

۱

معنی کدام یک از گزینه‌های زیر کاملاً صحیح است؟

الف- عود: درختی که چوب آن سیاه‌رنگ و خوشبو است.

ب- کرت: هر یک از بخش‌های تقریباً مساوی یک مزرعه با یک باعچه

ج- فسفر: عنصر شیمیایی با رنگ سبز روشن که در مجاورت هوا مشتعل می‌گردد.

د- تداعی: به یاد آوردن یک مفهوم به وسیلهٔ مفهومی دیگر

(۴) الف، د

(۳) الف، ب

(۲) ب، د

(۱) ب، ج

۲

در کدام گزینه معنی هر سه واژه درست آمده است؟

(۱) (سبو: ظرف بی‌دسته از جنس سفال) (هیون: شتر) (خستن: زخمی)

(۲) (تجربید: تنهایی گزیدن) (ارتفاع: محصول زمین‌های زراعتی) (ناورد: تبرد)

(۳) (گربت: جور) (موبد: روحانی زرتشتی) (اعانت: یاری)

(۴) (مکاید: حیله‌ها) (استغنا: بی‌نیاز) (زاد: توشه)

۳

در کدام گزینه معنی همه کلمه‌ها کاملاً درست است؟

(۱) آبنوس: درختی که چوب آن سیاه، سخت، سنگین و گران‌بها است. / سریر: آوند / نحس: بداختر

(۲) کرکس: پرنده‌ای از ردهٔ لاشخورها / مسلم داشتن: تسلیم شدن / طرف: کنار

(۳) کاموس: یکی از فرماندهان زیردست اسفندیار / سفله: بدسرشت / ابدال: مردان کامل

(۴) آورد: جنگ / ا جانب: بیگانگان / هماورد: رقیب

۴

در میان ترکیب‌های زیر چند غلط املایی وجود دارد؟

(سبیل تلفظ) (حیران و زار) (دفع مضت) (تبغ و ساعد) (اسطورة زندگی) (انججار مهیب) (شرزه شیر ارغند)

(استقرار سلاح‌ها) (بیت‌الاحزان) (عربده و سفاحت)

(۱) دو (۲) سه (۳) چهار (۴) یک

۵

در کدام بیت غلط املایی وجود دارد؟

(۱) فضل است اگرم خوانی عدل است اگرم رانی / قدر تو نداند آن کز زجر تو بگریزد

(۲) مداد خامه او چشم جود را سرمه / ستور نامه او شخص فضل را انداز

(۳) کشته توست اگر گل است از خار / کشته خویش را تو خوار مدار

(۴) دیگرم غیر از تو میل صحبت دیگر نماند / آن که مشغول تو شد دارد فراغ از دیگران

۶

در کدام گزینه غلط املایی مشهود است؟

(۱) (کوی و برزن) (استرحا مکردن) (عتاب و سرزنش) (منکر و مسکر) (راه قره قوم)

(۲) (نصاب‌الصیبان) (عنودان بدگهر) (پلاس مندرس) (اوan و هنگام) (طمتعنیه و آرامش)

(۳) (ماوا کردن) (سور و جشن) (تجلى و قرب) (عنب و تاکستان) (موقع و مکان)

(۴) (ذوق و رایحه) (خفت و خواری) (ضمایم و تعليقات) (محاوره عادی) (صدای رسما)

ایيات زیر به ترتیب، سرودهی چه کسانی هستند؟

- (الف) اولاً تحرید شو از هر چه هست / وانگهی از خود بشو یک بار دست
 (ب) سرو و هشت نخوانم خوانم، چرا نخوانم؟ / هم ماه با کلامی هم سرو با قبایی
 (۱) سلمان ساوجی، خاقانی
 (۲) محمد تقی بهار، منوچهřی
 (۳) هاتف اصفهانی، بیدل دهلوی
 (۴) اسیری لاهیجی، فرخی سیستانی

تعداد تشیهات کدام بیت بیشتر است؟

- (۱) واله و شیداست دام همچو بلبل در قفس / طوطی طبعم ز عشق شکر و بادام دوست
 (۲) بمال بر لب خونخوار حرص، خاک قناعت / وگرنه تشنگی افزاست آب شور تمدن
 (۳) چون سنگ سرمه، خاکش پیرایه نظره است / چشمی که یک نظر دید آن چشم سرم مسا را
 (۴) به هر شورش مده چون موج از کف دامن دریا / که باشد عقد گوهر خوشه ای از خرمن دریا

در کدام بیت همهی آرایه های «تشییه، استعاره، جناس» به کار رفته است؟

- (۱) حافظ در این کمند سر سرکشان بسی است / سودای کج هپز، که نباشد مجال تو
 (۲) در چین زلفش ای دل مسکین چگونه ای؟ / کاشته گفت باد صبا شرح حال تو
 (۳) صحن سرای دیده بشتم، ولی چه سود؟ کاین گوشه، نیست در خور خیل خیال تو
 (۴) چون پیاله، دلم از توبه که کردم، بشکست / همچو لاله، جگرم بی می و خم خانه بسوخت

آرایه های «تشییه، استعاره، حس آمیزی و ایهام تناسب» به ترتیب، در کدام ایيات آمده است؟

- (الف) چون شبنم است بستر و بالین من ز گل / در خارزار از نظر پاکبین خویش
 (ب) نالهی نی راست صد تنگ شکر در آستین / بندبندش گر پر از شکر نباشد گو میاش
 (ج) چرا از دست می رفتم چرا بیمار می بودم؟ / اگر می بود بر بالین من سیب زنخدانش
 (د) کجا تاب نگاه گرم دارد سایه پروردی / که گردد آفتایی چهره از گلگشت مهتابش
 (۱) ب، الف، د، ج (۲) ب، د، ج، الف (۳) ج، الف، ب، د (۴) ج، الف، د، ب

در کدام مورد، همهی آرایه های (آتش فروز قهر تو، آینه دار لطف تو/ هم غرب ادب اهها، هم مشرق اقبالها) درست است؟

- (۱) موازنی، تشییه، پارادوکس، تشخیص
 (۲) استعاره، تشییه، موازنی، تضاد
 (۳) تشییه، ترصیع، اسلوب معادله، پارادوکس

در کدام گزینه به آرایه های بیت زیر اشاره شده است؟

- «به جان مضایقه با لعل دلستان مکنید/ که ماه مصر به این سیم قلب ارزان است»
 (۱) تشبیه - مجاز - حس آمیزی - کنایه
 (۲) تلمیح - استعاره - ایهام تناسب - نعمهی حروف
 (۳) پارادوکس - حسن تعلیل - تضاد - تلمیح
 (۴) ایهام - نعمهی حروف - استعاره - تضاد

در کدام گزینه «جمله‌ی مرگب» وجود ندارد؟

- (۱) اگر آن ترک شیرازی به دست آرد دل ما را / به خال هندویش بخشش سمرقند و بخارا را
 (۲) ز عشق ناتمام ما جمال یار مستغنى است / به آب و رنگ و خال و خط چه حاجت روی زیبا را
 (۳) بدنه ساقی می باقی که در جنت نخواهی یافت / کنار آب رکن آباد و گلگشت مصلأ را
 (۴) اگر دشnam فرمایی و گر نفرین دعا گویم / جواب تلح می زید لب لعل شکرخا را

در کدام گزینه «حذف فعل» وجود دارد؟ ۱۴

- (۱) برادر که روشن جهان من است / گریده پسر پهلوان من است
- (۲) همی‌گویی از خوبیشتن دور کن / ز بخرد چنین خام باشد سخن
- (۳) مرا مرگ بهتر از آن زندگی / که سalar باشم کنم بندگی
- (۴) یکی داستان زد بر این بر پلنگ / چو با شیر جنگ آورش خاست جنگ

در کدام بیت، ساختمان مستند «وندی - مرکب» است؟ ۱۵

- (۱) کشته‌ی شاهی شدم به جرم محبت / کز خم ابرو کشیدم تیغ دو دم را
- (۲) جمعی افتاده به خاک از روش چالاکش / خلفی آغشته به خون از مژه‌ی فتاش
- (۳) غمش را غیر دل سر منزلی نیست / ولی آن هم نصیب هر دلی نیست
- (۴) حسرت عشق از دل پر حسرتم خالی نشد / هر چه خون دیده از حسرت به دامان شد مرا

در کدام گزینه نقش تبعی یافت نمی‌شود? ۱۶

- (۱) همه نوری و سروری، همه جودی و جزایی
- (۲) از نفیرم مرد و زن نالیده‌اند.
- (۳) دل و دینم، دل و دینم برده است.
- (۴) گلم، مادرم، به من رو کن.

مفهوم عبارت زیر در کدام گزینه دیده نمی‌شود? ۱۷

- «گفتم این شرط آدمیت نیست / مرغ، تسبیح‌گوی و من، خاموش»
- (۱) جمله اجزا در تحرک در سکون / ناطقان کائناتی ایله راجعون
 - (۲) سرود زردشت اندر سرود بلبل مست / چنان که موذن نعت پیغمبر محمد (ص)
 - (۳) سر خوش از کیفیت باد سحر / طایران تسبیح‌خوان بر هر شجر
 - (۴) ذکر لب و دهان تو تسبیح بی‌دلان / نعل سم سمند تو محراب عاشقان

کدام بیت «فاقد» مفهوم بیت زیر است؟ ۱۸

- «چه وجود نقش دیوار و چه آدمی که با او / سخنی ز عشق گویند و در او اثر نباشد»
- (۱) کسی کز عشق خالی شد فسرده است / گوش صد جان بود بی‌عشق مرده است
 - (۲) غلام عشق شو کاندیشه این است / همه صاحب‌دلان را پیشه این است
 - (۳) دلی که عشق نبازد ز سنگ خاره بود / چه دولتی بود آن دل که عشق باره بود
 - (۴) زنده نه آن است که جانی در اوست / اوست که از عشق نشانی در اوست

تعداد تشییه در همه‌ی ابیات یکسان است، به جز: ۱۹

- (۱) مریض شوق ز تیر ستم نمی‌رنجد / قتیل عشق ز تیغ جفا نمی‌ترسد
- (۲) شد چمان در چمن حسن و لطافت لیکن / در گلستان وصالش نچمیدیم و برفت
- (۳) زلف لیلی صفت دام دل مجnoon است / عقل بر دانه‌ی خال سیهٔ مفتون است
- (۴) چون سواد زلف شبرنگ تو را آرم به یاد / از سرم تا پای چون شمع آتش سودا گرفت

مفهوم کلی کدام بیت مناسب با بیت زیر است؟

- «زنگارهاست در دل آلدگان دهر / هر پاک جامه را نتوان گفت پارساست»
- (۱) بازارگان شدستی و کالات هیچ نیست / در حیرتم که نام تو بازارگان چراست
 - (۲) ای دل غرور و حرص، زیونی و سفلگی است / ای دیده راه دیو ز راه خدا جداست
 - (۳) زان راه باز گرد که از رهروان تهی است / زان آدمی بترس که با دیو آشنایست
 - (۴) آزاد کس نگفت تو را تا که خاطرت / گاهی اسیر آز و گهی بستهی هواست

عین الترجمة الصحيحة:

«تخلية الوقود من ناقلات النفط في الموانئ تستغرق وقتاً طويلاً و على العمال أن يتبعوها إلى العائم التحذيرية!»

- (۱) تخلیه سوخت از نفتکش‌ها در بندر زمان زیادی به طول می‌انجامد و بر کارگران است که به علامت هشداری توجه کنند!

- (۲) خالی کردن سوخت از نفتکش‌ها در بندرها وقت زیادی را در بر می‌گیرد و همه‌ی کارگران باید به علامت هشدار دهنده توجه کنند!

- (۳) خالی کردن مواد سوختی از نفتکش‌ها در بنادر وقت طولانی می‌گیرد و کارگران باید به علامت هشدار آمیز توجه کنند!

- (۴) خالی کردن مواد سوختی از نفتکش‌ها در بندرها زمان زیادی طول خواهد کشید و کارگران باید که به علامت‌های هشدار توجه کنند!

عین الاصحَّ و الأدقَ فِي الجوابِ لِلتَّرْجِمَةِ.

«هولا، تَضَارُبُوا فَتَدْخُلُ الْمَدِيرُ وَ نَصْحَمُ وَ نَدْمُهُمْ عَلَى عَمَلِهِمُ الْقَبِيحِ»: «أينان»

- (۱) یک دیگر را زدند، پس مدیر دخالت کرد و نصیحت کرد آنها را و به خاطر کار زشتستان پشیمان شدند!

- (۲) با هم زد خورد کردند، پس مدیر وارد شد و آنها را نصیحت کرد و آنها را برای زشتی کارشان پشیمان کرد!

- (۳) هم دیگر را زدند، مدیر داخل شد و پند و اندرزشان داد و آنها را برای کارهای زشت پشیمان کرد!

- (۴) هم دیگر را زدند، پس مدیر دخالت کرد و نصیحتشان کرد و آنها را برای کار زشتستان پشیمان کرد!

عین الصحيح عن الترجمة أو المفردات.

«لم يكن الإنسان القديم يعرف قيمة الوقت معرفة الإنسان الذي يعيش حالياً!»

- (۱) انسان قدیمی ارزش وقت را مانند این انسانی که اکنون زندگی کند، بی‌شک نمی‌دانست!

- (۲) انسان در قدیم ارزش وقت را به گونه‌ای که انسان کنونی می‌داند، ندانسته بود!

- (۳) انسان قدیمی ارزش وقت را همانند انسانی که اکنون زندگی می‌کند، نمی‌دانست!

- (۴) انسانی که در قدیم بود، ارزش زمان خود را مانند انسانی که اکنون زندگی می‌کند، نمی‌دانست!

٢٤ عین الصحيح عن الترجمة أو المفردات.

- «لى صديق ليس له عمل أمنع من قراءة آثار المفكرين الجديدة و يسهر كل ليل لهذا العمل!»
- (١) دوستی دارم که لذت‌بخش‌تر از خواندن آثار جدید اندیشمندان، کاری ندارد و برای این کار تمام شب را بیدار می‌ماند!
 - (٢) یک دوست دارم که جز خواندن آثار اندیشمندان جدید، کار لذت‌بخشی ندارد و هر شب برای این کار بیدار می‌ماند!
 - (٣) دوستی دارم که کاری لذت‌بخش‌تر از خواندن آثار جدید اندیشمندان ندارد و هر شب برای این کار بیدار می‌ماند!
 - (٤) یک دوستی دارم که کاری لذت‌بخش‌تر از خواندن آثار اندیشمندان جدید ندارد و تمام شب را برای این کار بیدار می‌ماند!

٢٥ «سازمان جهانی یونسکو بعضی آثار تاریخی ایران را در فهرست میراث جهانی ثبت کرده است!»:

- (١) سجلت منظمة العالمية ليونسكو بعض آثار إيران التاريخي في قائمة التراث العالمي!
- (٢) قامت المنظمة العالمية ليونسكو قامت بتسجيل آثار إيران التاريخية في قائمات تراث العالم!
- (٣) قامت منظمة يونسكو الدولية بتسجيل المعالم الإيرانية التاريخية، في قائمات ميراث العالم!
- (٤) إنّ منظمة اليونسكو الدولية قد سجلت بعض المعالم التاريخية في إيران في قائمة التراث العالمي!

٢٦ «پافشاری بر دشمنی میان مسلمان‌ها جایز نمی‌باشد» عین الصحيح في التعریب:

- (١) ما جاز الإصرار على الخلاف بين المسلمين!
- (٢) لا يجوز الإصرار على الغدوان بين المسلمين!
- (٣) ما جازت الإصرار على الغدوان بين المسلمين!

٢٧ عین الأصح و الأدق في الجواب للتعريب:

«اضطرار بسياری از مردم را وادر می‌کند تا آموزش بیینند!»:

- (١) الضرورة الجات أكثر الناس لتعليم العلم!
- (٢) يلتجئ الاضطرار كثيراً من الناس إلى أن يتعلموا!

٢٨ عین الصحيح:

- (١) أنت ترغب في عبادة هذه التماثيل؟: آيا تو به عبادت این تندیس‌ها راغب شده‌ای؟
- (٢) كلا هما مناسبان لهذا الموضوع و لكنني أرجح الاول!: هر یک از این دو برای این موضوع مناسب هستند، اما من اولی را ترجیح می‌دهم!
- (٣) بعض الكفار أقاموا وجوههم للدين حفاء فأصبحوا مسلمين!: برخی از کافران یکتاپرستانه به دین روی آورده و مسلمان شدند!
- (٤) مع ان التجارب تكون قيمة و لكنها لا تغينا عن قراءة الكتب!: با این که تجربه‌ها ارزشمندند، اما با آن‌ها از خواندن کتاب‌ها بی‌نیاز نمی‌شویم!

- (١) بعض الناس يجهرون بعيوب الآخرين بينما لا يهتمون بعيوب أنفسهم! برخى از مردم عیب‌های دیگران را آشکار می‌کنند در حالی که به عیب‌های خودشان توجه نمی‌کنند!
- (٢) قد تقدم العلماء المسلمين في المجالات المختلفة تقدماً تعترف به الجماع الغربية! دانشمندان مسلمان در زمینه‌های مختلف به گونه‌ای پیشرفت کرده‌اند که جماع غربی به آن اعتراف می‌کنند!
- (٣) في يوم من الأيام جاء به أبواه إلى أمير المؤمنين (ع)!: در روزی از روزها پدرش با او نزد امیر المؤمنان (ع) آمد!
- (٤) يصاد الحوت لاستخراج الزيت من كبده لصناعة مواد التجميل!: نهنگ برای استخراج روغن از کبدش برای ساخت مواد آرایشی شکار می‌شود!

اقرأ النص التالي بدقة ثم أجب عن الأسئلة بما يناسب النص:

إيران بلد يعيش فيه قبائل و شعوب نشاهد تعايشهم سلمياً. يتكلم فيه الناس بلغات و لهجات متعددة. الإيرانيون من قديم الزمان يعبدون إلهًا واحدًا ولا يشركون به حتى من قبل الإسلام. هم لا يدعون من دون الله بعد أن أسلموه حتى الآن. في إيران يمكن أن نشاهد مسجداً و ديراً (كليسراً) و كنيسة في شارع معاً. كما نجدها في الشارع «٣٠ تير» في طهران. هذا التنوّع يوجد في الجوّ و الأقاليم (آب وهوها و أقاليمها) أيضاً كما نجد في الزَّمن الواحد مدينة فيها أمطار شديدة و مدينة ذات شمس حارة و مدينة مفروشة بالثلج. إيران مشهورة ببلدها أربعة فصول في طول السنة.

٣٠ عین الخطأ حسب النص:

- (١) يمكن أن نشاهد في إيران الجوّ الحارّ و الجوّ البارد معاً!
- (٢) لا تتنازع العقائد المختلفة في إيران و تتعايش معاً سلمياً!
- (٣) يجوز الإصرار على نقاط الخلاف في إيران لأنّ (كلّ حزب بما لديهم فرحون)
- (٤) يدعو الإيرانيون من بعد الإسلام حتى الآن إلهًا واحدًا!

٣١ عین عنواننا مناسباً للنص:

- (١) الإسلام و الإيران
- (٢) التنوّع في إيران
- (٣) تاريخ إيران
- (٤) جو إيران

٣٢ عین الصحيح عن «٣٠ تير» حسب النص:

- (١) إنه يوم تكريم فيه الأديان و العقائد!
- (٣) نشاهد فيه مظاهر من العقائد المختلفة!

٣٣ عین الصحيح في التحليل الصّرفي.

«تعايشه»:

- (١) اسم، مفرد، مصدر (من باب تفاعل)
- (٣) اسم، مفرد، مؤنث، مصدر (له حرفان زائدان)
- (٢) مفرد، مذكر، مصدر (من باب مفاجلة)
- (٤) مفرد، مذكر، مصدر (حرروف الأصلية: «ت ي ش»)

٣٤ عين الصحيح في التحليل الصّرفي.
﴿أُتَشَاهِدُ﴾:

- ١) فعل ماض، للغائب، مزيد ثالثي من باب تفاعل، لازم
- ٢) فعل مضارع، للمخاطب، مزيد ثالثي من باب مفاعة، متعدّ
- ٣) فعل ماض، للغائب، مزيد ثالثي من باب تفاعل، متعدّ
- ٤) فعل مضارع، للغائب، مزيد ثالثي من باب مفاعة، لازم

٣٥ عين اسم الفاعل ليس في محل المفعول:

- ١) إِنَّا نُحَبُّ الْأَمِيرَ بِالْمَعْرُوفِ وَنُسَمِّعُ إِلَى كَلَامِهِ بِدَفَّةٍ!
- ٢) الْمُسْلِمُ الَّذِي لَا يَعْرِفُ الْآخِرَةَ يَخْسِرُ فِي النِّهَايَا!
- ٣) شُكْرُ هَذَا الْمَلْكُ الْمُوَحَّدُ النَّاسُ عَلَى هَدَايَاهُمُ الْكَثِيرَ!
- ٤) عَلَيْنَا أَلَا نَتَكَبِّرُ عَلَى الْآخَرِينَ؛ فَإِنَّ اللَّهَ لَا يَحِبُّ الْمُتَكَبِّرِينَ!

