داریم:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow \frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \Rightarrow \frac{P_1}{300} = \frac{P_2}{360}$$

$$\Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = 1/2 = \frac{\frac{P_1}{\text{هوا}} + \frac{mg}{A}}{\frac{P_1}{\text{هوا}} + \frac{mg}{A}} = \frac{1.0 + \frac{m_2 \times 1.0}{0 \times 10^{-4}}}{1.0 + \frac{0}{0 \times 10^{-4}}} = \frac{1.0 + 2 \times 10^4 m_2}{2 \times 1.0}$$

$$\Rightarrow 2/4 \times 1.0 = 1.0 + 2 \times 10^4 m_2 \Rightarrow m_2 = \frac{1/4 \times 1.0}{2 \times 10^4} = 0.00025 \text{ kg}$$

$$m_2 - m_1 = 0.00025 \text{ kg}$$

مقدار جرم اضافه شده برابر است با:

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. چون $P_A V_A = P_B V_B$ هم‌دما هستند، بنابراین است در این صورت داریم:

$$\begin{aligned} \Delta U_{AB} &= Q_{AB} + W_{AB} \\ \Delta U_{AB} &= \cdot \\ Q_{AB} &= 1200 \end{aligned} \quad \Rightarrow W_{AB} = -1200 \text{ J}$$

فرآیند BC هم‌حج است و کار در این فرآیند صفر است، در این صورت داریم:

$$\Delta U_{BC} = Q_{BC} + W_{BC} \Rightarrow \Delta U_{BC} = Q_{BC}$$

فرآیند CA بی‌درو را است و گرما در این فرآیند صفر می‌باشد، در این صورت داریم:

$$\Delta U_{CA} = Q_{CA} + W_{CA} \Rightarrow \Delta U_{CA} = W_{CA}$$

با توجه به آن‌که در چرخه تغییر انرژی درونی صفر است می‌توان نوشت:

$$\Delta U_{ABC} = \cdot \Rightarrow \Delta U_{AB} + \Delta U_{BC} + \Delta U_{CA} = \cdot \Rightarrow \cdot + Q_{BC} + W_{CA}$$

$$\Rightarrow Q_{BC} = -W_{CA} \Rightarrow W_{CA} = -nC_V \Delta T = \frac{C_V}{R} V \Delta P$$

$$= -\frac{3}{2} \times 6 \times 10^{-3} \times 1.0 \Rightarrow Q_{BC} = -900 \text{ J} \Rightarrow W_{CA} = 900 \text{ J}$$

بنابراین داریم:

$$W_{ABC} = W_{AB} + W_{BC} + W_{CA} \Rightarrow W_{ABC} = -1200 + \cdot + 900 \Rightarrow W_{ABC} = -300 \text{ J}$$

$$|W| = P\Delta V \Rightarrow |W| = ۲۰ \times ۱۰^۵ \times ۲۰ \times ۱۰^{-۳}$$

$$\Rightarrow \left. \begin{array}{l} |W| = \lambda \times ۱۰^۴ J \\ |W| = \cdot / ۲ |W_{کل}| \end{array} \right\} |W_{کل}| = \frac{|W|}{\cdot / ۲} = \frac{\lambda \times ۱۰^۴}{\cdot / ۲} = ۴ \times ۱۰^۵ J \quad (۱)$$

$$|W_{کل}| = \frac{۱}{۲} mv^۲, m = ۲۰۰ \text{ ton} = ۲۰۰ \times ۱۰^۳ \text{ kg} \quad (۲)$$

$$(۱), (۲) \Rightarrow \frac{۱}{۲} \times ۲۰۰ \times ۱۰^۳ \times v^۲ = ۴ \times ۱۰^۵ v^۲ \Rightarrow v = \frac{m}{s}$$

$$v = at + \sqrt{y_0} \Rightarrow \cdot / ۲t = ۲ \Rightarrow t = ۱۰s$$

$$Q_1 + Q_۲ = \cdot \Rightarrow C_1 \Delta \theta_1 + m_۲ c_۲ \Delta \theta_۲ = \cdot$$

$$C_1 \times (۴۰ - ۱۵) + \cdot / ۱ \times ۴۲۰۰ \times (۴۰ - ۸۰) = \cdot \Rightarrow C_1 \times ۲۵ - ۴ \times ۴۲۰۰ = \cdot$$

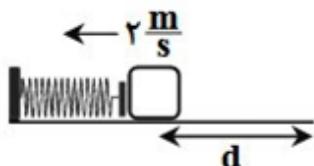
$$\Rightarrow ۲۵C_1 = ۱۶۸۰۰ \Rightarrow C_1 = ۶۷۲ \frac{J}{\circ C}$$

$$W_t = \Delta K \quad W_{نر} = -\Delta U = -(U_۲ - U_1) = -۳۰J$$

$$\leftarrow ۶ \frac{m}{s}$$



$$W_{f_k} + W_{نر} + \dot{W}_{وزن} + \dot{W}_{سطح عمودی} = K_۲ - K_1 \Rightarrow W_{f_k} - ۳۰$$

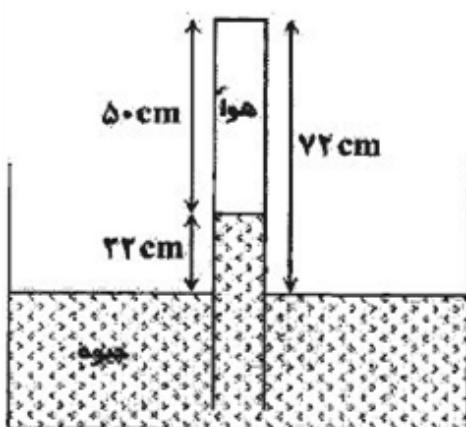


$$= \frac{۱}{۲} \times ۲ (۲^۲ - ۶^۲) \Rightarrow W_{f_k} = ۳۰ - ۳۶ = -۶J$$

$$W_{f_k} = f_k \cdot d \cdot \cos ۱۸۰^\circ \Rightarrow -۶ = \lambda \times d \times (-۱) \Rightarrow d = \frac{۶}{\lambda} = \frac{۱}{\lambda} m = ۱۰cm$$

$$P_1 = P_0 - 10 \text{ cmHg}$$

وقتی لوله را ۲۲ سانتی‌متر بالا ببریم وضع به شکل مقابل می‌شود.



$$P_2 - P_1 = 22 \text{ cmHg}$$

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow P_1 V_1 = P_2 V_2$$

$$\Rightarrow (P_0 - 10) \times 40 A = (P_0 - 22) \times 50 A$$

$$\Rightarrow 40 P_0 - 400 = 50 P_0 - 1100$$

$$10 P_0 = 700 \Rightarrow P_0 = 70 \text{ cmHg}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. دستگاه تهویه مورد نظر باید به ازای هر ساعت در شبانه‌روز $1/2 \text{ MJ}$ گرمای از هوا داخل منزل بگیرد تا دمای خانه، تقریباً ثابت بماند، یعنی به ازای ۱ ساعت شبانه‌روز $Q_C = 1/2 \text{ MJ}$ است، لذا کاری که موتور تهویه باید به ازای هر ساعت در شبانه‌روز، انجام بدهد (W_1) به ترتیب رو به رو به دست می‌آید:

$$K = \frac{Q_C}{W} \Rightarrow \tau = \frac{1/2}{W_1} \Rightarrow W_1 = 0.4 \text{ MJ}$$

بنابراین، دستگاه تهویه در هر شبانه‌روز ($t = 24 \text{ h}$) باید کار مقابل را انجام دهد:

$$W = 24 W_1 = 24 \times 0.4 = 9.6 \text{ MJ} = 9.6 \times 10^6 \text{ J}$$

حال نوبت محاسبه‌ی مدت زمانی است که طول می‌کشد تا دستگاه تهویه، کار W را انجام دهد.