٣٦ عين ما فيه عدد ترتيبى:

- ١) قرأتُ في أسبوعين اثنين ثلاثة دروس و ما قرأتُ الدروس الأخرى!
- ٢) أعطاني المدير العجائزة العشرين في الشهر الماضي!
- ٣) أهديتُ كتاباً واحداً لصديقي بمناسبة حفلة ميلاده!
- ٤) الغراب يعيش عشرين سنة إلى ثلاثين أو أكثر!

٣٧ عين الخطأ:

- ١) هُمْ تَعْلَمُوا ٢) أَنْتُمْ تَعْلَمُوا ٣) هُمْ عَلَمُوا ٤) أَنْتُمْ عَلَمُوا

٣٨ عين ما فيه حروف الجر أكثر:

- ١) إيران من أنجح الدول في مد خطوط الأنابيب لنقل النفط!
- ٢) أنظر إلى الأشجار و قل من الذي يخرج منها أثمارها!
- ٣) الحفاظ على الحدائق العامة واجب على كلّ مَنْ كمواطن!
- ٤) في المكتبة بدأنا بالبحث عن كتاب حول صناعة السياحة!

٣٩ ميز ما فيه الفعل الثلاثي المزید أكثر:

- ١) إِنَّا نَتَعَايشُ تَعَايِشًا سَلَمِيًّا وَنَبْتَدَعُ عَنِ الْعُدُوانِ لَأَنَّهُ لَا يَتَفَعَّبُ بِأَحَدٍ.
- ٢) (فَاصْبِرْ إِنْ وَعَدَ اللَّهُ حَقًّا وَاسْتَغْفِرْ لِذَنْبِكَ)
- ٣) (وَأَنْزَلَ مِنَ السَّمَاءِ مَاءً فَأَخْرَجَ بِهِ مِنَ الشَّمَرَاتِ رِزْقًا لَكُمْ)
- ٤) حينما شاهدتُ تتساقطُ الأسماكِ من السماء على الأرض صدقت ظاهرة مطر السمكِ.

٤٠ عين اسم الفاعل مفعول به:

- ١) لا تسأل المتكلّم الذي يجib قبل أن يفهم!
- ٢) يعرّف العاقل كلّ خير من الشّرِّ!
- ٣) لا يظلم المؤمنون أنفسهم فيغفر اللّه أخطائهم!
- ٤) اللّهُمَّ ثبّت أقدامَ المستضعفين على الكافرين!

با توجه به سخن مولای متوفیان علی (ع)، دشمن‌ترین دشمن انسان کدام است و در مقابل کدام سرمایه‌ی الهی قرار می‌گیرد؟

- (۲) نفس افقاره - راهنمایان الهی
- (۴) شیطان - عقل
- (۳) شیطان - راهنمایان الهی

- (۱) انچه به شما داده شده، کالای زندگی دنیا و آرایش آن است و آنچه نزد خداست بهتر و پایدارتر است.
- (۲) بعضی می‌گویند: پروردگارا به ما در دنیا نیکی عطا کن و در آخرت نیز نیکی رحمت فرما.
- (۳) و آنکس که سرای آخرت را بطلبید و برای آن سعی و کوشش کن، و مؤمن باشد پاداش داده خواهد شد.
- (۴) هر کس نعمت و پاداش دنیا را بخواهد، نعمت و پاداش دنیا و آخرت نزد خداست.

کدام آیه شریفه چگونگی برنامه زندگی روزانه انسان را مشخص می‌کند؟

- (۱) ام نجعل الذين آمنوا و عملوا الصالحات
- (۲) من آمن بالله و اليوم الآخر و عمل صالحًا فلا خوف عليهم ولا هم يحزنون
- (۳) قل إِنَّ صَلَاتِي وَسُكْنِي وَمَحْيَايَ وَمَمَاتِي ...
- (۴) لعلَّى أَعْمَلْ صَالِحًا فِيمَا تَرَكْت

از آیه نورانی «هُنَّ آمَنَ بِاللهِ وَ الْيَوْمِ الْآخِرِ وَ عَمِلُ صَالِحًا فَلَا خَوْفٌ عَلَيْهِمْ وَ لَا هُمْ يَحْزَنُونَ» کدام مفهوم قابل برداشت است؟

- (۱) علیت شجاعت و نشاط در زندگی و معلولیت ایمان و عمل
- (۲) علیت نهراشیدن از مرگ و معلولیت دل نبستن به زندگی
- (۳) معلولیت سبکباری از گناه و علیت درخواست عمر طولانی
- (۴) معلولیت شهادت طلبی در ذلت و علیت نیکوکاری مقرن با ایمان

تجسم اعمال مربوط به کدام عالم است و با کدام مرحله‌ی قیامت ارتباط مفهومی دارد؟

- (۱) بزرخ - دادن نامه‌ی اعمال
- (۲) رستاخیز - دادن نامه‌ی اعمال
- (۳) بزرخ - حضور شاهدان و گواهان
- (۴) رستاخیز - حضور شاهدان و گواهان

کدام پیامد «عدم تعلق» نتیجه‌اش آرزوی دوری از جهنم است و نقش شیطان در گناهان انسان چیست؟

- (۱) مسخره و به بازی گرفتن نماز - بازداشت از پیروی عقل و وجودان
- (۲) عدم بصیرت و شنوایی - بازداشت از پیروی عقل و وجودان
- (۳) مسخره و به بازی گرفتن نماز - جلوه دادن آن و فریبکاری
- (۴) عدم بصیرت و شنوایی - جلوه دادن آن و فریبکاری

اگر بخواهیم تقدم و تأخر را در وقوع حوادث قیامت بیان کنیم، کدام گزینه به درستی بیان شده است؟

- (۱) برچیده شدن بساط حیات - توسل به سوگند دروغ - آشکار شدن حوادث تلغی و شیرین زمین
- (۲) تاییدن نور حقیقت از جانب خداوند - حضور در پیشگاه خداوند - سنجش اعمال، افکار و نیت‌ها
- (۳) شنیده شدن صدایی سهمگین - سنجش اعمال، افکار و نیت - حضور در پیشگاه خداوند
- (۴) تحولی عظیم در آسمان‌ها و زمین - کنار رفتن پرده از اسرار و حقایق عالم - تجسم اعمال

منظور از واژه‌ی «ذلک» در عبارت قرآنی (ذلک آدنی آن یعرفن فلا یوْذِينَ) کدام موضوع است؟

- (۱) نزدیک‌تر کردن پوشش به خود
- (۲) کنترل چشم و خودداری از نگاه به نامحرم
- (۳) پوشاندن صورت و گریبان و گردن
- (۴) آشکار نکردن زینت و زیورآلات به جهت جلب توجه

«تناسب آراستگی ظاهری و باطنی» و «تناسب آراستگی ظاهری با سطح معیشت جامعه» به ترتیب در کدام عبارت تجلی یافته‌اند؟

- (۱) خداوند آراستگی و زیبایی را دوست دارد - خدای تعالیٰ دوست دارد وقتی بنده‌اش به سوی دوستان خود می‌رود، آماده و آراسته باشد.
- (۲) آراستگی از اخلاق مؤمنان است - خدای تعالیٰ دوست دارد وقتی بنده‌اش به سوی دوستان خود می‌رود، آماده و آراسته باشد.
- (۳) آراستگی از اخلاق مؤمنان است - امروز ما در شرایط بهتری هستیم و عموم مردم توانایی پوشیدن چنین لباسی را دارند.
- (۴) خداوند آراستگی و زیبایی را دوست دارد - امروز ما در شرایط بهتری هستیم و عموم مردم توانایی پوشیدن چنین لباسی را دارند.

خشندی و ناخشنودی خدا از انسان در گرو چیست؟

- (۱) گام برداشتن در مسیر سعادت و خوبیختی خود - عدم شناخت راه سعادت
- (۲) گام برداشتن در مسیر سعادت و خوبیختی خود - ظلم به خود و قدم گذاشتن در مسیر هلاکت
- (۳) ارزیابی هر روزه کارهای خود - ظلم به خود و قدم گذاشتن در مسیر هلاکت
- (۴) ارزیابی هر روزه کارهای خود - عدم شناخت راه سعادت

یکی از مبطلات روزه که انسان را مشمول حکم کفاره جمع می‌کند، کدام است و اگر شخصی غسل بر او واجب است، بر اثر سهل‌انگاری در تنظیم زمان تا اذان صبح، با تیم روزه بگیرد، روزه‌اش چه حکمی دارد؟

- (۱) رساندن غبار غلیظ به حلق - باطل است و باید قضای آن را انجام دهد.
- (۲) فرو بردن تمام سر در آب - باطل است و باید قضای آن را انجام دهد.
- (۳) باقی ماندن بر جناب تا اذان صبح - صحیح است، اما در مورد غسل نکردن معصیت کرده است.
- (۴) دروغ بستن به خدا و پیامبر - صحیح است، اما در مورد غسل نکردن معصیت کرده است.

اگر کسی روزه ماه رمضان را عمداً نگیرد:

- (۱) کفاره بدهد.
- (۲) به فقرا بعد از ماه رمضان کفاره بدهد.
- (۳) هم قضای آنرا به جای آورد و هم کفاره بدهد.

مؤثرترین عامل در تعیین چگونگی و نوع پوشش ملت‌ها و اقوام چیست و عبارت قرآنی «ذلک آدنی آن یعرفن فلا یوْذِينَ» بیان‌گر کدام است؟

- (۱) آداب و رسوم ملت‌ها و اقوام - حدود حجاب
- (۲) آداب و رسوم ملت‌ها و اقوام - علت حجاب
- (۳) دین و آیین ملت‌ها و اقوام - حدود حجاب
- (۴) دین و آیین ملت‌ها و اقوام - علت حجاب

با توجه به مراحل یک برنامه‌ی دقیق برای رسیدن به رستگاری، کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست است؟

- (۱) برای حرکت در مسیر هدف، وجود اسوه و الگوهای موفق ضروری و لازم است.
- (۲) با توجه به حدیث امیر المؤمنین (ع)، زیرک‌ترین انسان‌ها کسی است که از خود و عمل خود برای بعد از مرگ حساب بکشد.

(۳) یکی از بهترین زمان‌های محاسبه‌ی سالانه، شب‌های قدر ماه مبارک رمضان است.

- (۴) بعد از محاسبه، نوبت مراقبت است تا عواملی را که سبب سستی در انجام کار می‌شود، از سر راه برداریم.

در بررسی معیارهای تمدن اسلامی، کدام مورد با مفهوم مندرج در آیه‌ی (يَا أَيُّهَا الَّذِينَ آتَمُوا أَطْيَعُوا اللَّهَ وَ أَطْيَعُوا الرَّسُولَ وَ أُولَئِكُمْ أَفْرَادٌ) شابهت دارد و آنرا تبیین می‌نماید؟

- (۱) (وَ مَنْ يَتَّبِعَ غَيْرَ الْإِسْلَامِ فَلَنْ يُفْلِتَ مِنْهُ وَ هُوَ فِي الْآخِرَةِ مِنَ الْخَاسِرِينَ)
- (۲) (وَ مَا مُحَمَّدٌ إِلَّا رَسُولٌ فَدُلُّ خَلَقْتُ مِنْ قَبْلِهِ الرَّسُولَ أَفَإِنْ هَاتُ أَفْوَى فَتَلَقَّبْتُمُ عَلَى أَعْقَابِكُمْ)
- (۳) (وَ لَيَمْكُنَ لَهُمْ دِينُهُمُ الَّذِي ارْتَضَى لَهُمْ وَ لَيَمْكُنُ لَهُمْ مِنْ بَعْدِ خَوْفِهِمْ أَهْنَا يَعْبُدُونَ نَبِيًّا لَا يُشْرِكُونَ بِي شَيْئًا)
- (۴) (أَلَمْ تَرَ إِلَى الَّذِينَ يَرْعَمُونَ أَنَّهُمْ آتَمُوا بِمَا أُنزِلَ إِلَيْكَ وَ مَا أُنْزِلَ مِنْ قَبْلِكَ يُرِيدُونَ أَنْ يَتَحَكَّمُوا إِلَى الطَّاغُوتِ)

ملازمت اهل ایمان با تمسک به خدا، چه آینده‌ای برای ایشان رقم خواهد زد؟

- (۱) ورود ایشان به جوار رحمت و فضل الهی و هدایت ایشان به راهی راست
- (۲) تبدیل زشتی‌ها و گناهان به نیکی‌ها و زیبایی‌ها
- (۳) پاک شدن از گناه مانند کسی که گویی گناهی نکرده است.
- (۴) مصونیت از تسویف و گرفتاری در این گونه دام‌های شیطان

مقصود خداوند تبارک و تعالی از نشانه‌هایی که در عبارت «إِنَّ فِي ذَلِكَ لَآيَاتٍ لِقَوْمٍ يَتَفَكَّرُونَ» ذکر می‌کند، چیست؟

- (۱) «هَلْ يَسْتَوِي الَّذِينَ يَعْلَمُونَ وَ الَّذِينَ لَا يَعْلَمُونَ»
- (۲) «... از واجحا و جعل لكم من ازواجاكم بئين و حفدة و رزقكم ...»
- (۳) «فَلَهُمْ أَجْرُهُمْ عِنْدَ رَبِّهِمْ وَ لَا خُوفٌ عَلَيْهِمْ وَ لَا هُمْ يَحْزَنُونَ»
- (۴) «از واجحا لتسکنوا إلیها و جعل بینکم هوده و رحمة»

وصف ناپذیری نعمت‌های الهی در کدام قرآن کریم با چه تعبیری بیان شده است و مقصود از بنای زندگی بر لبه پرتگاه در آیات قرآن کریم چیست؟

- (۱) منشا رضای الهی - ناتوانی تشخیص بایدها و نبایدھای قوانین بشری از بایدھا و نبایدھای دینی و الهی
- (۲) منشا رضای الهی - گزینش برنامه‌ای غیردینی و برخاسته از مکاتب بشری
- (۳) مایه‌ی روشنی چشم - ناتوانی تشخیص بایدها و نبایدھای قوانین بشری از بایدھا و نبایدھای دینی و الهی
- (۴) مایه‌ی روشنی چشم - گزینش برنامه‌ای غیردینی و برخاسته از مکاتب بشری

ورزش و بازی‌های ورزشی که برای نشاط سلامتی و تقویت جسم و روح انجام می‌شود، اگر به قصد «آمادگی بیشتر برای انجام وظایف الهی» باشد، است و اگر برای «دور شدن افراد جامعه از فساد و بی‌بندوباری‌های دنیا کنونی ضرورت یابد» فراهم کردن امکانات آن، است.

- (۱) واجب- واجب کفایی
- (۲) واجب- واجب عینی
- (۳) مستحب- واجب عینی
- (۴) مستحب- واجب کفایی

قرار دادن خود بر لبهٔ پر تگاهی که سقوط به وادی‌های هولناک گمراهی و سرگردانی را در پی خواهد داشت، نتیجه‌ی است. خداوند همین خطر را به ما هشدار می‌دهد و می‌فرماید:

(۱) غفلت از خداوند و نشانه‌های الهی - «وَ كَتَمْ عَلَى شَفَا حَفْرَةٍ مِّنَ النَّارِ فَانقَذُكُمْ مِّنْهَا»

(۲) سهل‌انگاری در عمل و بی‌توجهی به احکام خداوند - «مَنْ أَسَّسْ بُنْيَانَهُ عَلَى شَفَا جَرْفٍ هَارِ فَانهَارَ بِهِ فِي نَارِ جَهَنَّمِ»

(۳) غفلت از خداوند و نشانه‌های الهی - «مَنْ أَسَّسْ بُنْيَانَهُ عَلَى شَفَا جَرْفٍ هَارِ فَانهَارَ بِهِ فِي نَارِ جَهَنَّمِ»

(۴) سهل‌انگاری در عمل و بی‌توجهی به احکام خداوند - «وَ كَتَمْ عَلَى شَفَا حَفْرَةٍ مِّنَ النَّارِ فَانقَذُكُمْ مِّنْهَا»

After they their backpacks, they rode away on their bikes.

- 1) packed 2) had packed 3) were packing 4) have packed

This button while the experiment is in progress, or someone get hurt.

- 1) must not touch / must 2) must not be touched / might
3) should not be touched / should 4) should not touch / may

I never thought of a career in medicine before I to my biology teacher, now I am seriously considering it.

- 1) had / have spoken 2) have / have spoken
3) had / spoke 4) have / spoke

We have got sugar. We should buy when we go shopping.

- 1) little / some 2) a few / much 3) few / some 4) a little / much

How did your phones cost?

- 1) many 2) some 3) any 4) much

He should something light - colored when he is cycling at night so that he is more visible.

- 1) distinguish 2) lack 3) wear 4) inform

New housing developments are the countryside.

- 1) providing 2) spoiling 3) feeding 4) rising

We were soon into local village life.

- 1) absorbed 2) turned 3) attended 4) exchanged

A: What sort of apartment are you looking for?

B: Somewhere with a bit more space. There's not enough room to in my living room.

- 1) cut corners 2) swiming a cat 3) foot the bill 4) hit the ceiling

They should take actions to prevent the fire from spreading to other buildings.

- 1) different 2) generous 3) immediate 4) sudden

Our language lab exercises have been uploaded onto the Internet, so we can them at home, and work on them over the weekend.

- 1) replace 2) generate 3) access 4) involve

متن زیر را با استفاده از ۵ سوال بعدی کامل کنید:

What important days in your life do you remember? I remember my first day at university crystal clear. I felt excited and happy. At the same time, I was very nervous because I didn't know anyone. However my first day at university was memorable.

At first, I was confused and lost. I didn't know where to go. I had to ask a stranger where the first year students1.... This person was very well - mannered and showed me the way. I walked through2..., and when I arrived I saw many students and I felt intimidated.

After a while, I told myself to be braver. I asked a girl what was happening and3... that we were in the same group. We introduced ourselves. Her name was May. We joined in with the activities for "freshie" students. Soon, I started feeling much better. The activities helped me feel part of a team and I was beginning to feel that I had become a university student.

Later, we began our classes. The teacher talked for a while and then we introduced ourselves. I met two girls. Soon we became good friends and started chatting and learnt more about each other. Although we came from different4... we had a lot in common. We all hated people who drop garbage on the floor, and we desired to protect earth. We went to a coffee shop together that afternoon. I remember I ordered a cup of tea, but friends were hungry, so they ordered5... and Caesar salad.

- 1) will meet 2) went to meet
3) were going to meet 4) are going to meet

- 1) some big buildings 2) big two buildings
3) a little buildings 4) big a few buildings

- 1) informed 2) flourished 3) introduced 4) found

- 1) classes 2) ages 3) principles 4) provinces

- 1) a few loaves of bread 2) two breads
3) big one loaves bread 4) many breads

The Internet is recently playing a rather important role in our lives, especially in terms of communication. As a matter of fact, an increasing number of Internet users throughout the world heavily rely on the World Wide Web as the primary source of information about various topics. On the other hand, online chatting has, in recent years, become extremely popular. In fact, hundreds of thousands of web users are spending a huge amount of their time online. All these developments have led to creation of a brand - new form of communication that has its own language with its specific features.

Netspeak, the name given to the unique form of language used in Internet communication, includes all forms of communication in which the Internet is involved. Typical examples of Netspeak include chatting, texting sending emails, and any other form of online discussion. In fact, Netspeak refers to all computer - mediated communication. This type of communication has been used for various situations and different purposes such as social and emotional interaction and e-learning. For example, the online forums are a platform for the students to communicate with their fellow classmates, lecturers and other e-distance learning students.

Some researchers in the field of Internet Linguistics have studied and examined the linguistic features of Netspeak. In order to do their studies, researchers have collected and analyzed samples from chat rooms, forums, websites, weblogs, and social media.

The findings of the studies show that people use a number of interesting linguistic features such as short forms, special acronyms, emoticons, capital letters, and etc. For instance, since body language cannot be used in order to display emotions in Netspeak, different kinds of emoticons are used to convey personal emotions and feelings. Generally speaking Netspeak seems to have specific features regarding its vocabulary, spelling, punctuation, and grammar. Although Netspeak may sound odd to those who love only standard languages, one needs to understand it in order to be able to communicate via the Internet.