$$P = \frac{W}{t} \xrightarrow{P = 2 \times 10^3 \text{ W}} 2 \times 10^3 = \frac{9.6 \times 10^6}{t} \xrightarrow{1 \text{ h} = 3600 \text{ s}} t = 4800 \text{ s}$$

$$t = 1 \text{ h} + 1200 \text{ s} \xrightarrow{1 \text{ min} = 60 \text{ s}} t = 1 \text{ h} + 20 \text{ min}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \Delta U = \frac{3}{2} nR \cdot \Delta T = \frac{3}{2} nR (T_2 - T_1) \\ \frac{PV}{T} = nR \Rightarrow T = \frac{PV}{nR} \rightarrow \Delta U = \frac{3}{2} nR \left(\frac{P_2 V_2}{nR} - \frac{P_1 V_1}{nR} \right) \Rightarrow \Delta U = \frac{3}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1) \end{array} \right.$$

همچنین می‌دانیم که سطح زیر نمودار ($P - V$) با علامت مثبت یا منفی‌اش برابر کار انجام شده روی دستگاه (گاز) است.

$$\Delta U_{abc} = Q_{abc} + W_{abc}$$

$$\frac{3}{2} \left[(5 \times 10^5) (10^{-3}) - (1 \times 10^{-3}) \left(\frac{5}{3} \times 10^5 \right) \right] = Q_{abc} + \left[-\left(\frac{5}{3} \times 10^5 \right) \times (2 \times 10^{-3}) \right]$$

$$+ \left[-\left(\frac{5}{3} + 1 \right) \times 10^5 \times \frac{(5-3)}{2} \times 10^{-3} \right] \Rightarrow Q_{abc} = 1100 \text{ J}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

۱۵۳

$$Q_{Cu} = Q_{Fe} \Rightarrow \frac{400 \times A \times (20 - 10) \times t}{l_{Cu}} = \frac{80 \times A \times (100 - 20) \times t}{l_{Fe}}$$

$$\frac{l_{Fe}}{l_{Cu}} = \frac{80 \times 80}{400 \times 20} = \frac{4}{5}$$

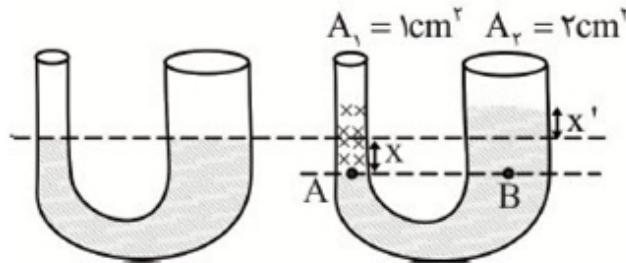
گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

۱۵۴

$$\rho = \frac{m}{v} \Rightarrow \rho / \lambda = \frac{12}{v} \Rightarrow v = 15 \text{ cm}^3$$

$$v = Ah \Rightarrow h = 15 \text{ cm}$$

$$P_A = P_B \Rightarrow \rho \cdot h \Rightarrow \rho \cdot h = 1 \times h \Rightarrow h = 12 \text{ cm}$$



حجم آب جابه شده در دو لوله با هم برابر است.

$$V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 x = A_2 x' \Rightarrow 1 \times x = 2x'$$

$$x + x' = 12 \Rightarrow 2x' + x' = 12 \Rightarrow 3x' = 12 \Rightarrow x' = 4 \text{ cm}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

۱۵۵

$$P = \frac{W}{t} \Rightarrow W = p \cdot t \Rightarrow W = 1000 \times 60 \times 60 = 36 \times 10^5$$

$$\left\{ \begin{array}{l} K = \frac{Q_C}{W} \\ |Q_H| = Q_C + W \end{array} \right. \Rightarrow K = \frac{|Q_H| - W}{W}$$

$$\Rightarrow \frac{12}{5} = \frac{|Q_H| - 36 \times 10^5}{36 \times 10^5} \Rightarrow |Q_H| = 90 \times 10^5 + 36 \times 10^5 \Rightarrow Q_H = 12/6 \text{ MJ}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

۱۵۶

$$K_{max} = hf - W = \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda'} = hc \left(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda'} \right) = 4 \times 10^{-10} \times 3 \times 10^8 \left(\frac{1}{180 \times 10^{-9}} - \frac{1}{240 \times 10^{-9}} \right)$$

$$= 1200 \left(\frac{1}{180} - \frac{1}{240} \right) = 1200 \times \frac{4 - 3}{720} = \frac{5}{3}$$

$$E = hf = \frac{hc}{\lambda}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$E_{\min} = W_0 \Rightarrow \frac{hc}{\lambda} = W_0$$

$$\Rightarrow \frac{6/6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{\lambda} = 2/5 \times 1/6 \times 10^{-19} \Rightarrow \lambda = 1/23 \times 10^{-6} \text{ m}$$

در طیف امواج فرابنفش قرار دارد.

۱۵۷

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

ابتدا حداکثر انرژی جنبشی فتوالکترون‌ها را محاسبه می‌کنیم.

$$K_{\max} = \frac{hc}{\lambda} - W_0 = \frac{1200}{300} - 2/55 = 0.45 \text{ eV} \Rightarrow K_{\max} = 0.45 \times 1/6 \times 10^{-19} \text{ J}$$

برای محاسبه‌ی حداکثر تندی خواهیم داشت:

$$K_{\max} = \frac{1}{2} mv_{\max}^2 \Rightarrow v_{\max} = \sqrt{\frac{2K_{\max}}{m}}$$

$$\Rightarrow v_{\max} = \sqrt{\frac{2 \times 0.45 \times 1/6 \times 10^{-19}}{9 \times 10^{-31}}} = \sqrt{16 \times 10^{10}} = 4 \times 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

۱۵۸

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. مقدار λ را از رابطه‌ی $k = h \frac{c}{\lambda} - w_0$ به دست می‌آوریم.

$$k_{\max} = \frac{4 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 2/5 \text{ eV}$$

$$2/5 = \frac{hc}{\lambda} - 2/5 \Rightarrow \frac{hc}{\lambda} = 0 \Rightarrow \lambda = \frac{4 \times 10^{-10} \times 3 \times 10^8 \times 10^9}{0} = 240 \text{ nm}$$

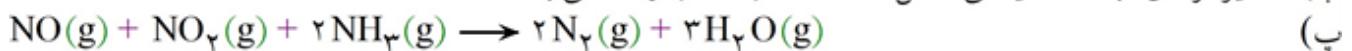
گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$\left. \begin{array}{l} K_{\max} = \frac{1}{2} m V_{\max}^2 = \frac{hc}{\lambda_1} - W_0 \\ K'_{\max} = \frac{1}{2} m V'^{\max}_2 = \frac{hc}{\lambda_2} - W_0 \end{array} \right\} \Rightarrow \left(\frac{V_{\max}}{V'^{\max}} \right)^2 = \frac{\frac{1200}{200} - 2}{\frac{1200}{300} - 2} = 3$$

$$\Rightarrow \frac{V_{\max}}{V'^{\max}} = \sqrt{3} \Rightarrow \frac{N_{\max}}{N'^{\max}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. بررسی موارد:

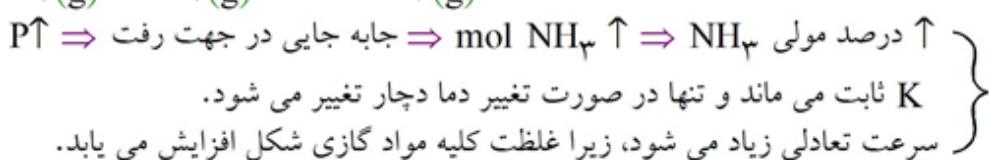
- الف) این واکنش به دلیل داشتن انرژی فعال‌سازی زیاد در دماهای پایین انجام نمی‌شود یا بسیار کند است.
- ب) کاتالیزگرهای مبدل کاتالیستی شامل Rh، Pd (ن) Pb و Pt می‌باشد.



$$\frac{1 \text{ mol NH}_3}{17 \text{ g NH}_3} \times \frac{5 \text{ mol}}{2 \text{ mol NH}_3} \times \frac{20 \text{ L}}{1 \text{ mol}} = \frac{\text{گاز}}{\text{گاز}} = \frac{1/5 \text{ L}}{\text{گاز}} = \frac{1/5 \text{ L}}{\text{گاز}}$$

ت) شرایط بهینه فرایند هابر شامل دهای C ۴۵۰°، فشار ۲۰۰ atm و کاتالیزگر Fe است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