The author of the passage concludes that

- 1) even if you do not like Netspeak, you may have to learn it.
- 2) some people hate Netspeak so it will not be used anymore.
- 3) if you speak a standard language, you don't need to learn how to communicate via the Internet.
- 4) Netspeak seems to have quite natural features to those who love standard languages.

۷۷

The author uses the phrase "for instance" in the forth paragraph mainly to

- 1) define body language for readers of the text.
- 2) give an example regarding the differences between Netspeak and standard language.
- 3) give an example of the importance of body language in social interaction.
- 4) define the role of understanding emotions in successful social interaction.

۷۸

The word "their" in paragraph two, line seven, refers to

- 1) forums 2) lecturers 3) students 4) classmates

The author has written the first paragraph to

- 1) talk about the role of language in communication.
 2) emphasize the effect of the Internet and Netspeak on education.
 3) explain how the Internet has led to the emergence of a new language of communication.
 4) argue why advances in communication technology will lead to less face-to-face interaction in future.

در یک کلاس ۳۰ نفره، ۱۵ نفر در کلاس فوتبال و ۱۸ نفر در کلاس والیبال شرکت کرده‌اند. اگر ۴ نفر از کسانی که در هر دو کلاس شرکت کرده‌اند، از کلاس فوتبال انصراف دهند و ۳ نفر از کسانی که در هیچ کلاسی شرکت نکرده بودند، در کلاس فوتبال شرکت کنند، آن‌گاه می‌توان گفت ۸۰ درصد کل افراد این کلاس، فقط در یک کلاس شرکت کرده‌اند. چند نفر در ابتدا در هر دو کلاس شرکت کرده بودند؟

- ۷ (۴) ۸ (۳) ۹ (۲) ۱۰ (۱)

الگوی زیر مربوط به دنباله‌ی a_n تعداد دایره‌ها در شکل n ام می‌باشد. a_1 کدام است؟

- | | | | | |
|---|--|--|---------|----------|
| $\begin{array}{c} \circ \\ \circ \circ \\ \circ \circ \circ \end{array}$
\vdots | $\begin{array}{c} \circ \\ \circ \circ \\ \circ \circ \circ \end{array}$
\vdots | $\begin{array}{c} \circ \\ \circ \circ \circ \circ \\ \circ \circ \circ \end{array}$
\vdots | \dots | ۱۰۷۷ (۱) |
| \circ
\circ
\circ
\circ
\circ
\circ
\circ
\circ
\circ | | | | ۱۵۸۷ (۲) |
| | | | | ۱۸۲۱ (۳) |
| | | | | ۲۱۰۱ (۴) |

اگر دنباله‌ی $C_n = 6n^2 - a(n-1)^2 + 3$ برابر 3 باشد، $t_n = 2bn + 3$ کدام است؟

- ۱۱ (۴) ۱۰ (۳) ۹ (۲) ۸ (۱)

حاصل عبارت $\frac{\sqrt{125}-\sqrt{8}}{\sqrt{7}+\sqrt{10}} - 2(\sqrt[3]{25}-\sqrt[3]{4})^{-1}$ کدام است؟

- $-2\sqrt{2}$ (۴) $2\sqrt{5}$ (۳) $2\sqrt{5}-2\sqrt{2}$ (۲) $\sqrt{5}-\sqrt{2}$ (۱)

حاصل عبارت $I = \sqrt{5+4\sqrt{3-4\sqrt{4-2\sqrt{3}}}}$ بین کدام دو عدد متوالی قرار می‌گیرد؟

۵، ۴ (۴) ۴، ۳ (۳) ۳، ۲ (۲) ۲، ۱ (۱)

اگر $x^2 + \frac{1}{x} = 18$ باشد، با شرط $0 < x < 1$ کدام است؟

$\sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}}$ (۴) $-\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}$ (۳) $-\sqrt{x} - \frac{1}{\sqrt{x}}$ (۲) $\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}$ (۱)

حاصل عبارت $\sqrt[3]{(-25/4)} + \sqrt[3]{\left(\frac{1}{4}\right)} - 5\sqrt[3]{(16/21)}$ کدام است؟

$-3 + \sqrt{2}$ (۴) $-3 + \sqrt{2}$ (۳) ۳ (۲) -3 (۱)

تابع f به گونه‌ای است که به ازای هر $x \in R - \{0, 1\}$ داریم: $f(x) + 2f\left(\frac{1}{1-x}\right) = x$. مقدار $f(-1) + f(0/5) + f(1/5)$ کدام است؟

۰/۵ (۳) ۱ (۲) ۱/۵ (۱) ۰ (۴) صفر

کدام گزینه می‌تواند نمایش دیگر تابع باشد؟

$$\begin{cases} f: \left[1, \frac{\lambda}{3}\right] \rightarrow [0, +\infty) \\ f(x) = \sqrt{x^2 - x} \end{cases}$$

$$\begin{cases} f: [1, +\infty) \rightarrow R \\ f(x) = \sqrt{x^2 - x} \end{cases}$$

$$\begin{cases} f: \left[1, \frac{\lambda}{3}\right] \rightarrow [-2, +\infty) \\ f(x) = \sqrt{x} \times \sqrt{x-1} \end{cases}$$

$$\begin{cases} f: [1, +\infty) \rightarrow [0, +\infty) \\ f(x) = \sqrt{x} \times \sqrt{x-1} \end{cases}$$

$$\begin{cases} f: \left[1, \frac{\lambda}{3}\right] \rightarrow R \\ f(x) = |x| \times \sqrt{x-1} \end{cases}$$

حاصل جمع ریشه‌های معادله $\log(x+2) - \sqrt{\log(x+2)} = 0$ کدام است؟

۰ (۴) صفر ۱ (۳) ۲ (۲) ۱۰ (۱)

اگر $f^{-1} \circ g(x)$ کدام است؟

- | | | | |
|--------------------------------|-----|----------------------|-----|
| $\{(1, 0), (2, 3+2\sqrt{3})\}$ | (۲) | $\{(1, 0), (2, 2)\}$ | (۱) |
| $\{(1, 0), (2, 1), (3, 1)\}$ | (۴) | $\{(1, 0), (2, 1)\}$ | (۳) |

۹۱

فرض کنید f و g توابع وارونپذیر و $g^{-1}(3) = 1$ باشد، اگر $f \circ g(x) = x^3 + x$ باشد، کدام نتیجه‌گیری درست است؟

- | | | | | | | | |
|-----------------|-----|-----------------|-----|------------|-----|------------|-----|
| $f^{-1}(2) = 3$ | (۴) | $f^{-1}(1) = 2$ | (۳) | $f(2) = 3$ | (۲) | $f(1) = 2$ | (۱) |
|-----------------|-----|-----------------|-----|------------|-----|------------|-----|

۹۲

در ساخت یک قیف به شکل مخروط قائم به حجم $\frac{\pi}{3}$ ، با کدام ارتفاع کمترین مقدار جنس مصرف می‌شود؟

- | | | | | | | | |
|---------------|-----|---------------|-----|---------------|-----|-------------------------|-----|
| $\sqrt[3]{2}$ | (۴) | $\sqrt[3]{2}$ | (۳) | $\sqrt[3]{2}$ | (۲) | $\frac{\sqrt[3]{2}}{2}$ | (۱) |
|---------------|-----|---------------|-----|---------------|-----|-------------------------|-----|

۹۳

طول نقطه‌ی عطف تابع $f(x) = \frac{2}{3}x^3 - (m-1)x^2 + 8x$ از -2 کمتر است. در مورد طول نقاط ماکزیمم و

مینیمم نسبی f کدام صحیح است؟

- | | |
|--------------------------------|----------------------------------|
| (۱) هر دو مثبت‌اند. | (۲) هر دو منفی‌اند. |
| (۳) یکی مثبت و دیگری منفی است. | (۴) تابع f اکسٹرمم نسبی ندارد. |

۹۴

بیشترین مقدار تابع $C(t) = \frac{t}{t^3 + 16}$ چقدر است؟

- | | | | | | | | |
|----------------|-----|----------------|-----|----------------|-----|----------------|-----|
| $\frac{1}{24}$ | (۴) | $\frac{1}{17}$ | (۳) | $\frac{3}{43}$ | (۲) | $\frac{1}{12}$ | (۱) |
|----------------|-----|----------------|-----|----------------|-----|----------------|-----|

۹۵

طول ماکسیمم نسبی تابع $f(x) = |x - 1| \sqrt[3]{x^2}$ کدام است؟

- | | | | | | | | |
|-------------------|-----|----------------------|-----|---------|-----|------------|-----|
| $x = \frac{2}{5}$ | (۴) | $x = 0, \frac{2}{5}$ | (۳) | $x = 1$ | (۲) | $x = 0, 1$ | (۱) |
|-------------------|-----|----------------------|-----|---------|-----|------------|-----|

۹۶

طول نقطه‌ی Max و Min مطلق تابع $y = x \sqrt{2-x^2}$ کدام است؟

- | | | | | | | | |
|--------------------------|-----|----------------|-----|---------|-----|---------|-----|
| $\pm \frac{\sqrt{2}}{2}$ | (۴) | $\pm \sqrt{2}$ | (۳) | ± 2 | (۲) | ± 1 | (۱) |
|--------------------------|-----|----------------|-----|---------|-----|---------|-----|

۹۷

تابع $f(x) = \sqrt[3]{x^3 - x^2}$ چند نقطه بحرانی دارد؟

(۴)

(۳)

(۲)

(۱)

تابع $y = \frac{(x-1)^3}{x}$ در کدام بازه صعودی است؟

(۰, +∞) (۴)

(-∞, ۰) (۳)

(۱, ۲) (۲)

(۰, ۱) (۱)

به ازای کدام مقدار k بیشترین و کمترین مقدار تابع $f(x) = x^4 - 8x^2 + k$ در بازه $[1, -3]$ فرینه‌ی یک‌دیگرند؟

۸ (۴)

۱ (۳)

۷/۲ (۲)

-۹/۲ (۱)

مساحت ناحیه‌ای که $S = \{(x,y) \mid x, y \in \mathbb{R}, 0 \leq x \leq 3, 3x - 5 \leq y \leq 5\}$ مشخص می‌کند، چقدر است؟

۲۹/۳ (۴)

۱۶/۳ (۳)

۳۷/۳ (۲)

۸/۳ (۱)

چه تعداد از گزاره‌های زیر در مورد سه نقطه‌ی $A(1, 2, 1)$, $B(2, 2, 1)$ و $C(3, 2, 1)$ نادرست است؟

(الف) بر روی صفحه‌ی $Z=1$ قرار دارند.

(ب) بر روی خط $\begin{cases} y=2 \\ z=1 \end{cases}$ قرار دارند.

(ج) بر روی خطی قرار دارند که با صفحه XOZ موازی است.

(د) بر روی خطی قرار دارند که عمود بر صفحه XOY است.

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱ (۱)

معادلات سه وجه یک مکعب مستطیل $x=1$, $y=3$ و $z=2$ است. اگر یکی از یال‌های این مکعب روی خط

XOZ و یال دیگر روی خط $\begin{cases} y=5 \\ z=1 \end{cases}$ باشد، نسبت طول قطر مکعب مستطیل به قطری که موازی صفحه XOZ

است، چند برابر $\sqrt{5}$ است؟

۰/۶ (۴)

۰/۵ (۳)

۰/۴ (۲)

۰/۳ (۱)

مکان هندسی نقاطی از فضای آنها از فرینه‌شان نسبت به محور X ها، نصف فاصله آنها از تصویرشان روی صفحه XOY باشد، کدام است؟

(۰, ۰, ۰) (۴) صفحه‌ای موازی YOZ (۳) محور X ها(۲) صفحه XOY (۱) صفحه XOZ

۱۰۵

مجموع فواصل نقطه A(2,-1,-1) از صفحات مختصات چند برابر فاصله آن تا مبدأ مختصات است؟

$$2\sqrt{6} \quad (4)$$

$$\frac{2\sqrt{6}}{3} \quad (3)$$

$$\frac{\sqrt{6}}{3} \quad (2)$$

$$2\sqrt{6} \quad (1)$$

۱۰۶

مساحت ناحیه $x^2 + y^2 - 2x + 4y \leq 3$ در دستگاه محورهای مختصات کدام است؟

$$2\left(\pi - \frac{1}{2}\right) \quad (4)$$

$$2\left(\pi - \sqrt{2}\right) \quad (3)$$

$$2(\pi - 2) \quad (2)$$

$$2(\pi - 1) \quad (1)$$

۱۰۷

اگر $\vec{a} = \vec{x}\mathbf{i} - \mathbf{j}$ و $\vec{b} = \vec{x}\mathbf{i} - \mathbf{j}$ کدام می‌تواند باشد؟

$$6 \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

$$\sqrt{10} \quad (2)$$

$$2\sqrt{5} \quad (1)$$

۱۰۸

دو بردار $\vec{AB} = \vec{b} = (m+1, -4)$ و $\vec{a} = 2\mathbf{i} - 3\mathbf{j}$ موافقند. اگر $A(2, -1)$ است، همسنگ \vec{b} باشد مختصات نقطه B کدام است؟

$$\left(\frac{14}{3}, 5\right) \quad (4)$$

$$\left(\frac{14}{3}, 0\right) \quad (3)$$

$$\left(\frac{14}{3}, -5\right) \quad (2)$$

$$(0, -5) \quad (1)$$

۱۰۹

مساحت محدود به ناحیه $S = \{(x, y) \mid y \leq 4 - x, y \leq x + 1, y > 0\}$ چقدر است؟

$$5/75 \quad (4)$$

$$6/25 \quad (3)$$

$$5 \quad (2)$$

$$6 \quad (1)$$

۱۱۰

مثلث قائم الزاویه ABC ($\hat{A} = 90^\circ$) مفروض است. چند نقطه روی محیط مثلث می‌توان یافت که فاصله آن از نقطه A و از ضلع BC برابر باشد؟

(۴) بی‌شمار

$$2 \quad (3)$$

$$1 \quad (2)$$

۱) صفر

۱۱۱

در یک دوازده‌ضلعی محدب تعداد قطرهایی که از شش رأس متواالی می‌گذرد چه عددی است؟

$$38 \quad (4)$$

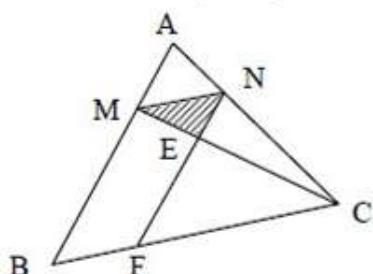
$$44 \quad (3)$$

$$48 \quad (2)$$

$$54 \quad (1)$$

۱۱۲

در شکل زیر $\frac{AM}{MB} = \frac{2}{3}$ و چهارضلعی BMNF متوازی‌الاضلاع است. مساحت مثلث هاشورزده چند درصد مساحت مثلث ABC است؟



$$9/6 \quad (1)$$

$$10 \quad (2)$$

$$10/6 \quad (3)$$

$$12 \quad (4)$$

۱۱۳

در مثلثی از نقطه‌ای معین مانند M روی ضلع مقابل به ضلع ۲۴ واحدی می‌توان عمودی بر وسط ضلع ۲۴ و به طول $\frac{3}{5}$ رسم کرد. اگر مجموع فواصل M تا سه رأس مثلث برابر $30/5$ باشد، فاصله M تا رأس غیرواقع بر ضلع به طول ۲۴ کدام است؟

۶ (۴)

۵/۵ (۳)

۵ (۲)

۴/۵ (۱)

مثلث ABC با معلوم بودن میانه‌های $m_a = 2$ و $m_b = 3$ و ضلع c قابل رسم است. C چند مقدار صحیح می‌تواند اختیار کند؟

۵ (۴)

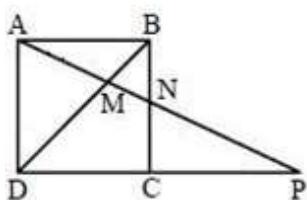
۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)

۱۱۴

در شکل زیر ABCD مربع است. اگر نسبت $\frac{AM}{AN} = \frac{3}{4}$ باشد، حاصل چه قدر است؟

 $\frac{3}{4}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۱) $\frac{1}{3}$ (۴) $\frac{3}{5}$ (۳)

۱۱۵

نقطه‌ی A به فاصله‌ی یک از خط d قرار دارد. تعداد نقاطی که از d که فاصله‌ی آنها از نقطه‌ی A برابر ۲ باشد، کدام نمی‌تواند باشد؟

۴ (۴)

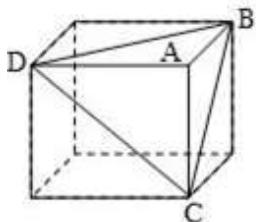
۰ (۳) صفر

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۱۶

در مکعب مقابل به ضلع a فاصله نقطه A از صفحه BCD چیست؟

 $\frac{a}{3}$ (۲) $\frac{a}{2}$ (۱) $\frac{a}{\sqrt{2}}$ (۴) $\frac{a}{\sqrt{3}}$ (۳)

۱۱۷

در مثلث ABC اگر $\frac{h_a}{h_b} = \frac{a}{b}$ باشد کدام حکم درست است؟

(۱) مثلث قائم‌الزاویه است.

(۲) مثلث متساوی‌الاضلاع است.

(۳) مثلث متساوی‌الساقین است.

(۴) نوع مشخصی ندارد.

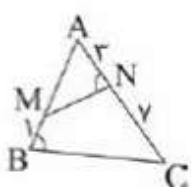
از نقطه M وسط ضلع AB از مثلث قائم‌الزاویه ABC که در رأس A قائم است عمودی بر وتر BC فرود می‌آوریم

تا آن را در نقطه N قطع کند. مقدار $NC^2 - NB^2$ برابر است با:

AB.AC (۴)

AC^۲ - AB^۲ (۳)AB^۲ (۲)AC^۲ (۱)

۱۱۸

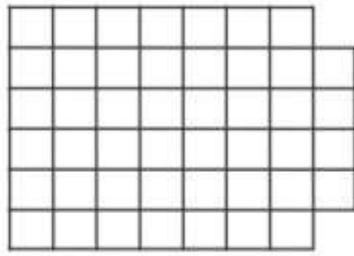
 $\frac{1}{5}$ (۴)

در شکل مقابل اگر $\hat{N} = \hat{B}$ ، نسبت MN به BC کدام است؟

 $\frac{3}{5}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{2}{3}$ (۱)

۱۱۹

در صفحه‌ی شطرنجی 8×6 که گوشی‌ی بالا سمت راست و گوشی‌ی پایین سمت راست آن حذف شده است. چند مربع وجود دارد؟

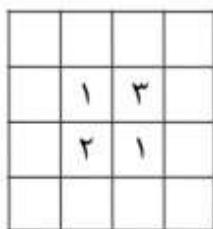


- (۱) ۱۲۱
- (۲) ۱۲۷
- (۳) ۱۳۳
- (۴) ۱۲۲

چند عدد چهاررقمی وجود دارد که در هریک از آن‌ها «رقم یکان» و نیز «رقم دهگان» <رقم صدگان> باشد؟ (تمام ارقام متمایزند).

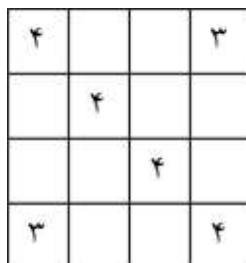
- (۱) ۲۲۵۰
- (۲) ۱۲۶۰
- (۳) ۲۵۰۰
- (۴) ۲۵۲۰

به چند طریق می‌توان مربع مقابل را پر کرد تا مربعی لاتین از مرتبه‌ی ۴ باشد؟



- (۱) ۴
- (۲) ۱
- (۳) ۲
- (۴) ۳

مربع لاتین مقابل را به چند طریق متمایز می‌توان پر کرد؟



- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۴
- (۴) ۸

از بین ۴ شاخه گل قرمز و ۵ شاخه گل زرد و ۸ شاخه گل سفید به چند طریق می‌توان ۶ شاخه گل انتخاب کرد؟

- (۱) ۲۰
- (۲) ۲۲
- (۳) ۲۴
- (۴) ۲۸

برای دانش‌آموزان یک شهر از مقطع ابتدایی تا کلاس دوازدهم، یک عدد پنج رقمی به صورت زیر اختصاص می‌یابد: دو رقم اول سمت راست نمایش پایه‌ی تحصیلی (از ۰۱ تا ۱۲)، دو رقم دوم نمایش سن (از ۰۷ تا ۱۸) و رقم پنجم جنسیت (پسر ۱ و دختر ۲). سپس اعداد را به ترتیب صعودی در یک مجموعه قرار می‌دهیم. سن صدمین عضو مجموعه کدام است؟ (ممکن است عدد پنج رقمی موردنظر به هیچ فردی اختصاص نیابد، ولی در محاسبه شمرده شود).

- (۱) ۱۳
- (۲) ۱۴
- (۳) ۱۵
- (۴) ۱۶

برای یک مجموعه‌ی ۱۰۰ نفری از شهروندان یک شهر یک کد شش رقمی به صورت زیر ساخته می‌شود: دو رقم سمت راست، سن شهروند (۰۱ تا ۸۵)، سه رقم بعدی تعداد افراد هم‌سن (۱۰۰ - ۱۰۰) و رقم ششم جنسیت (مرد ۱، زن ۲) اختصاص می‌یابد. سپس کدهای به دست آمده را به ترتیب صعودی در یک مجموعه قرار می‌دهیم. سن مورد انتظار برای ده هزارمین عضو مجموعه، کدام است؟ (اگر چه ممکن است شهروندی به آن اختصاص نیابد).

- (۱) ۱۵
- (۲) ۱۶
- (۳) ۵۴
- (۴) ۵۵

تعداد جواب‌های طبیعی دستگاه معادلات ۱۲۸

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 9 \\ x_4 + x_5 = 7 \end{cases}, \text{ کدام است؟}$$

۱۶۸ (۴)	۱۴۴ (۳)	۱۳۶ (۲)	۷۲ (۱)
---------	---------	---------	--------

می‌خواهیم ۸ نفر که دو نفر آنها برادرند در هنگام نشستن روی میز مستطیلی که ۴ صندلی در هر طرف و رویروی هم هستند رویروی هم قرار بگیرند. به چند حالت امکان پذیر است؟ ۱۲۹

۵۷۶۰ (۴)	۸! (۳)	۲۸۸۰ (۲)	۶! (۱)
----------	--------	----------	--------

به چند طریق می‌توان حروف کلمه BABAEET را در ۶ خانه متولی از ۷ خانه زیر قرار داد؟ ۱۳۰

□ □ □ □ □ □	۱۸۰ (۲)	۹۰ (۱)
۱ ۲ ۳ ۴ ۵ ۶	۱۴۴۰ (۴)	۷۲۰ (۳)

گزاره‌ی $(p \vee \sim q) \wedge (p \vee q)$ همارز کدام است؟ ($T \equiv$ همواره درست و $F \equiv$ همواره نادرست) «دو گزاره را که همواره همارزش هستند، گزاره‌های همارز می‌نامند و برای نشان دادن همارزی بین دو گزاره از نماد \equiv بین آنها استفاده می‌کنیم».

۱۳۱

q (۴)	F (۳)	T (۲)	p (۱)
-------	-------	-------	-------

در دو جعبه به ترتیب ۱۰ و ۱۲ لامپ موجود است. در جعبه‌ی اول ۴ و لامپ در جعبه‌ی دوم ۳ لامپ معیوب است. از جعبه‌ی اول ۴ لامپ و از جعبه‌ی دوم ۳ لامپ به تصادف انتخاب کرده و آنها را در یک جعبه‌ی خالی قرار می‌دهیم. احتمال آن که لامپ انتخاب از جعبه‌ی جدید، سالم باشد چقدر است؟ ۱۳۲

۴۷ (۴)	۹۳ (۳)	۲۳ (۲)	۹۱ (۱)
$\frac{۷۰}{۱۴۰}$	$\frac{۹۰}{۱۴۰}$	$\frac{۲۵}{۱۴۰}$	$\frac{۱۰}{۱۴۰}$

چند مورد از گزاره‌های زیر صحیح است؟ ۱۳۳

الف) $x^2 = x - 1 + 3 + 5 + \dots + 2x$; $1 + 3 + 5 + \dots = n^2$

ب) اگر یک n ضلعی ۲۰ قطر داشته باشد، آنگاه مجموع زوایای داخلی آن 1080° است.

ج) اگر n تعداد قطرهای یک X ضلعی باشد، آنگاه X برابر است با $X = \frac{3 \pm \sqrt{9 + 8n}}{2}$

۰ (۴) صفر	۱ (۳)	۲ (۲)	۳ (۱)
-----------	-------	-------	-------

احتمال آتن دادن گوشی‌های سمانه و سهیلا به ترتیب $8/0$ و $25/0$ است. چه قدر احتمال دارد در یک مهمانی تنها گوشی یکی از این دو نفر آتن بدهد؟ ۱۳۴

۷/۲۰ (۴)	۱۳/۲۰ (۳)	۱۷/۲۰ (۲)	۳/۲۰ (۱)
----------	-----------	-----------	----------

۱۳۵

دو مهره را متوازیاً و بدون جایگذاری از جعبه‌ای که شامل ۳ مهره‌ی قرمز و ۷ مهره‌ی آبی است خارج می‌کنیم. احتمال آن که مهره‌ها همنگ باشند چه قدر است؟

$$\frac{3}{5}(4)$$

$$\frac{8}{15}(3)$$

$$\frac{7}{15}(2)$$

$$\frac{1}{5}(1)$$

۱۳۶

در یک کمد ۶ حفت کفش وجود دارد. اگر ۴ لنگه به تصادف انتخاب کنیم با کدام احتمال دو حفت کفش انتخاب می‌شوند؟

$$\frac{2}{33}(4)$$

$$\frac{1}{33}(3)$$

$$\frac{2}{11}(2)$$

$$\frac{1}{11}(1)$$

۱۳۷

۳ سرباز و ۲ افسر، با کدام احتمال می‌توانند در یک صف قرار بگیرند، به طوری که افسران کنار هم و سربازان کنار هم قرار بگیرند؟

$$0/4(4)$$

$$0/3(3)$$

$$0/2(2)$$

$$0/1(1)$$

۱۳۸

در پرتاپ یک تاس و دو سکه، احتمال آن که تاس عددی زوج بیاید، اما هیچ کدام از سکه‌ها «رو» نیاید، چه قدر است؟

$$\frac{3}{8}(4)$$

$$\frac{5}{12}(3)$$

$$\frac{1}{6}(2)$$

$$\frac{1}{8}(1)$$

۱۳۹

در پرتاپ دو سکه و یک تاس احتمال آمدن لاقل یک سکه «رو» و عدد زوج در تاس کدام است؟

$$\frac{7}{12}(4)$$

$$\frac{5}{12}(3)$$

$$\frac{5}{8}(2)$$

$$\frac{3}{8}(1)$$

۱۴۰

جعبه‌ای شامل ۵ مهره‌ی آبی و ۴ مهره‌ی سبز است. از این جعبه سه مهره خارج می‌کنیم. با چه احتمالی حداقل دو مهره‌ی آبی خارج شده است؟

$$\frac{74}{84}(4)$$

$$\frac{71}{84}(3)$$

$$\frac{70}{84}(2)$$

$$\frac{73}{84}(1)$$

۱۴۱

در اتم هیدروژن انرژی الکترون در یک مدار $85\text{eV}/0$ - است. اگر الکترون از این مدار به مداری که انرژی الکترون در آن $13/6\text{eV}$ - است برود، شعاع مداری که در آن حرکت می‌کند چند برابر می‌شود؟ ($E_R = 13/6\text{eV}$)

$$4(4)$$

$$2(3)$$

$$\frac{1}{2}(2)$$

$$\frac{1}{4}(1)$$

۱۴۲

تابع کار فلزی 4eV است. اگر نوری با طول موج 240 nm به آن بتابانیم. بیشینه‌ی تندی فوتوالکترون‌های خارج شده از آن چند $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ است؟

$$\left(\sqrt{5} = 2/25, c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}, e = 1/6 \times 10^{-19}, h = 4 \times 10^{-34} \text{eV.s}, m_s = 10^{-31} \text{kg}\right)$$

$$18 \times 10^5(4)$$

$$9 \times 10^3(3)$$

$$16 \times 10^6(2)$$

$$4 \times 10^6(1)$$

دو کره A و B از دو فلز متفاوت ساخته شده‌اند و شعاع ظاهری هریک از آن‌ها برابر با 2 cm است. دو کره جرم یکسانی دارند و درون یکی از آن‌ها حفره‌ای وجود دارد. اگر چگالی فلز سازنده‌ی کره A برابر با $\rho_A = \frac{g}{cm^3}$ و

چگالی فلز سازنده‌ی کره B برابر با $\rho_B = \frac{g}{cm^3}$ باشد، حجم حفره‌ی موردنظر چند سانتی‌متر مکعب است؟

$$(\pi = 3)$$

$$10(4)$$

$$6(3)$$

$$20(2)$$

$$12(1)$$

دو کره A و B دارای جرم یکسان هستند. کره A توپر و شعاع آن R است و کره B توخالی و شعاع خارجی آن R و شعاع داخلی اش $\frac{R}{3}$ است. چگالی کره B چند برابر چگالی کره A است؟

$$\frac{3}{2}(4)$$

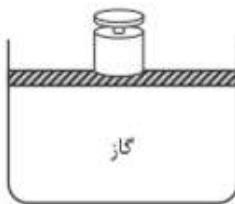
$$\frac{2}{3}(3)$$

$$\frac{27}{26}(2)$$

$$\frac{26}{27}(1)$$

در شکل زیر، جرم پیستون یک کیلوگرم، جرم وزنه‌ی روی آن ۴ کیلوگرم و دمای گاز درون ظرف ۲۷ درجه‌ی سلسیوس است. اگر دمای گاز را به آرامی به ۸۷ درجه‌ی سلسیوس برسانیم. ضمن گرم شدن گاز، چند کیلوگرم وزنه به تدریج باید روی پیستون اضافه کنیم تا پیستون جای‌جا نشود؟

(سطح پیستون 5 cm^2 ، فشار هوای 10^5 Pa و $\frac{m}{s} = 10 \text{ g}$ است.)



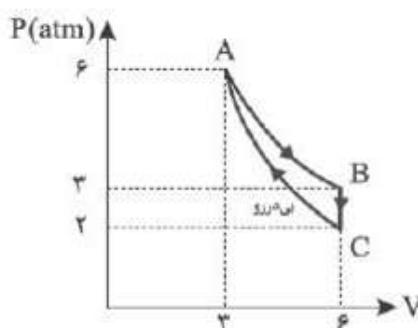
$$3(2)$$

$$2(1)$$

$$7(4)$$

$$6(3)$$

گاز کامل تک‌اتمی چرخه‌ای مطابق شکل را می‌یباید. اگر گاز در فرآیند AB گرمای 1200 J را دریافت کند، کار انجام شده روی گاز در هر چرخه کدام است؟ $(C_V = \frac{3}{2}R)$



$$-150(1)$$

$$-300(2)$$

$$-100(3)$$

$$-200(4)$$

در یک کشتی به جرم 200 t برای بالا بردن توان، از یک سامانه‌ی استوانه و پیستون استفاده می‌شود که داخل آن گاز کاملی در فشار متوسط 20 bar وجود دارد. کشتی با شتاب ثابت $\frac{m}{s^2} = 0.20$ شروع به حرکت می‌کند. اگر 20% انرژی حرکتی مورد نیاز کشتی از این سامانه تأمین شود، پس از گذشت چند ثانیه استوانه 40 lit تغییر حجم می‌دهد؟

۱) ۱۵(۴) ۲) ۱۰(۳) ۳) ۵(۲)

درون ظرفی که دمای آن 15°C است، 100 g آب داغ با دمای 80°C می‌ریزیم. دمای آب و ظرف پس از رسیدن به تعادل گرمایی 40°C می‌شود. ظرفیت گرمایی این ظرف چند $\frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}}$ است؟ آب و تبادل گرما با محیط ناچیز است.

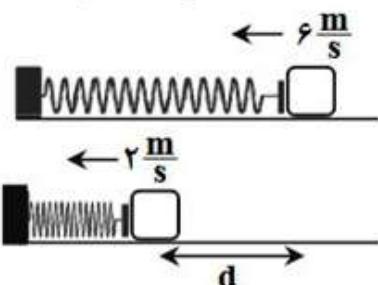
۱۰۲۰ (۴)

۸۲۰ (۳)

۷۴۵ (۲)

۶۷۲ (۱)

مطابق شکل، جسمی به جرم 2 kg که روی مسیر افقی دارای اصطکاک در حرکت است، با تندی $6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ به فنری برخورد می‌کند. پس از طی مسافت d ، در لحظه‌ای که تندی جسم $2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ می‌شود، انرژی پتانسیل کشسانی فنر J است. اگر نیروی اصطکاک 8 N باشد، مسافت d چند سانتی‌متر خواهد بود؟



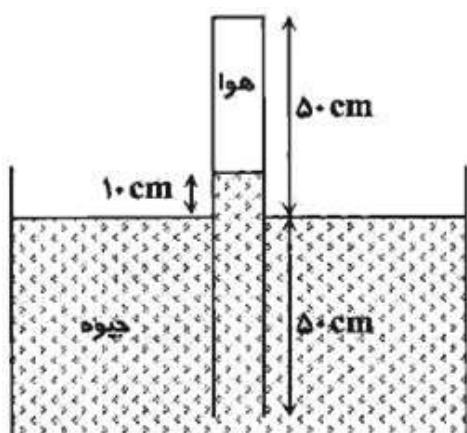
۱۰ (۱)

۱۵ (۲)

۲۰ (۳)

۲۵ (۴)

در شکل مقابل، اگر لوله را به صورت عمودی 22 سانتی‌متر بالا ببریم، طول ستون هوای داخل لوله 10 سانتی‌متر، زیاد می‌شود. با فرض آن که دما ثابت باشد و جیوه بخار نشود، فشار هوای محیط چند سانتی‌متر جیوه است؟



۶۸ (۱)

۷۲ (۲)

۷۰ (۳)

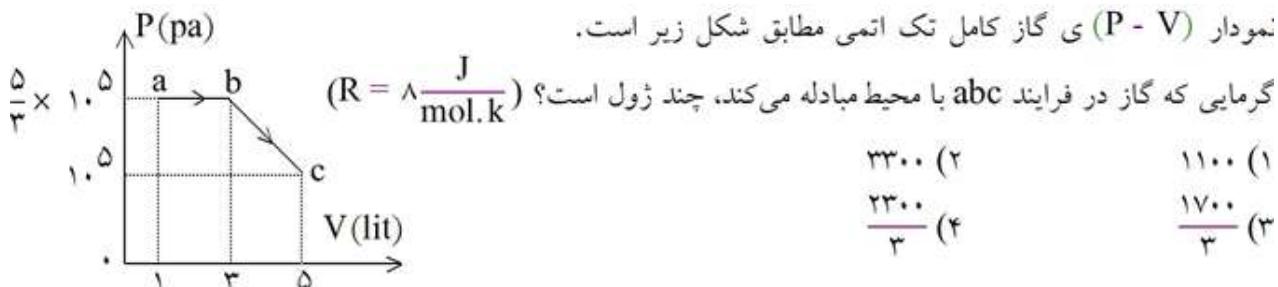
۷۵ (۴)

در خانه‌ای یک دستگاه تهویه مطبوع (مجهز به ترموموستات)، با توان مصرفی 2000 W و ضریب عملکرد 3 قرار دارد. اگر آهنگ متوسط انتقال انرژی گرمایی به داخل خانه (در طول شبانه‌روز) $\frac{1}{2} \frac{\text{MJ}}{\text{h}}$ باشد، این دستگاه در هر شبانه‌روز،

در مجموع چه مدت باید روشن باشد تا دمای هوای خانه تقریباً ثابت بماند؟

(۱) ۱ ساعت و ۲۰ دقیقه (۲) ۴ ساعت و ۴۸ دقیقه (۳) ۴ ساعت و ۱۲ دقیقه (۴) ۱۹ ساعت و ۱۲ دقیقه

نمودار $(P - V)$ گاز کامل تک اتمی مطابق شکل زیر است.



۳۳۰۰ (۲)

۱۱۰۰ (۱)

۲۲۰۰ (۴)

۱۷۰۰ (۳)

۱۵۲

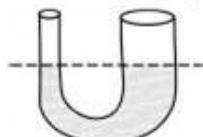
یک سر میله‌ی آهنی را به یک سر میله‌ی مسی جوش داده‌اند. سر آزاد میله‌ی آهنی در آب جوش 100°C و سر دیگر میله‌ی مسی در مخلوط آب و بخ صفر درجه قرار دارد. اگر دمای اتصال دو میله 20°C باشد. طول میله‌ی آهنی چند برابر میله‌ی مسی است؟ (سطح مقطع هر دو میله بسان)

$$K_{\text{Cu}} = 400 \frac{\text{W}}{\text{m.K}}, k_{\text{Fe}} = 80 \frac{\text{W}}{\text{m.K}}$$

۴ (۴) ۴ (۳) ۳ (۲) ۵ (۱)

۱۵۳

در شکل داده شده، در لوله‌ی U شکل که مساحت قاعده‌ی لوله‌ی سمت راست و چپ به ترتیب 2cm^2 و 1cm^2 می‌باشد، آب در حال تعادل قرار دارد. اگر در قسمت سمت چپ لوله ۱۲ گرم روغن بریزیم ارتفاع آب در لوله‌ی سمت



$$\rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}, \rho_{\text{روغن}} = 960 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$

۸ (۴) ۶ (۳) ۴ (۲) ۲ (۱)

۱۵۴

توان مصرفی یک کولر گازی 1000 وات و ضریب عملکرد آن $2/5$ است. این کولر در هر ساعت، چند مگاژول گرما به فضای بیرون می‌دهد؟

۱۲۶۰۰ (۴) ۹۶۰۰ (۳) ۱۲/۶ (۲) ۹/۶ (۱)

۱۵۵

طول موج آستانه بر اثر فتوالکتریک در یک فلز معین برابر 240 nm است. بیشینه انرژی جنبشی فتوالکترون‌های گسیل شده با تابش نور فرودی با طول موج 180 nm چند الکترون‌ولت است؟

$$(h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV.s}, c = 3 \times 10^{18} \frac{\text{m}}{\text{s}})$$

۷ (۴) ۵ (۳) ۵ (۲) ۲ (۱)

۱۵۶

در یک آزمایش فتوالکتریک، تابع کار فلز $2/55\text{ eV}$ است. بلندترین طول موجی که سبب گسیل فتوالکترون‌ها می‌شود، در کدام ناحیه از طیف امواج الکترومغناطیسی قرار دارد؟

$$(e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}, h = 6/6 \times 10^{-34} \text{ J.s}, c = 3 \times 10^{18} \frac{\text{m}}{\text{s}})$$

۴ (۴) فروسرخ ۳ (۳) فرابنفش ۲ (۲) مرئی ۱ (۱) اشعه X

۱۵۷

در آزمایش فتوالکتریک، تابع کار فلزی $3/55\text{ eV}$ و طول موج فوتون تابش شده بر سطح فلز 300 nm است. تندی بیشینه الکترون‌های جدادشده از سطح این فلز چند متر بر ثانیه است؟

$$(hc = 1200\text{ eV.nm}, e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}, m_e = 9 \times 10^{-31} \text{ kg})$$

۴ \times 10^4 (۴) ۲ \times 10^4 (۳) ۴ \times 10^5 (۲) ۲ \times 10^5 (۱)

در آزمایش فتوالکتریک نوری با طول موج λ بر سطح یک فلز می‌تابد و فتوالکترون‌هایی با بیشینه انرژی جنبشی $j^{-19} \times 10^4$ از سطح آن گسیل می‌شود. اگر تابع کار فلز $2/5eV$ باشد λ چند نانومتر است؟

$$(c = 3 \times 10^8 \frac{m}{s}, h = 4 \times 10^{-15} eV, e = 1/6 \times 10^{-19} C)$$

۲۴۰ (۴)

۱۵۰ (۳)

۱۲۰ (۲)

۷۵ (۱)

در یک آزمایش فتوالکتریک، تابع کار فلز $3eV$ است. اگر نوری با طول موج 200 nm بر سطح فلز بتابد، بیشینه سرعت فتوالکترون‌ها برابر V است و اگر نوری با طول موج 300 nm بر فلز بتابد، بیشینه سرعت فتوالکترون‌ها برابر V' است. $\frac{V'}{V}$ کدام است؟ ($hc = 1200 \text{ eV} \cdot \text{nm}$)

۲ (۴)

 $\frac{1}{\sqrt{3}}$ $\sqrt{3}/2$ $\frac{\sqrt{3}}{3}$

کدام مطلب صحیح می‌باشد؟ ($N = 14, H = 1: g \cdot mol^{-1}$)

(الف) با وجود گرماده بودن واکنش $\text{NO}(g) \rightarrow \text{N}_2(g) + \text{O}_2(g)$ ، این واکنش در دماهای پایین انجام نمی‌شود یا بسیار کند است.