با افزایش مقدار PCl_3 ، واکنش در جهت برگشت جایه‌جا شده و به این ترتیب $[\text{PCl}_5]$ افزایش یافته و $[\text{Cl}_2]$ کاهش می‌یابد. از طرفی $[\text{PCl}_3]$ نیز ابتدا به شدت افزایش یافته و سپس به آرامی کاهش می‌یابد اما جایه‌جا می‌تعادل نمی‌تواند اثر افزایش $[\text{PCl}_3]$ را به طور کامل از بین ببرد، بنابراین مقدار نهایی $[\text{PCl}_3]$ از مقدار اولیه‌ی آن بیشتر خواهد بود.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ابتدا مول اولیه‌ی هر سه گاز را حساب می‌کنیم. بدینهی است مول اولیه‌ی فراورده‌ها (Cl_2 , PCl_3) برابر صفر است.

$$n(\text{PCl}_5) = \frac{m}{M} = \frac{6/255}{208/5} = 0.03 \text{ mol}$$

$$n(\text{PCl}_3) = \text{مول اولیه} = 0 \text{ mol}$$

با توجه به اطلاعات موجود در صورت تست، می‌توان مول تعادلی PCl_3 را نیز به دست آورد.

$$n(\text{PCl}_3) = \frac{m}{M} = \frac{2/75}{137/5} = 0.02 \text{ mol} \rightarrow n(\text{PCl}_3) = n(\text{Cl}_2) = 0.02 \text{ mol}$$

$$n(\text{PCl}_5) = 0.03 - 0.02 = 0.01 \text{ باقی مانده}$$

$$K = \frac{[\text{PCl}_3][\text{Cl}_2]}{[\text{PCl}_5]} \rightarrow \frac{\frac{0.02}{V} \times \frac{0.02}{V}}{0.01} = 8 \times 10^{-3} \rightarrow V = 5 \text{ L}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

فرم کلی معادله‌ی واکنش به صورت بالا است. چون واکنش گرم‌آگیر است (q طرف مول گازی کمتر است) با افزایش دما واکنش در جهت رفت جایه‌جا شده و جرم جامد باقی‌مانده کمتر می‌شود.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. باید افزایش دما را در جهت برگشت جایه‌جا کند و افزایش در جهت تولید A باشد.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱: تعداد کربن‌های این ماده برابر با ۱۰ است که $2/5$ برابر تعداد کربن گاز بوتان (گاز استفاده شده در پرکردن فندک) است.

گزینه ۲: تعداد هیدروژن‌های آن $22, 22, 1/375$ برابر تعداد هیدروژن‌های ترکیب ۳-اتیل پتان (۱۶) است.

گزینه ۳: نام درست آن $3, 4, 5$ -تری متیل هپتان است.

گزینه ۴: استنشاق این ماده سبب کاهش مقدار اکسیژن در هوای دم

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. تنها مورد «ج» صحیح نمی‌باشد. بررسی موارد:

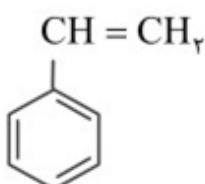
ج) نادرست، نوع اتم‌های سازنده در درشت‌مولکول‌ها بسیار زیاد نیست.

د) درست، یکی از تفاوت‌های موجود در بین درشت‌مولکول‌های مختلف، وجود یا عدم وجود واحد تکرارشونده در آن‌هاست.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. تقلون در حلال‌های آلى حل نمی‌شود.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. تکپار مورد استفاده در تولید ظروف یکبار مصرف استیرن است.

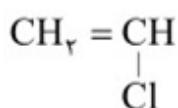
الف) نادرست است. این ترکیب آروماتیک است اما در آن چهار پیوند دوگانه وجود دارد.



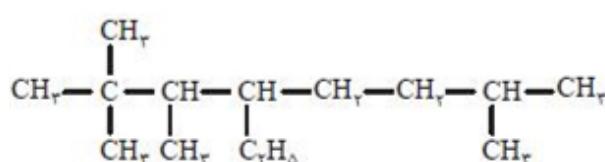
ب) درست است. فرمول مولکولی این ترکیب C_8H_8 است و در آن ۸ پیوند کربن - هیدروژن وجود دارد.

پ) درست است. تعداد جفت الکترون پیوندی برابر است با $\frac{4 \times 8 + 1 \times 8}{2}$ که برابر با ۲۰ است.

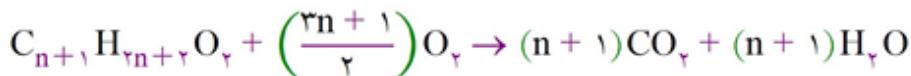
ت) درست است. اگر به جای حلقه‌ی هیدروکربنی، اتم کلر قرار گیرد به وینیل کلرید تبدیل می‌شود.



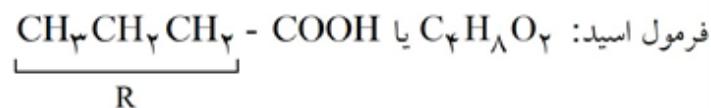
گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۷۲



$$\frac{\left(\frac{2n+1}{2}\right) \text{mol } O_2}{\text{۱mol اسید}} \times \frac{32 \text{g } O_2}{\text{۱mol } O_2} = 16 \text{g } O_2 \Rightarrow n = 2$$



گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۱۷۳

آلان: $C_n + H_{2n+2} \Rightarrow \text{جرم مولی} = 14n + 2$

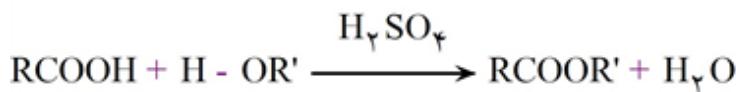
آلکن: $C_nH_{2n} \Rightarrow \text{جرم مولی} = 14n$

$$\frac{101/79}{100} \times 14n = 14n + 2 \Rightarrow 0.25n = 2 \Rightarrow n = 8 \Rightarrow C_8H_{18}$$

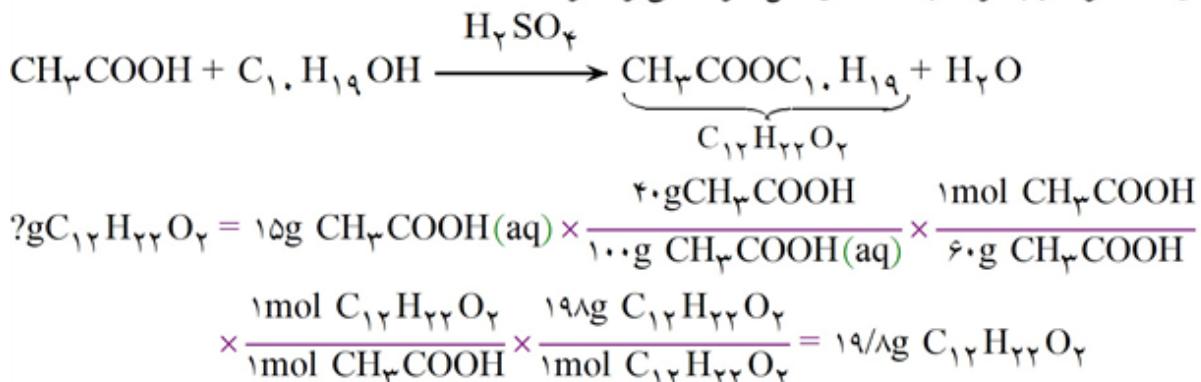
گزینه ۱ پاسخ صحیح است. زیرا، داریم: ۱۷۴

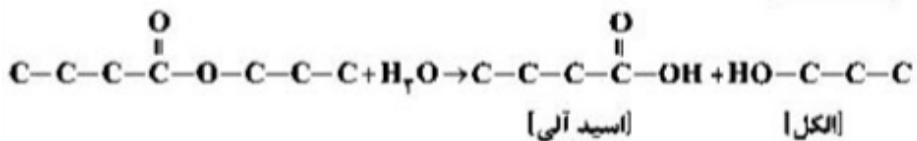


گزینه ۱ پاسخ صحیح است. یکی از ویژگی‌های مهم و کاربردی کربوکسیلیک اسیدها و الکل‌ها، واکنش میان آنهاست. این مواد در شرایط مناسب واکنش می‌دهند و با از دست دادن آب، به استر تبدیل می‌شوند. معادله زیر، واکنش شیمیایی انجام شده را توصیف می‌کند.