(ب) مبدل‌های کاتالیستی سرامیک‌های توری شکل هستند که بر روی سطح آن‌ها فلزهای Rh، Pt و Pb نشانده شده است.

(پ) اگر در مبدل کاتالیستی در خودروهای دیزلی مقدار $0/34 \text{ g}$ گاز آمونیاک استفاده شود، مقدار $1/5 \text{ L}$ گاز در شرایطی که جرم مولی گازها برابر با 30 لیتر بر مول است، تولید می‌شود.

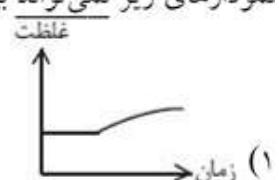
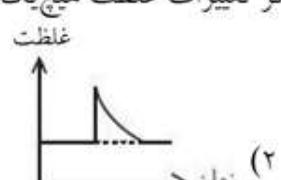
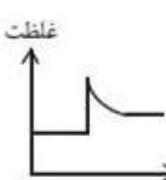
(ت) شرایط بهینه فرآیند هابر شامل دمای 200°C ، فشار 250 atm و کاتالیزگر Fe می‌باشد.

۱) الف و پ ۲) ب و پ ۳) الف، ب و پ ۴) ب، پ و ت

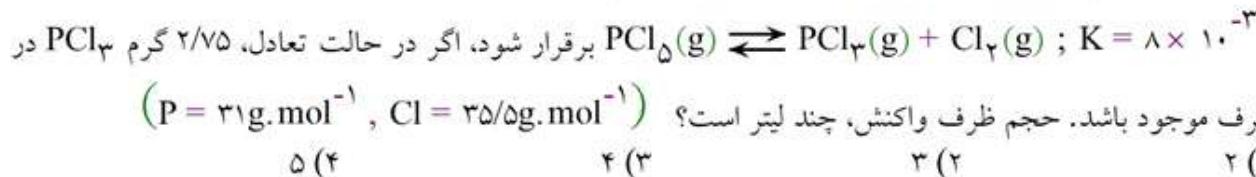
در فرآیند هابر با افزایش فشار، درصد آمونیاک در مخلوط تعادلی، مقدار ثابت تعادل و سرعت واکنش در تعادل، به ترتیب دست‌خوش کدام تغییر می‌شوند؟

- (۱) کاهش - افزایش - افزایش
(۲) افزایش - ثابت می‌ماند - افزایش
(۳) افزایش - کاهش - افزایش
(۴) کاهش - ثابت می‌ماند - افزایش

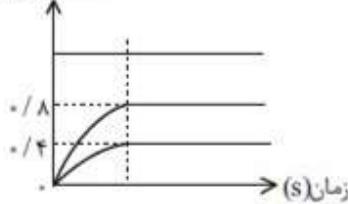
در صورتی که در تعادل گازی $\text{PCl}_5(g) \rightleftharpoons \text{PCl}_3(g) + \text{Cl}_2(g)$ ، مقداری PCl_3 وارد کنیم، کدامیک از نمودارهای زیر نمی‌تواند بیانگر تغییرات غلظت هیچ‌یک از مواد موجود در واکنش باشد؟



مقدار ۲۵۵/۶ گرم PCl_5 را در ظرف سربسته‌ای گرم می‌دهیم تا تعادل گازی:



نمودار زیر مربوط به تغییرات غلظت مواد در سامانه‌ی تعادلی $\text{C} - \text{B} - \text{A}$ است.



کدام مطلب در مورد آن درست است؟

(فرآورده‌ها، کل حجم ظرف را اشغال می‌کنند.)

(۱) تغییرات فشار بر جابه‌جایی تعادل اثر ندارد.

(۲) ثابت تعادل واکنش $2\text{PCl}_5 \rightleftharpoons 2\text{PCl}_3 + \text{Cl}_2$ است.

(۳) واکنشی گرماده است و با افزودن A به مخلوطی تعادلی تعادل در جهت رفت جابه‌جا می‌شود.

(۴) با افزایش دما از جرم جامد باقی‌مانده در ظرف کاسته می‌شود.

در واکنشی با افزایش دما ثابت تعادل کاهش و با افزایش فشار، درصد مولی A در سامانه افزایش می‌یابد. کدام

واکنش زیر با این توصیف متناسب است؟



ظرفی محتوی ماده‌ای در آزمایشگاه وجود دارد که بر روی آن نام‌گذاری اشتباه «۳-متیل - ۲، ۴-دی‌اتیل پتان» نوشته شده است. کدام گزینه درباره‌ی این ماده نادرست است؟

(۱) تعداد کربن‌های این ماده $2/5$ برابر تعداد کربن‌های گاز پر شده در فندک است.

(۲) تعداد هیدروژن‌های آن، $1/375$ برابر تعداد اتم‌های هیدروژن ترکیب ۳-اتیل پتان است.

(۳) نام درست آن «۲، ۴-دی‌اتیل - ۳-متیل پتان» است.

(۴) استنشاق این ماده سبب کاهش مقدار اکسیژن در هوای دم می‌شود.

چه تعداد از موارد زیر صحیح می‌باشد؟

الف- پنبه برخلاف نایلون، یکی از الیاف‌های طبیعی است که در تولید تور ماهیگیری و گاز استریل نیز از آن استفاده می‌شود.

ب- نشاسته گندم، انسولین و سلولز برخلاف آب و پروپان، درشت‌مولکول می‌باشند.

ج- پلی‌اتن، نایلون و تفلون، نمونه‌هایی از درشت‌مولکول‌های ساختگی هستند که نوع و تعداد اتم‌های سازنده آن‌ها بسیار زیاد است.

د- لزوماً در تمامی درشت‌مولکول‌ها واحد تکرارشونده وجود ندارد.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

همهی عبارت‌های زیر درست است به جز:

- (۱) از ویژگی‌های تفلون نقطه‌ی ذوب بالا و انحلال در حلال‌های آلی است.
- (۲) در ساختار سیانو اتن همانند مونومری که در ساخت سرنگ کاربرد دارد، ۹ جفت الکترون پیوندی وجود دارد.
- (۳) در ساختار الیاف سلولز، بین هر دو مولکول گلوکز یک اتم اکسیژن وجود دارد.
- (۴) فرمیک اسید بر اثر گزش مورچه‌ی سرخ وارد بدن می‌شود که باعث سوزش و خارش می‌شود.

در مورد تکپار ترکیبی که از آن در ساخت ظروف یکبار مصرف استفاده می‌شود، چه تعداد از عبارت‌های داده شده صحیح است؟

- الف) یک ترکیب آروماتیک به حساب می‌آید که در آن سه پیوند دوگانه وجود دارد.
- ب) تعداد اتم‌های کربن و هیدروژن در آن برابر است و هشت پیوند کربن - هیدروژن در آن برقرار شده است.
- پ) این ترکیب استیرن نام دارد و در آن بیست جفت الکترون پیوندی وجود دارد.
- ت) اگر به جای حلقه‌ی هیدروکربنی موجود در این ترکیب اتم کلر قرار گیرد به وینيل کلرید تبدیل می‌شود.

۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۲ (۴) ۴

نام ترکیب $\text{CH}_3\text{CCH}(\text{CH}_3)\text{CH}(\text{C}_2\text{H}_5)(\text{CH}_2)\text{CH}(\text{CH}_3)_2$ به روش آیوپاک کدام است؟

- (۱) ۴- اتیل - ۲، ۳، ۲، ۲ - ۷- تترامتیل اوکتان
- (۲) ۴- اتیل - ۲، ۳، ۲، ۲ - ۷- تترامتیل اوکتان
- (۳) ۵- اتیل - ۲، ۳، ۲، ۲ - تری متیل نونان

در واکنش سوختن کامل یک کربوکسیلیک اسید زنجیری سیرشده یک عاملی، برای مصرف یک مول اسید، مقدار

گرم گاز اکسیژن نیاز است. R در فرمول این اسید (RCOOH) دارای چند اتم کربن است؟ $(\text{O} = 16 \text{ g.mol}^{-1})$

۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۵

جرم مولکولی آلکانی به تقریب $179/11$ % از جرم مولی آلکنی بیشتر است. اگر شمار اتم‌های کربن در این دو

هیدروکربن برابر باشد، فرمول مولکولی آلکان کدام است؟ $(\text{H} = 1, \text{C} = 12; \text{g.mol}^{-1})$

۱) C_7H_{16} (۲) C_8H_{18} (۳) C_8H_{16} (۴) C_6H_{14}

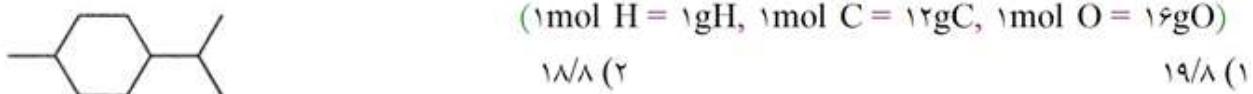
مجموع ضرایب استوکیومتری مواد در معادله مواد موزون شده سوختن کامل پتان، کدام است؟

۱) ۲۰ (۲) ۲۲ (۳) ۲۴ (۴) ۲۶

در شرایط مناسب، از واکنش ۱۵ گرم محلول آبی 40 درصد جرمی اتانوئیک اسید با مقدار کافی از ترکیب زیر در

حضور کاتالیزگر سولفوریک اسید، چند گرم فراورده‌ی آلی تشکیل می‌شود؟ (بازده واکنش را صدرصد در نظر بگیرید.)

$(\text{mol H} = 1 \text{ gH}, \text{mol C} = 12 \text{ gC}, \text{mol O} = 16 \text{ gO})$



۱۹/۸ (۱)

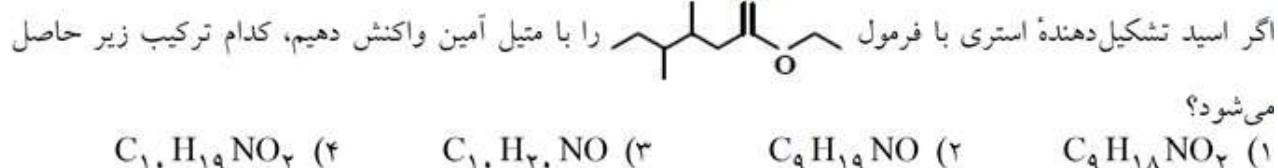
۱۷/۸ (۳)

۲۰/۸ (۴)

اگر $3/9$ گرم پروپیل بوتانوات به طور کامل آبکافت شود، جرم الكل تولیدشده در مقایسه با اسید آلی تولیدشده چگونه

است؟ (بازده واکنش را 80% در نظر بگیرید). $(\text{C} = 12, \text{H} = 1, \text{O} = 16; \text{g.mol}^{-1})$

۱) $0/672$ گرم کمتر (۲) $0/24$ گرم بیشتر (۳) $0/24$ گرم کمتر (۴) $0/0$ گرم بیشتر



الکل A به فرمول $R-OH$ سبک ترین الکل محلول در آب بوده و از مخلوط کردن آن با آب می توان یک محلول سیر شده ایجاد کرد. اگر $\frac{1}{4}$ مول از الکل A با مقدار کافی اسید آلی B که در بدن مورچه‌ی سرخ یافت می شود، در شرایط مناسب واکنش دهد و بازده واکنش ۷۵٪ باشد، چند گرم ترکیب آلی تولید می شود؟ (R یک زنجیر هیدروکربنی سیر شده است.)

$(C = 12, H = 1, O = 16 : g \cdot mol^{-1})$

۲۶/۴ (۴) ۳۰/۶ (۳) ۲۲/۲ (۲) ۱۸ (۱)

برای ساخت نوعی پلاستیک، مخلوطی از پلی‌اتن و پلی‌استایرن استفاده شده است. اگر ۶۰ درصد جرم این پلاستیک را پلی‌اتن تشکیل دهد، درصد جرمی کربن در آن به تقریب کدام است؟

$(H = 1, C = 12 : g \cdot mol^{-1})$

۷۶/۹ (۴) ۷۹/۶ (۳) ۸۸/۳ (۲) ۸۳/۸ (۱)

وینیل کلرید را از واکنش اتین با گاز هیدروژن کلرید تهیه می کنند. اگر بازده این واکنش همانند بازده واکنش پلیمری شدن وینیل کلرید برابر با ۸۰٪ باشد، مصرف $\frac{1}{3}$ اتن این، چند تون پلی‌وینیل کلرید به دست می آید؟

$(C = 12, H = 1, Cl = 35/5 : g \cdot mol^{-1})$

۱) $C_2H_2(g) + HCl(g) \rightarrow CH_2CHCl(g)$
 ۲) $nCH_2CHCl(g) \rightarrow (-CH_2CHCl-)_n(s)$

۳/۹۰ (۴) ۳/۱۲۵ (۳) ۲/۵ (۲) ۲ (۱)

پاسخنامه تشریحی

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

عود: قهوه‌ای رنگ است. / فسفر: زردرنگ است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بررسی گزینه‌ها:

گزینه (۱): سبو: ظرف معمولاً دسته‌دار از جنس سفال / خستن: زخمی کردن

گزینه (۲): گربت: غم، اندوه

گزینه (۴): استغنا: بی نیازی

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

معنی درست کلمات:

گزینه (۱): سریر: تخت پادشاهی، اورنگ (آوند: آونگ، آویزان، آویخته)

گزینه (۲): مسلم داشتن: باور کردن

گزینه (۳): کاموس: یکی از فرماندهان زیردست افراسیاب

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

املای درست کلمه: «عربده و سفاهت»

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

املای درست کلمه: «سطور»: خطوط (جمع «سطر») / ستور: چهارپا

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

«طمأنینه» صحیح است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. بررسی تشبيهات:

گزینه‌ی ۱: [او] همچو بلبل - طوطی طبع (۲ مورد)

گزینه‌ی ۲: خاک قناعت - آب شور تمثنا (۲ مورد)

گزینه‌ی ۳: خاکش پیرایه نظرهاست - خاکش (خاکچشمی = وجودی که چشم معشوق را دیده) چون سنگ سرمه است (۲ مورد)

گزینه‌ی ۴: [تو] چون موج - عقد گوهر [چون] خوشه - خرمن دریا (۳ مورد)

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

تشبيه: صحن سرای دیده - خیل خیال / استعاره: این گوشه / جناس: خیل و خیال

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

ج) تشییه: سیب زنخدان

الف) استعاره: بستر و بالین داشتن شبین (تشخیص) / خارزار (دینا)

ب) حس آمیزی: شکرین (شیرین) بودن ناله‌ی نی

د) ایهام تناسب: تاب: ۱- توان و طاقت و تحمل (معنای موردنظر) ۲- حرارت و گرمی و فروغ (معنای موردنظر نیست اما با «گرم و آفتاب و مهتاب» تناسب دارد.

توجه: در بیت «د»، «نگاه گرم» حس آمیزی دارد و در بیت «ب» واژه «نی» نیز می‌تواند در معنای «نی شکر» که با واژه‌ی «شکر» تناسب دارد، ایهام تناسب را پدید آورد.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ابتدا آرایه‌های موجود: موازنه به دلیل وجود سجع‌های متوازن (آتش فروز، آینه‌دار - قهر، لطف - مغرب، مشرق - ادب، اقبال) - تشییه: قهر به آتش فروز - لطف به آینه‌دار - تضاد بین قهر، لطف - مغرب، مشرق - ادب، اقبال - اضافه‌ی استعاری (مغرب ادب‌ها، مشرق اقبال‌ها) توجه (پارادوکس، ترصیع، تشخیص و اسلوب معادله در بیت یافت نمی‌شود).

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بررسی آرایه‌ها:

تلمیح: اشاره به داستان زندگی حضرت یوسف (ع)

استعاره: لعل استعاره از لب / ماه استعاره از حضرت یوسف (ع) / سیم قلب استعاره از جان

ایهام تناسب: قلب: ۱- تقابی (معنی درست) ۲- دل (معنی نادرست، متناسب با دلستان)

نغمه‌ی حروف: تکرار صامت‌های «ال»، «ان» و «ام»

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) اگر آن ترک شیرازی به دست آرد دل ما را

پیوند وابسته‌ساز جمله‌ی وابسته

به حال هندویش بخش سمرقند و بخارا را

جمله‌ی هسته

۳) بده ساقی می‌باقی که

جمله‌ی هسته پیوند وابسته‌ساز

در جنت نخواهی یافت کثار آب رکن‌آباد و گلگشت مصلاً را

جمله‌ی وابسته

۴) اگر دشام فرمایی و گر نفرین

پیوند وابسته‌ساز جمله‌ی هسته

دعای گویم

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

مرا مرگ بهتر است از آن زندگی

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. در مصراع دوم این گزینه، فعل اسنادی «هستند» محوذ است و «آغشته به خون» مسندي

دارد و ساختمان این واژه وندی - مرکب است:

خلقی از مژه‌ی فتاوش آغشته به خون هستند.

توجه: واژه‌ی «سرمنزلی» در گزینه‌ی ۳ وندی - مرکب است، اما نقش مسندي ندارد، فعل «نیست» در این گزینه به

معنی «وجود ندارد» است و این فعل در این معنی، غیر اسنادی است: برای غمش، به جز دل، سرمنزلی (نهاد) نیست.

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. «و» بین جملات حرف ربط است.

در گزینه‌ی ۱: زن: معطوف به نهاد

در گزینه‌ی ۴: مادرم: بدیل منادا

گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. مفهوم همه‌ی ابیات، این است که: تمام پدیده‌ها تسبیح خدا را می‌گویند (اشاره به آیه‌ی (بِسْبَحُ اللَّهُ ...)) ولی در بیت چهارم، شاعر ممدوح خود را مدح می‌کند.

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. مفهوم مشترک: نکوهش بی‌بهره بودن از عشق

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. تشیهات:

گزینه‌ی ۱: تیر ستم - تیغ جفا

گزینه‌ی ۲: چمن حسن - چمن لطفاً - گلستان وصل

گزینه‌ی ۳: لیلی صفت - زلف دام است - دانه‌ی خال

گزینه‌ی ۴: زلف شبرنگ - چون شمع - آتش سودا

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. مفهوم مشترک بیت صورت سؤال و گزینه‌ی ۱: توصیه به پرهیز از دورویی، ریا و ظاهر فریبی است. تشریح سایر گزینه‌ها:

گزینه‌ی ۲: نکوهش غرور و طمع ورزیدن

گزینه‌ی ۳: پرهیز از همنشینی با افراد دیوسپریت

گزینه‌ی ۴: نکوهش طمع و هوا و هوس

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است.

«موانیٰ: بندرها، بنادر» جمع میناء در گزینه‌ی ۱ مفرد ترجمه شده است.

«تستغرق وقتاً طويلاً» زمان زیادی طول می‌کشد یا وقت طولانی می‌گیرد. (گزینه‌ی ۲ معادل مناسبی برای آن نیست، همچنین «همه» در همه‌ی کارگران در این گزینه اضافه ترجمه شده است)

در گزینه‌ی ۴ فعل «تستغرق» مستقبل ترجمه شده و غلط است، همچنین «العائم التحذيرية» به صورت ترکیب اضافی ترجمه شده است.

گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): «أَنْدَمُ» فعل مفرد است که به صورت «پشیمان کرد» ترجمه می‌شود و فعل ماضی باب تعییل است و باید به صورت متعدد ترجمه شود.

گزینه (۲): «تَدَخَّلُ» به معنی «دخالت کرد» است، نه «وارد شد» و «القیح» در اینجا صفت است که به صورت «کار زشتستان» باید ترجمه شود که اشتباه است.

گزینه (۳): «تَدَخَّلُ»، «داخل شد» ترجمه شده که اشتباه است. «کار زشت» به صورت نکره ترجمه شده که اشتباه است و ضمیر «هم» نیز ترجمه نشده و ترجمه درست آن «کار زشتستان» است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ترجمه کلمات مهم: «لم یکن ... یعرف»: نمی‌دانست (ماضی استمراری منفی) / «الإنسان القديم»: انسان قدیمی / «معرفة ...»: مانند (مفعول مطلق نوعی)

اشتباهات سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): «این» اضافی است. / «بی‌شک» اضافی است.

گزینه (۲): انسان در قدیم (انسان قدیمی، «الإنسان القديم» ترکیب وصفی است.) / می‌داند (زندگی می‌کند) / ندانسته بود (نمی‌دانست، «لم یکن یعرف» معادل «ما کان یعرف» و ماضی استمراری منفی است).

گزینه (۴): انسانی که در قدیم بود (مانند گزینه ۲) / زمان خود (زمان)

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ترجمه کلمات مهم: «لی صدیق»: دوستی دارم / «ليس له»: ندارد / «أمتع»: لذت‌بخش‌تر / «آثار المفكرين الجديدة»: آثار جدید اندیشمندان / «يسهر»: بیدار می‌ماند / «كل ليل»: هر شب / «هذا العمل»: این کار

اشتباهات سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): لذت‌بخش‌تر از ... کاری ندارد («عمل أمتع» موصوف و صفت هستند و باید به شکل «کار لذت‌بخش‌تری» ترجمه شود). / تمام شب («كل ليل» به معنای «هر شب» است).

گزینه (۲): «جز» اضافی است. / اندیشمندان جدید («الجديدة» صفت «آثار» است نه «المفكرين») / لذت‌بخشی («أمتع» اسم تفضیل است و «اللذت‌بخش‌تری» صحیح است).

گزینه (۴): اندیشمندان جدید (مانند گزینه ۲) / تمام شب (مانند گزینه ۱)

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

(۱) منظمة (صحیح: «المنظمة» مضاف نیست و معرفه است پس با «آل» می‌آید) - التاریخي (صحیح: «التاریخیة» زیرا با «آثار» که جمع تکسیر است مثل مفرد مؤنث رفتار می‌شود).

(۲) قامت ب ... (ساختار عبارت عربی با فارسی آن تفاوت دارد) - قائمات («فهرست» مفرد لا جمع)

(۳) قامت ... بتسجيل (← توضیحات گزینه ۲) - قائمات (← توضیحات گزینه ۲)

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

«الإصرار» مذکور است پس فعل قبلش هم باید مذکور باشد ← «لا يجوز الإصرار» (رد گزینه ۴)

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. ۱: الضرورة (معادل ادق برای «اضطرار» نیست) - الجات («وادرار می‌کند» مضارع است نه ماضی) - أكثر (معادل صحیح برای «بسیاری» نیست) - لعلیم (اولاً: معادل درست برای «تا آموزش بیینند» نیست، ثانیاً «العلم» در عبارت فارسی وجود ندارد). ۲: الضرورة (\leftarrow توضیحات گزینه‌ی ۱) - لعلیم (\leftarrow توضیحات گزینه‌ی ۱). ۴: الجات (\leftarrow توضیحات گزینه‌ی ۱) - الحاجة (\leftarrow توضیحات گزینه‌ی ۱، الضرورة) - لیعلّموا (\leftarrow توضیحات گزینه‌ی ۱، لعلیم).

نکته:

لعلیم: برای یاد دادن، برای آموزش دادن
لیعلّموا: تا یاد بدهند، تا آموزش بدهند

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. ترجمهٔ صحیح سایر گزینه‌ها:
 گزینه (۱): آیا تو به عبادت این تندیس‌ها تمایل داری؟! («برغب» مضارع است).
 گزینه (۲): هر دوی آن‌ها (هردوشان) برای این موضوع مناسب هستند، اما من اولی را ترجیح می‌دهم.
 گزینه (۴): با این که تجربه‌ها ارزشمند هستند، اما آن‌ها ما را از خواندن کتاب‌ها بیناز نمی‌کنند.

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. «آمد» نادرست آمده، زیرا «جا، ب» به معنای «آورد» است.

ایران سرزمینی است که در آن قبیله‌ها و فرهنگ‌های مختلف زندگی می‌کنند که زندگی کردنشان را مسالمت‌آمیز می‌بینیم. مردم در آن با لهجه‌ها و زبان‌های متنوع صحبت می‌کنند. ایرانی‌ها از زمان قدیم خدای یگانه را می‌پرسیدند و حتی قبل از اسلام هم مشترک نبودند. آن‌ها بعد از آن‌که اسلام آوردنده تا اکنون جز «الله» را نخوانند (عبادت نکردن). در ایران ممکن است در یک خیابان یک مسجد، یک کلیسا و یک کنیسه (محل عبادت یهودیان) را با هم بینی همان‌گونه که در خیابان ۳۰ تیر در تهران آن را می‌باییم. این تنوع در آب‌وهوا و اقلیم‌ها نیز وجود دارد، همان‌گونه که در یک زمان می‌توانیم شهری که در آن باران‌های شدیدی است و شهری که دارای خورشید سوزان است و شهری که پوشیده از برف است را هم‌زمان بباییم. ایران به سرزمینی که در طول سال ۴ فصل را دارد معروف است.

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. طبق متن اصرار بر نقاط اختلاف میان گروه‌ها جایز نیست.

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.
 ۱) اسلام و ایران ۲) تنوع در ایران ۳) تاریخ ایران ۴) هوا در ایران

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. طبق متن در خیابان ۳۰ تیر، نماد ادیان بزرگ یعنی کلیسا، کنیسه و مسجد وجود دارد، لذا گزینه (۳) صحیح است.

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۲): مفأولة \leftarrow تفاعل

گزینه (۳): مؤنث \leftarrow مذکر

گزینه (۴): حروف الصلیة «ت ی ش» \leftarrow «ع ی ش»

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است. بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه (۱): فعل ماض \leftarrow فعل مضارع / للغائب \leftarrow للمخاطب

گزینه (۳): تفاعل \leftarrow مفأولة

گزینه (۴): للغائب \leftarrow للمخاطب / لازم \leftarrow متعدد

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. سوال گزینه‌ای را می‌خواهد که در آن «اسم فاعل» نقش دستوری (محل اعرابی) «مفهول» نداشته باشد. در گزینه ۳ کلمه «المُوَحَّد» اسم فاعل است ولی محل اعرابی آن مفعول نیست، بلکه صفت (نعت) است. ترجمه: «این پادشاه یکتاپرست از مردم به خاطر هدیه‌های زیادشان تشکر کرد.» [«هذا»: فاعل، «المُوَحَّد»: صفت، «الناس»: مفعول]. تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه ۱: «الْأَمْر» اسم فاعل است و محل اعرابی آن «مفهول» است. ترجمه: «همانا ما امرکننده به کار خوب را دوست داریم و با دقت به سخن‌گوش می‌دهیم.» [«المعروف» اسم مفعول است].

گزینه ۲: «الْآخِرَة» اسم فاعل است و محل اعرابی آن «مفهول» است. ترجمه: «مسلمانی که آخرت را نمی‌شناسد، در نهایت ضرر می‌کند.» [«المُسْلِم» نیز اسم فاعل است، ولی محل اعرابی آن «مبتدأ» است].

گزینه ۴: «الْمُتَكَبَّر» اسم فاعل است و محل اعرابی آن «مفهول» است. ترجمه: «ما نباید به دیگران تکبر بورزیم؛ زیرا خداوند متکبران را دوست نمی‌دارد.» [«الآخَرِينَ» اسم تفضیل است].

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

«العشرين»: بیستم یک عدد ترتیبی است!

در سایر گزینه‌ها: «اثنين»: دو، «ثلاثة»: سه، «واحداً»: یک و عدد اصلی هستند و «عشرين»: بیست عدد، عقود است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. شکل صحیح این گزینه می‌شود: أنتم عَلَمُوا (امر است). ضمناً گزینه‌ی «۱» ماضی و گزینه‌ی «۲» امر است که شکل آن یکسان است زیرا از باب تَفْعُل هستند. گزینه‌ی «۳» نیز ماضی است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. سوال گزینه‌ای را خواسته که حرف جز در آن بیشتر آمده است. بررسی گزینه‌ها:

(۱) من، فی، ل = سه حرف جز

ترجمه: ایران از موفق‌ترین کشورها در کشیدن خطوط لوله‌ها برای انتقال نفت است!

(۲) إلى، من (در منها) = دو حرف جز؛ «من» قبل از «الذی» اسم است، نه حرف جز.

ترجمه: به درختان نگاه کن و بگو چه کسی است که از آن‌ها میوه‌هایشان را بیرون می‌آورد؟

(۳) على، على، من (من + سنا ← مِنَا)، كَ = چهار حرف جز

ترجمه: حفاظت از پارک‌های عمومی وظیفه‌ای بر هریک از ما به عنوان یک شهروند است!

(۴) في، بـ، غـ = سه حرف جز

ترجمه: در کتابخانه شروع به جستجو به دنبال کتابی پیرامون صنعت گردشگری کردیم!

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. بررسی گزینه‌ها:

(۱) تَعَائِيس: صیغه‌ی «متکلم مع الغیر» مضارع از باب «تفاعل»، بَتَّعَيْد: صیغه‌ی «متکلم مع الغیر» مضارع از باب «افتعال»، يَتَّسَعُ: صیغه‌ی «مفرد مذکر غایب» مضارع از باب «افتعال»: ۳ مورد

(۲) إسْتَغْفَرُ: صیغه‌ی «مفرد مذکر مخاطب» امر از باب «استفعال»: ۱ مورد

(۳) «أَنْزَلَ» و «أَخْرَجَ»: صیغه‌ی «مفرد مذکر غایب» ماضی از باب «إفعال»: ۲ مورد

(۴) شَاهِدَتُ: صیغه‌ی «متکلم وحده» ماضی از باب «مفاعله»، صَدَقَتُ: صیغه‌ی «متکلم وحده» ماضی از باب «تفعیل»: ۲

مورد

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. «الْمُتَكَلِّمُ» (به معنای گوینده) اسم فاعل از باب تفعیل است که در این جمله نقش مفعول برای فعل قبل از خود را دارد. تشریح گزینه‌های دیگر:
گزینه‌ی «۲»: «الْعَاقِلُ» اسم فاعل است و در اینجا نقش فاعل دارد.
گزینه‌ی «۳»: «الْمُؤْمِنُونَ» اسم فاعل است و در اینجا نقش فاعل دارد.
گزینه‌ی «۴»: «الْمُسْتَضْعَفُينَ» اسم مفعول است و در اینجا نقش مضافق‌الیه دارد.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۴۱

امام علی (ع) می‌فرماید: «دشمن‌ترین دشمن تو، همان نفسی است که در درون توست. (نفس اهاره)» نفس اهاره انسان‌ها را برای رسیدن به لذت‌های زودگذر دنیاگی به گناه دعوت می‌کند و از پیروی از عقل و وجودان بازمی‌دارد، بنابراین نفس اهاره، نقطه‌ی مقابل عقل و وجودان قرار می‌گیرد.

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به آیه‌ی ۱۹ سوره‌ی اسراء: «وَ آنَّ كُسْ كَهْ سَرَايْ أَخْرَتْ رَا بَطْلَبَدْ وَ بَرَايْ آنْ سَعِيْ وَ كَوْشِشْ كَنَدْ وَ مَوْمِنْ باشَدْ، پَادَاشْ دَادَهْ خَواهَدْ شَدْ». زندگی آدمی آن‌گاه نتیجه‌بخش و پرثمر خواهد بود که هدف اخروی را انتخاب کرده و برای آن تلاش کند سرانجام به پاداش الهی می‌رسد که در این آیه نیز به همین موضوع اشاره شده است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۴۲

ترجمه آیه: بگو نماز، تمامی اعمال و زندگی و مرگ من برای خداست که پروردگار جهانیان است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. مطابق آیه مذکور، ایمان به خدا و آخرت و عمل صالح (نیکوکاری) علت نهراسیدن (شجاعت) در برابر مرگ (شهادت طلبی در زندگی ذلیلانه) و عدم اندوه (نشاط) است. ۴۴

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. بحث تجسم اعمال مربوط به عالم رستاخیز است و با مرحله‌ی «دادن نامه‌ی اعمال» ارتباط مفهومی دارد زیرا نامه‌ی عمل انسان به گونه‌ای است که خود عمل و حقیقت آنرا دربردارد. از این‌رو، تمام اعمال انسان در قیامت حاضر می‌شوند و انسان عین اعمال خود را می‌بیند. کارهای خوب با صورت‌های بسیار زیبا و لذت‌بخش تجسم می‌یابند و کارهای بد با صورت‌های بسیار زشت و وحشتزا و آزاردهنده، مجسم می‌شوند. ۴۵

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. سوره‌ی ملک آیه‌ی ۱۰ (و می‌گویند: اگر ما گوش شنوا داشتیم یا تعقل می‌کردیم در میان دوزخیان نبودیم) - سوره‌ی محمد آیه ۲۵ (شیطان اعمال رشیشان را درنظرشان زینت داده و آنان را با آرزوهای طولانی فریغته است) ۴۶

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. برای پاسخ‌گویی به این سوال، دانستن جزئیات هر واقعه ضروری است.
گزینه (۱): تسلی به سوگند دروغ در تاخر نسبت به دو مورد دیگر است.
گزینه (۲): حضور در پیشگاه خداوند مربوط به زنده شدن همه انسان‌ها و در تقدّم نسبت به تاییدن نور حقیقت از جانب خداوند است.
گزینه (۳): حضور در پیشگاه خداوند در تقدّم نسبت به سنجش اعمال است. ۴۷

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۴۸

در قسمتی از آیه‌ی ۵۹ سوره‌ی احزاب می‌خوانیم: «... يَدْنِينَ عَلَيْهِنَّ مِنْ جَلَابِيَّهِنَّ ذَلِكَ أَدْنَى أَنْ يَعْرَفَنَ فَلَا يُؤْذِنَّ» پوشش‌های خود را به خود نزدیک‌تر کنند این برای آن‌که به [عفاف] شناخته شوند و مورد آزار قرار نگیرند، بهتر است. ۴۹

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. اخلاق و ایمان، مربوط به آراستگی باطنی است و عبارت «آراستگی از اخلاق مومنان است». بیان‌گر هماهنگی آراستگی ظاهری و باطنی است. زیرا این عبارت توصیه‌ی پیشوایان دین است که هم به آراستگی ظاهری و هم به آراستگی باطنی تشویق می‌نمودند.

این‌که در هر زمان، نوع لباس و آراستگی ظاهری باید با وضع اقتصادی عمومی جامعه هماهنگ باشد، در حدیث امام صادق (ع): «در آن زمان مردم در سختی بودند، اما امروز ما در شرایط بهتری هستیم و عموم مردم توانایی پوشیدن چنین لباسی را دارند.» تجلی یافته است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

چه قدر زیباست که خداوند راه سعادت ما را قرین رضایت خود ساخته است، یعنی وقتی خدا از ما راضی خواهد بود که ما در مسیر سعادت و خوبی‌خی خود گام برداریم و آن‌گاه از ما ناخشنود خواهد بود که به خود ظلم کنیم و در مسیر هلاکت خود قدم گذاریم.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

اگر کسی به چیز حرامی روزه‌اش را باطل کند، مثلاً دروغی را به خدا و پیامبرش نسبت دهد، کفاره جمع بر او واجب می‌شود. اگر شخصی سهل‌انگاری کند و غسل نکند تا وقت تنگ شود، می‌تواند با تیم روزه بگیرد و روزه‌اش صحیح است، اما در مورد غسل نکردن معصیت کرده است. دقت شود که سایر موارد ذکر شده در قسمت اول گزینه‌های ۱، ۲ و ۳ مبطل روزه هستند، ولی در حالت غیر روزه حرام نیستند، پس کفاره جمع ندارند.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. اگر کسی روزه ماه رمضان را عمدتاً نگیرد باید هم قضای آنرا به جا آورد و هم «کفاره» بدهد؛ یعنی برای هر روز، دو ماه روزه بگیرد (که یک ماه آن باید پشت سرهم باشد) یا به شصت فقیر طعام و این کار باید تا قبل از رمضان آینده انجام شود.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. چگونگی و نوع پوشش، تا حدود زیادی تابع آداب و رسوم ملت‌ها و اقوام است. اسلام نیز، این نوع و گوناگونی را پذیرفته است. عبارت قرآنی «ذلک آدنی آن یَرْفَنْ فَلَا يُؤْذِنَ» علت حجاب را که همان شناخته شدن به عفاف و پاکی و مورد اذیت و آزار واقع نشدن است، مطرح می‌کند. توجه: آداب و رسوم ملت‌ها و اقوام عامتر از دین و آیین است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است، مراقبت بر محاسبه و ارزیابی، تقدم دارد و بعد از مراقبت نوبت محاسبه است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. آیه مطرح شده در سؤال، اشاره به پذیرش ولایت الهی و ولایتمداری و نپذیرفتن حاکمیت طاغوت دارد ← از دلایل تشکیل حکومت اسلامی است. رسول خدا (ص) به رسالت برانگیخته شده بود تا جامعه‌ای بنا نهاد که در آن جامعه به جای حکومت ستمگران و طاغوتیان، ولایت الهی حاکمیت داشته باشد تا نظام اجتماعی بر پایه قوانین و دستورات الهی استوار گردد.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. «فَأَمَّا الَّذِينَ آمَنُوا بِاللَّهِ وَأَعْصَمُوا بِهِ فَسَيَدْخَلُهُمْ فِي رَحْمَةِ مِنْهُ وَفُضْلُ وَيَنْدِبِهِمْ إِلَيْهِ صَرَاطًا مُّسْتَقِيمًا»: «کسانی که به خدا گرویدند و به او تمسک جستند، به زودی [خدا] آنان را در جوار رحمت و فضلی از جانب خویش درآورد و ایشان را به سوی خود، به راهی راست، هدایت کند.»

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. طبق آیه «و مِنْ آيَاتِهِ أَنَّ خَلْقَ لَكُمْ مِنْ فَسِّكِمْ أَزْواجًا لِتَسْكُنُوا إِلَيْهَا وَ جَعَلَ بَيْنَكُمْ مَوَدَّةً وَ رَحْمَةً إِنَّ فِي ذَلِكَ لَآيَاتٍ لِقَوْمٍ يَتَفَكَّرُونَ»، از آفرینش همسرانی آرامش بخش که موذت و رحمت را به ارمنان می آورند، به عنوان آیات و نشانه هایش یاد می کند.

گزینه ۵ پاسخ صحیح است. نعمت هایی که خداوند بخشی از آن را در قرآن کریم به ما معرفی کرده و مراتبی از آن هم که اخروی است در این دنیا قابل توصیف نیست . قرآن می فرماید: «هِيَ كُسْ نَمِيَ دَانَدْ چَهْ پَادَاشْ هَايِي کَهْ مَايَهِي روشنی چشم هاست برای آنها نهفته است، این پاداش کارهایی است که انجام می دادند.» اگر کسی برنامه ای غیردینی که برخاسته از مکاتب بشری است انتخاب کند، آینده ای غیرقابل اعتماد در انتظار اوست که قرآن با تعبیر بنای زندگی به لبه پرتگاه «علی شفا جُرُف هار» از آن تعبیر می کند.

گزینه ۶ پاسخ صحیح است.

گزینه ۷ پاسخ صحیح است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. کاربرد گذشته کامل: گذشته ساده + گذشته کامل + After + معنی جمله: بعد از این که آنها کوله پشتی هایشان را بستند، سوار بر دوچرخه هایشان رفتند.

گزینه ۸ پاسخ صحیح است.

این دکمه در حالی که آزمایش در جریان است، نباید لمس شود، و گرنده شخصی ممکن است آسیب بینند. توضیح: فعل "touch" (لمس کردن، دست زدن به) جزو افعال متعدد است و به مفعول نیاز دارد. با توجه به این که مفعول این فعل (this button) پیش از جای خالی قرار گرفته است، در جای خالی به فعل مجھول نیاز داریم و پاسخ در بین گزینه های ۲ و ۳ است. دقیقت کنید: برای بیان احتمال و امکان در زمان حال و آینده از "might" یا "may" به همراه شکل ساده فعل استفاده می شود.

گزینه ۹ پاسخ صحیح است. قبل از این که با معلم زیست خودم صحبت کنم، هرگز به شغلی در [حوزه‌ی] پژوهشکی فکر نمی کردم، ولی الان آنرا به صورت جدی مدنظر دارم. توضیح: در صورتی که دو عمل در گذشته با فاصله زمانی از یکدیگر انجام شده باشند، برای عملی که ابتدا انجام شده از زمان گذشته کامل (در این مورد "had thought") و برای فعل دوم از زمان گذشته ساده (در اینجا "spoke") استفاده می کنیم.

گزینه ۱۰ پاسخ صحیح است. sugar اسم غیرقابل شمارش است پس باید از little یا a little در قسمت اول استفاده کرد. چون مفهوم جمله منفی است از little استفاده می کنیم. قسمت دوم باز به همان اسم در مفهوم مثبت اشاره می کند که با توجه به گزینه های موجود some درست است.

گزینه ۱۱ پاسخ صحیح است.

توضیح: در این جمله، کلمه‌ی «money» (محذوف) که یک اسم غیرقابل شمارش است. مورد سؤال بوده، بنابراین quantifier (شمارنده) مناسب آن، much است. برای قیمت پرسیدن از how much استفاده می کنیم.

گزینه ۱۲ پاسخ صحیح است.