بر اساس توضیحات فوق و با توجه به داده‌های متن سوال، می‌توان نوشت:



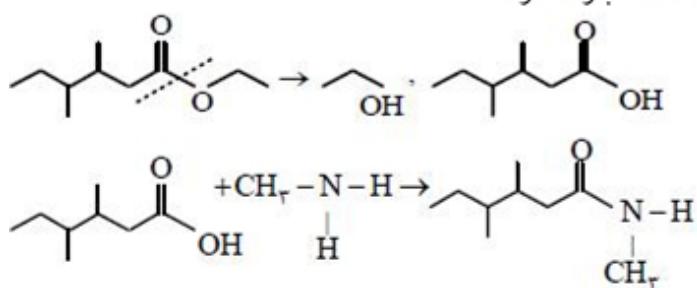


$$\frac{\text{جرم اسید آلی}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{جرم الكل}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{جرم اسید آلی}}{\text{جرم مولی آن} \times \text{ضریب}}$$

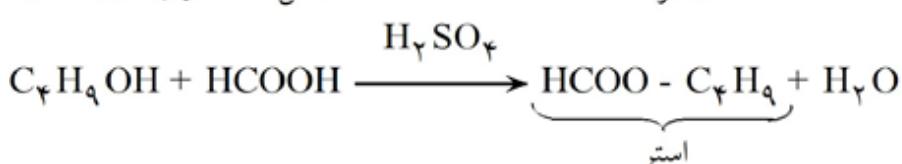
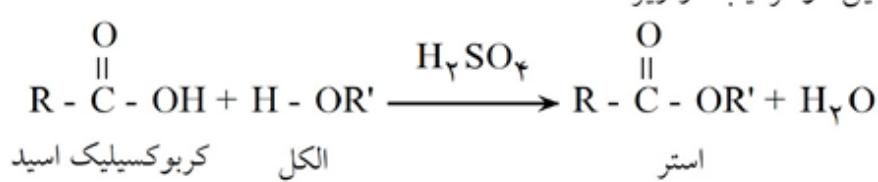
$$\Rightarrow \frac{\frac{2/4\text{g C}_7\text{H}_{14}\text{O}_2}{1 \times 120} \times \frac{80}{100}}{x} = \frac{x \text{g C}_3\text{H}_7\text{OH}}{1 \times 60} = \frac{y \text{g C}_4\text{H}_8\text{O}_2}{1 \times 88}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 1/44 \text{g C}_3\text{H}_7\text{OH} \\ y = 2/112 \text{g C}_4\text{H}_8\text{O}_2 \end{cases} \Rightarrow y - x = 0.672 \text{g}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. اسید و الكل سازنده استر داده شده عبارتند از:



گزینه ۳ پاسخ صحیح است. مطابق داده‌های سوال فرمول الكل A و اسید آلی B به ترتیب به صورت C₄H₉OH و HCOOH است. معادله واکنش میان این دو ترکیب در زیر آمده است:



$$\text{Mقدار نظری (ester)} = \frac{1 \text{ mol ester}}{1 \text{ mol C}_4\text{H}_9\text{OH}} \times \frac{102 \text{ g ester}}{1 \text{ molester}} = 40.8 \text{ g ester}$$

$$\text{Mقدار عملی (بازده درصدی)} = \frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} \times 100 \Rightarrow 75 = \frac{\text{مقدار عملی}}{40.8 \text{ g}} \times 100 \Rightarrow 30.6 \text{ g}$$

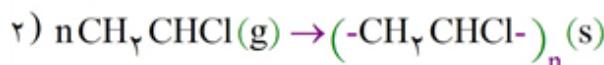
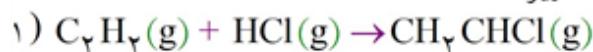
گزینه ۲ پاسخ صحیح است. اگر جرم پلاستیک را 100 g در نظر بگیریم، 60 g آنرا پلی اتن و 40 g باقی مانده را پلی استایرن تشکیل می‌دهد.