ترجمه جمله: باید وقتی شب ها دوچرخه سواری می کند یک چیز روشنی پوشد که بیشتر دیده شود.
۱) تشخیص دادن ۲) کم داشتن، نداشتن ۳) پوشیدن ۴) اطلاع دادن

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. توسعه‌های جدید مسکن منطقه بیلاقی را از بین می‌برند.

- (۱) مهیا کردن (۲) خراب کردن (۳) تغذیه کردن (۴) بالا بردن

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ماحیلی زود جذب زندگی روستایی محلی شدیم.

- (۱) جذب شدن (۲) تبدیل شدن / چرخیدن (۳) حضور یافتن (۴) مبادله کردن

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

ترجمه: آنها باید اقدامات فوری برای جلوگیری از گسترش آتش به ساختمان‌های دیگر انجام دهند.

(۳) فوری

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. تمرینات آزمایشگاه زبان ما، در اینترنت بازیگاری شده‌اند، بنابراین ما می‌توانیم در خانه به

آنها دسترسی داشته باشیم و در طول آخر هفته روی آنها کار کنیم.

- (۱) جایگزین کردن: جای ... را گرفتن (۲) تولید کردن: ایجاد کردن

- (۳) دسترسی داشتن به، دست یافتن به (۴) درگیر کردن: شامل ... شدن

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ترجمه متن:

چه روزهای مهمی از زندگی تان را به خاطر دارید؟ اولین روز دانشگاهم را به روشنی به یاد دارم. احساس هیجان و شادی می‌کردم. در عین حال، من بسیار عصبی بودم زیرا کسی را نمی‌شناختم. با این حال، اولین روزم در دانشگاه به یادماندنی بود.

ابتدا گیج و گم شده بودم. نمی‌دانستم کجا بروم. مجبور شدم از یک غریبه پرسیم دانشجویان سال اول کجا قرار بود [یک دیگر را] ملاقات کنند. این شخص بسیار خوش‌اختاق بود و راه را به من نشان داد. از میان چند ساختمان بزرگ پیاده رفتم و وقتی رسیدم، دانشجویان زیادی را دیدم و احساس ترس کردم.

بعد از مدتی به خودم گفتم شجاعتر باش. از دختری پرسیدم چه خبر است و متوجه شدم که ما در یک گروه بودیم. خودمان را معرفی کردیم. اسمش می‌بود. ما به فعالیت‌های دانشجویان «تازه‌وارد» پیوستیم، به زودی، احساس خوبی بهتری داشتم. این فعالیت‌ها به من کمک کرد که احساس کنم عضوی از یک تیم هستم و احساس می‌کرم که دانشجوی دانشگاه شده‌ام.

بعداً کلاس‌های خود را شروع کردیم. مدرس (استاد) مدتها صحبت کرد و بعد خودمان را معرفی کردیم، من با دو دختر آشنا شدم. به زودی ما دوستان خوبی [برای هم] شدیم و شروع به گفت‌وگو کردیم و درباره‌ی یک دیگر بیشتر اطلاعات کسب کردیم. اگرچه ما از استان‌های مختلف آمده بودیم اما نقاط مشترک زیادی با هم داشتیم. همه‌ی ما از افرادی که زیاله‌ها را روی زمین می‌ریزنند متفاوت بودیم و می‌خواستیم از زمین محافظت کنیم. آن بعدازظهر با هم به کافی شاپ رفتیم. به خاطر دارم که من یک فنجان چای سفارش دادم، اما دوستانم گرسنه بودند، بنابراین چند قرص نان و سالاد سزار سفارش دادند.

توضیح: وقتی می‌خواهیم چیزی را توصیف کنیم که در گذشته از قبل برنامه‌ریزی شده بود از "be going to" بهره می‌گیریم و فعل "to be" را گذشته می‌آوریم.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. توضیح: اول قید شمارشی، بعد صفت و در آخر اسم قرار می‌گیرد.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

- (۱) اطلاع دادن به (۲) شکوفا شدن (۳) معرفی کردن (۴) متوجه شدن

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

۷۵

۱) کلاس‌ها

۲) سن‌ها

۳) اصول

۴) استان‌ها

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

۷۶

۱) چند قرص نان

۲) دو نان

۳) یک قرص نان بزرگ

۴) نان‌های بسیاری

توضیح: نان یک اسم غیرقابل شمارش می‌باشد، بنابراین باید از واحد شمارشی مناسب آن یعنی "loaf" (قرص) استفاده کنیم که شکل جمع آن "loaves" می‌باشد.

ترجمه متن:

۷۷

اخيراً اينترنت نقش نسبتاً مهمی به ويژه از لحاظ ارتباطات در زندگی ما ايفا می‌کند. اما واقعیت موضوع اين است که شمار روزافزونی از کاربران اينترنتی از سراسر جهان به شدت به وب جهان‌گستر به عنوان منع اصلی اطلاعات در مورد موضوعات گوناگون وابسته هستند. از سوی ديگر، چت آنلاين در سال‌های اخیر بسيار محبوب شده است. در حقیقت صدها هزار کاربر وب، زمان زيادي را به صورت آنلاين سپری می‌کنند. همه اين پيشرفت‌ها منجر به خلق شکل جديدي از ارتباطات شده است که زبان خودش با ويژگي‌های خاچش را دارد.

زبان نت، نامی که به شکل منحصر به فردی از زبان داده شده که در ارتباطات اينترنتی استفاده می‌شود، شامل همه اشكال ارتباط می‌شود که اينترنت در آن دخیل است. نمونه‌های بارز زبان نت شامل چت، پام دادن، ارسال ايميل و هر شکل ديگر گفت‌وگوي آنلاين است. در حقیقت زبان نت به همه ارتباطات وابسته به رايانيه اشاره دارد. اين نوع ارتباط برای موقعیت‌های متعدد و اهداف مختلف مانند تعامل اجتماعی و عاطفی و يادگيری الکترونيکی استفاده شده است. برای مثال، جلسات آنلاين، تريبونی برای دانشجویان است تا با هم کلاسی‌هاي‌شان، استادها و دانشجویان مجازی در ارتباط باشند.

بعضی از پژوهشگران در رشته زبان‌شناسی اينترنتي ويژگي‌های زبانی زبان نت را مطالعه و بررسی کرده‌اند. به منظور انجام تحقیقات‌شان، پژوهشگران نمونه‌هایی از اتاق‌های چت، جلسات، سایت‌های اينترنتی، و بلاگ‌ها و رسانه‌های اجتماعی را جمع‌آوری و بررسی کرده‌اند.

ياfته‌های تحقیقات نشان می‌دهد که مردم از تعدادی از ويژگی‌های زبانی جالب مانند شکل‌های اختصاری، سروازه‌های ويژه، شکل‌ها، حروف بزرگ و غيره استفاده می‌کنند. برای مثال، از آنجایی که زبان بدن نمی‌تواند برای نمایش عواطف در زبان نت استفاده شود، انواع گوناگونی از شکل‌ها برای انتقال عواطف و احساسات شخصی استفاده می‌شود. به طور کلی به نظر می‌رسد که زبان نت ويژگی‌های خاصی در خصوص واژگان، املاء، نشانه‌گذاری و گرامر دارد. اگرچه زبان نت ممکن است برای آن‌هايی که فقط عاشق زبان‌های استاندارد هستند، عجیب به نظر برسد، اما شخص برای اين‌که بتواند از طریق اینترنت ارتباط برقرار کند باید آن را بفهمد.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

نویسنده متن نتیجه می‌گیرد که

۱) حتی اگر از زبان نت خوشتان نیاید شاید (ممکن است) مجبور باشید آن را باد بگیرید.

۲) بعضی از افراد از زبان نت متنفرند، بنابراین از آن ديگر استفاده نمی‌شود.

۳) اگر شما به زبان استانداردی تکلم می‌کنید، لازم نیست باد بگیرید که چه طور از طریق اینترنت ارتباط برقرار کنید.

۴) به نظر می‌رسد که زبان نت ويژگی‌های کاملاً طبیعی برای آن‌هايی که عاشق زبان‌های استاندارد هستند، داشته باشد.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۷۸

نویسنده از عبارت «for instance» در پاراگراف چهارم عمدتاً به منظور استفاده می‌کند.

- (۱) معنی کردن زبان بدن برای خواننده‌های متن
- (۲) مثال آوردن در خصوص تفاوت‌های بین زبان نت و زبان‌های استاندارد
- (۳) مثال زدن از اهمیت زبان بدن در تعاملات اجتماعی
- (۴) تعریف کردن نقش درک عواطف در تعاملات اجتماعی موفق

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۷۹

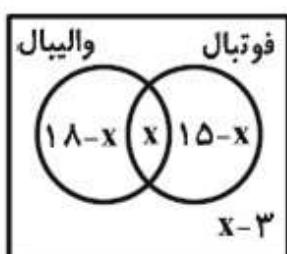
واژه «their» در پاراگراف دو، خط هفتم به اشاره دارد.

- (۱) جلسات
- (۲) دانشجویان
- (۳) استادها، سخنرانان
- (۴) همکلاسی‌ها

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۸۰

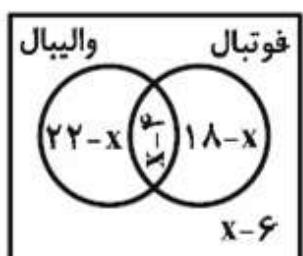
نویسنده اولین پاراگراف را به منظور نوشته است.

- (۱) صحبت کردن درباره نقش زبان در ارتباط
- (۲) تأکید کردن بر تاثیر اینترنت و زبان نت بر آموزش
- (۳) توضیح دادن این‌که چگونه اینترنت به ایجاد زبان ارتباطی جدید منجر شده است.
- (۴) استدلال آوردن این‌که چرا پیشرفت‌ها در فناوری ارتباطات به تعاملات مستقیم کمتری در آینده منجر خواهد شد.



گزینه ۳ پاسخ صحیح است. X را تعداد دانشآموزانی درنظر می‌گیریم که در هر دو کلاس شرکت کردند. طبق نمودار ون تعداد افرادی که در هیچ کلاسی شرکت نکرده‌اند برابر است با:

با انصراف ۴ نفر از کسانی که در هر کلاس ثبت‌نام کردند از کلاس Football، از X چهار نفر کم شده و به $X - 18 - 4 = X - 14$ نفر اضافه می‌شود.
با ثبت‌نام ۳ نفر جدید در کلاس Football، از $3 - X$ نفر کم شده و به $X - 15 - 3 = X - 12$ نفر اضافه می‌شود. طبق فرض داریم:



$$\frac{22 - X + 18 - X}{30} = \frac{80}{100} \Rightarrow \frac{40 - 2X}{30} = \frac{80}{100}$$

$$40 - 2X = 24 \Rightarrow X = 8$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۸۲

از یک سمت $1^0 + 2^1 + 3^2 + \dots + 1^0$ تشکیل دنباله حسابی و از سمت دیگر دنباله هندسی می‌دهند، پس داریم:

$$\frac{1^0 \times 11}{2} + 2 \times \frac{2^1 - 1}{2 - 1} = 55 + 2046 = 2101$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. برای آنکه C_n خطی باشد باید n^2 حذف شود. بنابراین ضریب آن را صفر قرار می‌دهیم.

$$C_n = 6n^2 - an^2 + 2an - a + 3 \Rightarrow C_n = (6 - a)n^2 + 2an - a + 3$$

$$\Rightarrow 6 - a = 0 \Rightarrow a = 6 \Rightarrow C_n = 12n - 3$$

$$t_5 = C_3 \Rightarrow 15b + 3 = 33 \Rightarrow 15b = 30 \Rightarrow b = 2$$

$$a + b = 6 + 2 = 8$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۸۴

$$\frac{\sqrt{125} - \sqrt{8}}{\sqrt{7} + \sqrt{10}} = \frac{5\sqrt{5} - 2\sqrt{2}}{\sqrt{7} + \sqrt{10}} \times \frac{\sqrt{7} - \sqrt{10}}{\sqrt{7} - \sqrt{10}} = \frac{35\sqrt{5} - 25\sqrt{2} - 14\sqrt{2} + 4\sqrt{5}}{49 - 10}$$

$$= \frac{39\sqrt{5} - 39\sqrt{2}}{39} = \frac{39(\sqrt{5} - \sqrt{2})}{39} = \sqrt{5} - \sqrt{2}$$

$$-\sqrt{5}(\sqrt{5} - \sqrt{2})^{-1} = \frac{-\sqrt{5}}{\sqrt{5} - \sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{5} + \sqrt{2}}{\sqrt{5} + \sqrt{2}} = \frac{-\sqrt{5}(\sqrt{5} + \sqrt{2})}{3} = -\sqrt{5} - \sqrt{2}$$

$$\Rightarrow \text{جواب نهایی} = \sqrt{5} - \sqrt{2} - \sqrt{5} - \sqrt{2} = -2\sqrt{2}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. داریم: ۸۵

$$4 - 2\sqrt{3} = (\sqrt{3} - 1)^2 \Rightarrow A = \sqrt{5 + 4\sqrt{3} - 4(\sqrt{3} - 1)} \Rightarrow A = \sqrt{5 + 4\sqrt{7 - 4\sqrt{3}}}$$

$$= \sqrt{5 + 4\sqrt{(\sqrt{3} - 1)^2}} = \sqrt{5 + 4(\sqrt{3} - 1)} = \sqrt{12 - 4\sqrt{3}} = \sqrt{(\sqrt{3} - 1)^2}$$

$$= 2\sqrt{3} - 1 = \sqrt{12} - 1$$

می‌دانیم:

$$2 < \sqrt{12} < 4 \Rightarrow 2 < \sqrt{12} - 1 < 3$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

$$\cdot < x < 1 \Rightarrow \frac{1}{x} > x \Rightarrow x - \frac{1}{x} < 0 \quad (*)$$

$$\left(x - \frac{1}{x} \right)^2 = x^2 + \frac{1}{x^2} - 2 = 18 - 2 = 16 \xrightarrow{(*)} x - \frac{1}{x} = -4$$

$$x^2 - \frac{1}{x^2} = \left(x - \frac{1}{x} \right) \left(x^2 + \frac{1}{x^2} + 1 \right) = (-4)(18 + 1) = -4 \times 19 \Rightarrow x^2 - \frac{1}{x^2} = -76$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

$$\sqrt[3]{(-4)/25} = \sqrt[3]{(-2 \times 2)/125} = -2/5 \times \sqrt[3]{2}$$

$$\sqrt[3]{\left(\frac{1}{4}\right)} = \sqrt[3]{\left(2 \times \frac{1}{8}\right)} = \frac{1}{2} \sqrt[3]{(2)} = +2/5 \sqrt[3]{2}$$

$$\sqrt[3]{(2/216)} = \sqrt[3]{\frac{216}{1000}} = \sqrt[3]{\frac{27 \times 8}{1000}} = \sqrt[3]{\frac{27 \times 2^3}{10^3}} = \frac{2 \times 3}{10} = \frac{3}{5}$$

$$\sqrt[3]{-4/25} + \sqrt[3]{\frac{1}{4}} - 5 \sqrt[3]{2/216} = -2/5 \sqrt[3]{2} + 2/5 \sqrt[3]{2} - 5 \times \frac{3}{5} = -3$$

در نتیجه

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ابتدا $-1, 0/5, 2 = x$ را در معادله‌ی داده شده جایگذاری می‌کنیم:

$$x = 2 \Rightarrow f(2) + 2f(-1) = 2$$

$$x = -1 \Rightarrow f(-1) + 2f(0/5) = -1$$

$$x = \frac{1}{2} \Rightarrow f(0/5) + 2f(2) = 0/5$$

اگر معادلات بالا با هم جمع کنیم، خواهیم داشت:

$$3(f(2) + f(0/5) + f(-1)) = 1/5 \Rightarrow f(2) + f(0/5) + f(-1) = 0/5$$

نکته ۱: در نمایش یک تابع به صورت $\begin{cases} f: A \rightarrow B \\ f(x) = y \end{cases}$, مجموعه A را دامنه و مجموعه B را هم دامنه تابع می‌گوییم.

هم دامنه تابع را می‌توان هر مجموعه دلخواهی شامل برد تابع در نظر گرفت.

نکته ۲: دو تابع f و g را برابر گوییم، هرگاه:

(الف) دامنه f و دامنه g با هم برابر باشند.

(ب) برای هر x از این دامنه یکسان داشته باشیم: $f(x) = g(x)$

تابع داده شده در صورت سؤال دارای دامنه $\left[-\frac{1}{3}, \frac{1}{3} \right]^A$ است. پس گزینه‌های ۲ و ۴ نمی‌توانند جواب باشند. با توجه به

اینکه $x^2 - x \neq \sqrt{x^2 - 1}$, ضابطه گزینه ۳ با ضابطه تابع مفروض متفاوت است. پس گزینه ۳ هم پاسخ نیست.

در گزینه ۱، دامنه داده شده با دامنه تابع مفروض یکسان است و به ازای هر x از این دامنه داریم:

$$\sqrt{x^2 - x} = \sqrt{x} \times \sqrt{x - 1}$$

همچنین هم دامنه شامل برد است، پس گزینه ۱ پاسخ است.

$$\begin{cases} x + 2 > 0 \Rightarrow x > -2 \\ \log(x + 2) \geq 0 \Rightarrow x + 2 \geq 1 \Rightarrow x \geq -1 \end{cases} \xrightarrow{\cap} x \geq -1 \quad \text{دامنه:}$$

$$\log(x + 2) - \sqrt{\log(x + 2)} = 0 \Rightarrow \sqrt{\log(x + 2)}(\sqrt{\log(x + 2)} - 1) = 0$$

بنابراین:

$$\begin{cases} \sqrt{\log(x + 2)} = 0 \Rightarrow \log(x + 2) = 0 \Rightarrow x + 2 = 1 \Rightarrow x = -1 \\ \sqrt{\log(x + 2)} - 1 = 0 \Rightarrow \sqrt{\log(x + 2)} = 1 \Rightarrow \log(x + 2) = 1 \Rightarrow x + 2 = 10 \Rightarrow x = 8 \end{cases}$$

هر دو ریشه معادله قابل قبول‌اند. در نتیجه:

$$\sqrt{x} \geq 1 \rightarrow \sqrt{x+1} \geq 1 \rightarrow (\sqrt{x+1})^2 - 1 \geq 0 \rightarrow y \geq 0$$

$$y = f(x) = x + 2\sqrt{x} = (\sqrt{x+1})^2 - 1 \Rightarrow \sqrt{y+1} = \sqrt{x+1} \Rightarrow \sqrt{x} = \sqrt{y+1} - 1$$

$$\Rightarrow x = (\sqrt{y+1} - 1)^2 \Rightarrow f^{-1}(y) = (\sqrt{y+1} - 1)^2$$

$$x \geq 0 \Rightarrow f^{-1}(x) = (\sqrt{x+1} - 1)^2 \Rightarrow f^{-1} \text{og} = \{(1, 0), (2, 1)\}$$

راه حل دوم:

$$x + 2\sqrt{x} = 0 \Rightarrow x = 0 \Rightarrow f^{-1}(0) = 0 \Rightarrow f^{-1} \text{og}(0) = 0$$

$$x + 2\sqrt{x} = 1 \Rightarrow x = 1 \Rightarrow f^{-1}(1) = 1 \Rightarrow f^{-1} \text{og}(1) = 1$$

$$x + 2\sqrt{x} = -1 \Rightarrow \text{غیر قابل}$$

$$x + 2\sqrt{x} = -2 \Rightarrow \text{غیر قابل}$$

$$f^{-1} \text{og} = \{(0, 0), (1, 1)\}$$

$$g^{-1}(2) = 1 \xrightarrow{\text{تعريف تابع وارون}} g(1) = 2$$

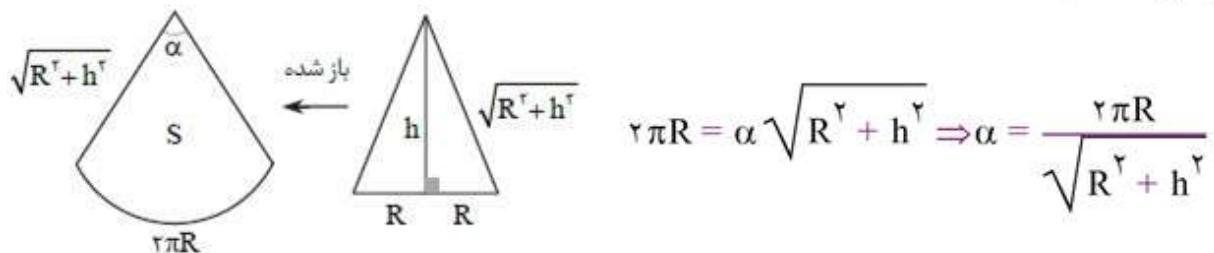
$$f(g(x)) = x^2 + x \xrightarrow{x=1} f(g(1)) = 1 + 1 \Rightarrow f(2) = 2$$

$$f(2) = 2 \xrightarrow{\text{تعريف تابع وارون}} f^{-1}(2) = 2$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۹۲