$$?gC[C_2H_4]_n = 60\text{ gPE} \times \frac{24\text{ ngC}}{28\text{ ngPE}} \simeq 51/4\text{ gC}$$

$$?gC[C_2H_4]_n = 40\text{ gPS} \times \frac{96\text{ ngC}}{104\text{ ngPC}} \simeq 36/9\text{ gC}$$

به این ترتیب درصد جرمی کربن در این پلاستیک به تقریب برابر با $51/4 + 36/9 = 88/3$ است.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. معادله‌ی واکنش‌های موردنظر به صورت زیر است:



اگر ضرایب واکنش ۱ را در n ضرب کنیم، ضریب ماده‌ی مشترک (CH_2CHCl) در دو واکنش یکسان می‌شود:

$$?tonPVC = 1/3tonC_2H_4 \times \frac{1\text{ mol }C_2H_4}{26\text{ g }C_2H_4} \times \frac{1\text{ mol PVC}}{nmolC_2H_4} \times \frac{62/5\text{ nPVC}}{1\text{ mol PVC}}$$

= $3/125\text{ ton PVC}$ (مقدار نظری)

از آنجا که دو واکنش داریم و بازده هر کدام از واکنش‌ها 80% است، می‌توان فرض کرد که یک واکنش با بازده

$\frac{80}{100} \times \frac{80}{100}$ داریم:

$$\frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} \times 100 \Rightarrow 80 \times 80 = \frac{\text{مقدار عملی}}{3/125\text{ ton}} \times 100 \times 100 \Rightarrow 2\text{ ton}$$

۱۲۹	۱	۲	۳	۴
۱۳۰	۱	۲	۳	۴
۱۳۱	۱	۲	۳	۴
۱۳۲	۱	۲	۳	۴
۱۳۳	۱	۲	۳	۴
۱۳۴	۱	۲	۳	۴
۱۳۵	۱	۲	۳	۴
۱۳۶	۱	۲	۳	۴
۱۳۷	۱	۲	۳	۴
۱۳۸	۱	۲	۳	۴
۱۳۹	۱	۲	۳	۴
۱۴۰	۱	۲	۳	۴
۱۴۱	۱	۲	۳	۴
۱۴۲	۱	۲	۳	۴
۱۴۳	۱	۲	۳	۴
۱۴۴	۱	۲	۳	۴
۱۴۵	۱	۲	۳	۴
۱۴۶	۱	۲	۳	۴
۱۴۷	۱	۲	۳	۴
۱۴۸	۱	۲	۳	۴
۱۴۹	۱	۲	۳	۴
۱۵۰	۱	۲	۳	۴
۱۵۱	۱	۲	۳	۴
۱۵۲	۱	۲	۳	۴
۱۵۳	۱	۲	۳	۴
۱۵۴	۱	۲	۳	۴
۱۵۵	۱	۲	۳	۴
۱۵۶	۱	۲	۳	۴
۱۵۷	۱	۲	۳	۴
۱۵۸	۱	۲	۳	۴
۱۵۹	۱	۲	۳	۴
۱۶۰	۱	۲	۳	۴

۱۶۱	۱	۲	۳	۴
۱۶۲	۱	۲	۳	۴
۱۶۳	۱	۲	۳	۴
۱۶۴	۱	۲	۳	۴
۱۶۵	۱	۲	۳	۴
۱۶۶	۱	۲	۳	۴
۱۶۷	۱	۲	۳	۴
۱۶۸	۱	۲	۳	۴
۱۶۹	۱	۲	۳	۴
۱۷۰	۱	۲	۳	۴
۱۷۱	۱	۲	۳	۴
۱۷۲	۱	۲	۳	۴
۱۷۳	۱	۲	۳	۴
۱۷۴	۱	۲	۳	۴
۱۷۵	۱	۲	۳	۴
۱۷۶	۱	۲	۳	۴
۱۷۷	۱	۲	۳	۴
۱۷۸	۱	۲	۳	۴
۱۷۹	۱	۲	۳	۴
۱۸۰	۱	۲	۳	۴