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. حجم مخروط برابر $\frac{\pi}{3}R^2h$ است، پس $\frac{\pi}{3}R^2h = \frac{\pi}{3}$ است. اگر مخروط را باز کنیم بخشی

از یک دایره خواهد شد:



$$2\pi R = \alpha \sqrt{R^2 + h^2} \Rightarrow \alpha = \frac{2\pi R}{\sqrt{R^2 + h^2}}$$

$$\Rightarrow S = \left(\sqrt{R^2 + h^2} \right)^2 \times \frac{\alpha}{2} = (R^2 + h^2) \times \frac{\pi R}{\sqrt{R^2 + h^2}} = \pi R \sqrt{R^2 + h^2}$$

$$\xrightarrow{R^2 = \frac{1}{h}} S = \pi \sqrt{\frac{1}{h}} \sqrt{\frac{1}{h} + h^2} = \pi \sqrt{\frac{1}{h^2} + h} \Rightarrow S' = \pi \times \frac{\left(-\frac{2}{h} + 1 \right)}{2\sqrt{\frac{1}{h^2} + h}} = .$$

$$\Rightarrow -\frac{2}{h} + 1 = 0 \Rightarrow h^2 = 2 \Rightarrow h = \sqrt{2}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. طول نقطه‌ی عطف تابع، ریشه‌ی $f''(x) = 0$ است:

$$f'(x) = 2x^2 - 2(m-1)x + 8 \Rightarrow f''(x) = 4x - 2(m-1) = 0 \Rightarrow x = \frac{m-1}{2}$$

پس باید:

$$\frac{m-1}{2} < -2 \Rightarrow m-1 < -4 \Rightarrow m < -3$$

طول نقطه اکسترمم تابع f ، ریشه‌های معادله $f'(x) = 0$ است. در این معادله داریم:

$$\Delta = 4(m-1)^2 - 4(2)(8) = 4(m^2 - 2m + 1 - 16) = 4(m^2 - 2m - 15) = 4(m+3)(m-5) > 0$$

$$P = \frac{\Delta}{4} > 0$$

$$S = -\frac{2(m-1)}{2} = m-1 < -4$$

پس طول نقاط اکسترمم نسبی منفی است.

$$C'(t) = \frac{t^3 + 16 - 2t^2 \times t}{(t^3 + 16)^2} = \frac{16 - 2t^3}{(t^3 + 16)^2} = 0 \Rightarrow t = 2$$

$t = 2$ نقطهٔ بحرانی است.

	t	۰	۲	$+\infty$
$C'(t)$		+	-	
$C(t)$		\nearrow	\downarrow	\nearrow

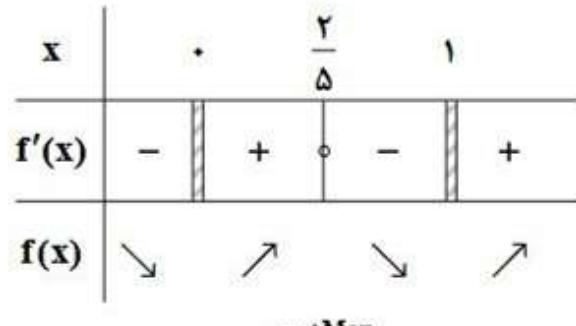
ملاحظه می‌کنید که $\max C(t) = \frac{1}{12}$ است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. نکته (آزمون مشتق اول): اگر $c = x$ یک نقطهٔ بحرانی تابع $f(x)$ باشد و $f'(x)$ در این نقطه از مثبت به منفی (منفی به مثبت) تغییر علامت بدهد، آنگاه این نقطه، نقطهٔ ماکسیمم نسبی (مینیمم نسبی) تابع $f(x)$ است. ۹۶

$$D_f = \mathbb{R}, f(x) = \begin{cases} (x-1)\sqrt[5]{x^2} = x^{\frac{5}{3}} - x^{\frac{2}{3}} & x \geq 1 \\ -(x-1)\sqrt[5]{x^2} = x^{\frac{2}{3}} - x^{\frac{5}{3}} & x \leq 1 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \begin{cases} \frac{5}{3}x^{\frac{2}{3}} - \frac{2}{3}x^{-\frac{1}{3}} & x > 1 \\ \frac{2}{3}x^{-\frac{1}{3}} - \frac{5}{3}x^{\frac{2}{3}} & x < 1 \end{cases}$$

$$f'(x) = 0 \Rightarrow \frac{1}{3}x^{-\frac{1}{3}}(5x - 2) = 0 \Rightarrow x = \frac{2}{5}$$



بنابراین طول ماکسیمم نسبی، $x = \frac{2}{5}$ است.

$$y' = \sqrt{2-x^2} + \frac{-2x}{2\sqrt{2-x^2}} \times x = \sqrt{2-x^2} - \frac{x^2}{\sqrt{2-x^2}}$$

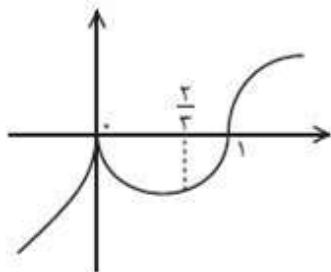
$$= \frac{2-2x^2}{\sqrt{2-x^2}} = 0 \Rightarrow x^2 = 1 \Rightarrow x = \pm 1$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. در ریشه‌های زیر رادیکال تابع مشتق‌پذیر نیست و نقاط بحرانی دارد، پس $x = 0$ و $x = 1$ بحرانی هستند. ۹۸

$$f(x) = \sqrt[3]{x^3 - x^2} \Rightarrow f'(x) = \frac{3x^2 - 2x}{3\sqrt[3]{(x^3 - x^2)^2}} = \frac{x(3x - 2)}{3\sqrt[3]{(x^3 - x^2)^2}}$$

در $\frac{2}{3} = x$ هم که مشتق صفر می‌شود و نقطه بحرانی است، پس نقاط بحرانی تابع $x = 0, 1$ و $x = \frac{2}{3}$ هستند.

این هم نمودار تابع:



گزینه ۱ پاسخ صحیح است. مشتق تابع مثبت است. ۹۹

$$y' = \frac{3(x-1)x^2 - 4x^3(x-1)^3}{x^4} = \frac{x^2(x-1)^2 [3x^2 - 4x^2 + 4x]}{x^4}$$

$$y' > 0 \Rightarrow 4x - x^2 > 0 \Rightarrow 0 < x < 4$$

تابع در باره $(0, 4)$ صعودی است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۰۰

$$f'(x) = fx^2 - 16x = 4x(x^2 - 4) = 0 \Rightarrow x = 0, 2, -2$$

پس نقاط بحرانی تابع در بازه‌ی $[1, -3]$ نقاط -2 و 0 هستند.

x	-۴	-۲	۰	۲
$f(x)$	$k+4$	$k-16$	k	$k-4$

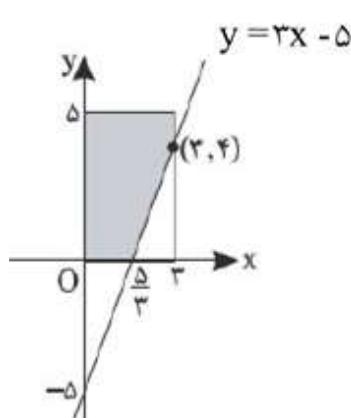
$$k+4 = -(k-16) = 16-k \Rightarrow 2k = 16 \Rightarrow k = \frac{16}{2}$$

طبق فرض $\max(f) = -\min(f)$ ، پس:

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

ابتدا محل تلاقی خط $y = 3x - 5$ با محور Ox و خط $x = 3$ را با دست می‌آوریم.

با توجه به شکل مساحت قسمت هاشور خورده را باید به دست آوریم.



x	y
5	5
3	3
0	0

مثلث S - مستطیل S = ناحیه هاشور خورده

$$S = 5 \times 3 - \frac{1}{2} \left(3 - \frac{5}{3} \right) \times 4$$

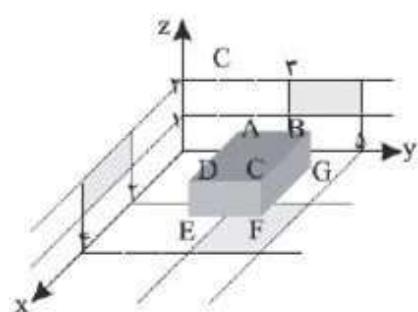
$$\Rightarrow S = 15 - \frac{8}{3} = \frac{37}{3}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. این نقاط بر روی صفحه $Z=1$ و خط $y=2$ قرار دارند که این خط با صفحات xoy و XOZ موازی و بر صفحه YOZ عمود است.

گزاره‌های الف، ب و ج درست هستند و گزاره‌ی د نادرست است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. در این مکعب مستطیل 2 ، $AB = 2$ ، $AD = 1$ و $DE = 2$ ، بنابراین قطر این مکعب برابر

$d = \sqrt{2^2 + 2^2 + 1^2} = 3$ است برابر است با:



$$CG = \sqrt{2^2 + 1^2} = \sqrt{5} \Rightarrow \frac{d}{CG} = \frac{3}{\sqrt{5}} = \frac{3\sqrt{5}}{5} = 0.6\sqrt{5}$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. فرض کنیم $A(x, y, z)$ نقاط مورد نظر باشند. قرینه این نقاط نسبت به محور X ها، $A'(x, -y, -z)$ و تصویرشان روی صفحه xoy خواهد بود، در نتیجه:

$$\begin{aligned} AA' &= \sqrt{(x-x)^2 + (y+y)^2 + (z+z)^2} \\ &= \sqrt{(x-x)^2 + (y-y)^2 + (z+0)^2} \Rightarrow \sqrt{4y^2 + 4z^2} = \frac{1}{2}|z| \\ \text{طرفین به توان ۲} \Rightarrow 4y^2 + 4z^2 &= \frac{1}{4}z^2 \Rightarrow 4y^2 + \frac{15}{4}z^2 = 0 \Rightarrow \begin{cases} y = 0 \\ z = 0 \end{cases} \end{aligned}$$

که این معادله محور X ها است.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. فاصله نقطه $(\alpha, \beta, \gamma) = A$ تا مبدأ مختصات برابر است با:

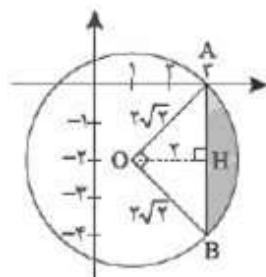
$$\sqrt{\alpha^2 + \beta^2 + \gamma^2}$$

فاصله نقطه $(\alpha, \beta, \gamma) = A$ از صفحات xy , xz و yz به ترتیب برابر با $|\gamma|$, $|\alpha|$ و $|\beta|$ است، بنابراین فاصله نقطه $(2, -1, -1) = A$ از صفحات xy , xz و yz به ترتیب برابر با ۱، ۲ و ۲ است، پس فاصله A تا مبدأ مختصات برابر با

$$\frac{\sqrt{6}}{2} = \frac{2\sqrt{6}}{2} = \sqrt{2^2 + 1^2 + 1^2} = \sqrt{6}$$

مبدأ مختصات است.

گزینه ۵ پاسخ صحیح است.



$$x^2 + y^2 - 2x + 4y + 1 + 4 < 3 + 1 + 4 \Rightarrow (x-1)^2 + (y+2)^2 < 8$$

یعنی سطح داخل و محیط دایره‌ای به مرکز $(1, -2)$ و شعاع $2\sqrt{2}$.

$$\triangle OAB: OA = OB = \sqrt{2}$$

$$OH = \sqrt{1^2 + (-1)^2} = \sqrt{2} \Rightarrow HB = \sqrt{2} \Rightarrow AH = \sqrt{2} \Rightarrow AB = \sqrt{2} \Rightarrow \hat{O} = 90^\circ$$

$$S_{\text{زنگی}} = \frac{1}{4}S_{\text{دایره}} - S_{\triangle OAB} = \frac{1}{4} \times \pi \times (\sqrt{8})^2 - \frac{1}{2} \times \sqrt{2} \times \sqrt{2} = 2\pi - 4 = 2(\pi - 2)$$

$$|\vec{b}| = \sqrt{10} \Rightarrow \sqrt{x^2 + 1} = 10 \Rightarrow x^2 = 9 \Rightarrow x = \pm 3$$

$$x = 3 \Rightarrow \vec{b} = (3, -1) \Rightarrow \begin{cases} \vec{a} + \vec{b} = (5, -2) \\ \vec{a} - \vec{b} = (1, 1) \end{cases}$$

$$|\vec{a} + \vec{b}| + |\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{36 + 4} + \sqrt{1 + 1} = 2\sqrt{10}$$

$$x = -3 \Rightarrow \vec{b} = (-3, -1) \Rightarrow \begin{cases} \vec{a} + \vec{b} = (-1, -2) \\ \vec{a} - \vec{b} = (5, 1) \end{cases}$$

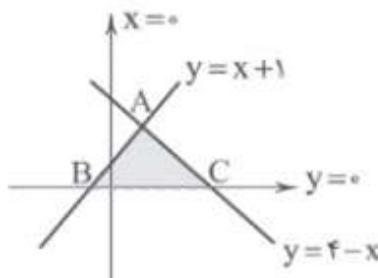
$$|\vec{a} + \vec{b}| + |\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{1 + 4} + \sqrt{36 + 1} = 8$$

$$\vec{a} \parallel \vec{b} \Rightarrow \frac{m+1}{1} = \frac{-4}{-3} \Rightarrow 3m + 3 = 8 \Rightarrow m = \frac{5}{3} \Rightarrow \vec{b} = \left(\frac{5}{3}, -4\right)$$

$$\overrightarrow{AB} = B - A \Rightarrow \vec{b} = B - A \Rightarrow \left(\frac{5}{3}, -4\right) = B - (2, -1)$$

$$\Rightarrow B = (2, -1) + \left(\frac{5}{3}, -4\right) = \left(\frac{11}{3}, -5\right)$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. نمودار توابع $y = x + 1$ و $y = 4 - x$ را رسم می‌کنیم. ناحیه‌ی موردنظر سطح بین نقاط زیر خطوط $y = x + 1$ و $y = 4 - x$ و بالای محور x هاست. ۱۰۹

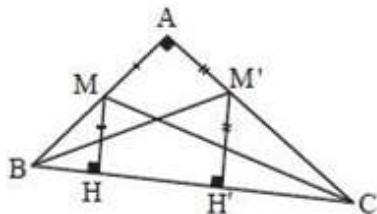


$$\begin{cases} y = x + 1 \\ y = 4 - x \end{cases} \Rightarrow x + 1 = 4 - x \Rightarrow x = \frac{3}{2}, y = \frac{5}{2} \Rightarrow A\left(\frac{3}{2}, \frac{5}{2}\right)$$

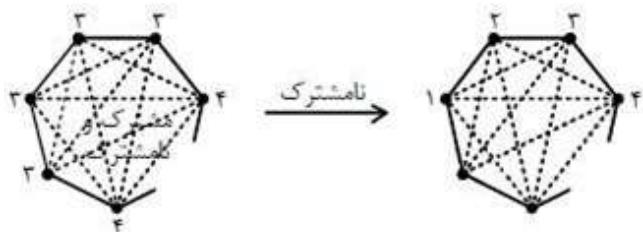
$$B(-1, 0), C(4, 0) \Rightarrow |BC| = 5$$

$$S(\triangle ABC) = \frac{1}{2} \times \frac{5}{2} \times 5 = \frac{25}{4} = 6.25$$

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. فرض می‌کنیم نقطه‌ای روی محیط مثلث ABC باشد که از رأس A و ضلع به BC یک فاصله باشد، در این صورت طبق شکل، $MH = MA$ و در نتیجه نقطه M باید از دو ضلع زاویه C به یک فاصله باشد و این به این معناست که نقطه M باید روی نیمساز زاویه C قرار داشته باشد. به همین ترتیب نقطه M' روی نیمساز B قرار خواهد داشت، پس دو نقطه با این ویژگی وجود دارد که این دو نقطه پای نیمسازهای زوایای B و C از مثلث قائم‌الزاویه ABC هستند.

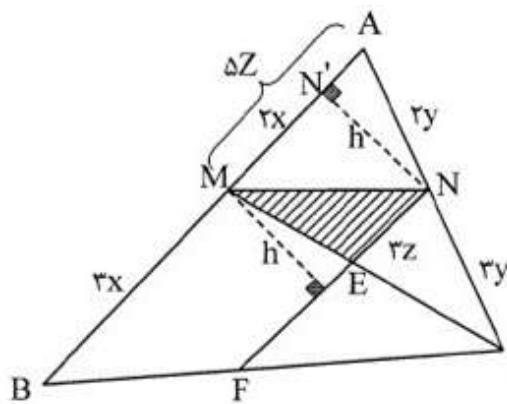


گزینه ۳ پاسخ صحیح است. با توجه به شکل‌های زیر داریم:



- ۱- از هر رأس دوازدهضلعی $9 - 3 = 6$ قطر می‌گذرد.
- ۲- به‌ظاهر از شش رأس متواലی $54 = 9 \times 6$ قطر می‌توان رسم کرد.
- ۳- اما با توجه به شکل بالا، شش رأس متواالی دارای ۱۰ قطر مشترک هستند ($10 = 20 - 10$) که هر کدام دوبار به حساب آمده‌اند.
- ۴- پس تعداد واقعی قطرها که از شش رأس متواالی یک دوازدهضلعی محدب می‌گذرد برابر $44 = 10 - 54$ قطر است.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ۱۱۲



اگر نسبت تشابه k باشد نسبت مساحتها k^2 می‌شود، بنابراین:

$$\triangle AMN \sim \triangle ABC \Rightarrow \frac{S_{\triangle AMN}}{S_{\triangle ABC}} = \left(\frac{2}{5}\right)^2 = \frac{4}{25}$$

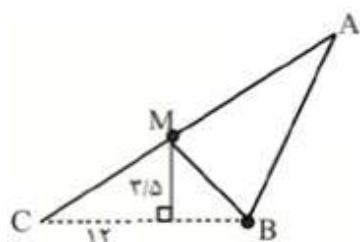
$$NE \parallel AM \Rightarrow \triangle NEC \sim \triangle AMC \Rightarrow \frac{NE}{AM} = \frac{EZ}{AZ} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{S_{\triangle MEN}}{S_{\triangle AMN}} = \frac{\frac{1}{2}NE \times h}{\frac{1}{2}AM \times h} = \frac{NE}{AM} = \frac{3}{5}$$

: فاصله دو خط موازی را h در نظر می‌گیریم

$$\frac{S_{\triangle MEN}}{S_{\triangle ABC}} = \frac{S_{\triangle MEN}}{S_{\triangle AMN}} \times \frac{S_{\triangle AMN}}{S_{\triangle ABC}} \times 100 = \frac{3}{5} \times \frac{4}{25} \times 100 = \% 48$$

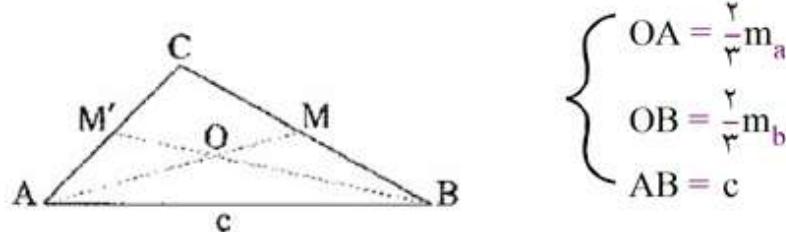
گزینه ۳ پاسخ صحیح است. چون M روی عمودمنصف BC قرار دارد، داریم: ۱۱۳



$$MC = MB = \sqrt{\frac{2}{5}^2 + 12^2} = 12/5 \Rightarrow MA + MB + MC = 30/5$$

$$\Rightarrow MA + 25 = 30/5 \Rightarrow MA = 5/5$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۱۴



$$\left\{ \begin{array}{l} OA = \frac{2}{3}m_a \\ OB = \frac{2}{3}m_b \\ AB = c \end{array} \right.$$

با داشتن اطلاعات بالا مثلث $\triangle OAB$ قابل رسم است. با رسم این مثلث OM را به اندازه نصف OA و OM' را به اندازه نصف OB امتداد می‌دهیم و از تقاطع BM' و AM' رأس C را می‌یابیم.

پس کافی است $\triangle OAB$ قابل رسم باشد. طبق نامساوی مثلثی در این مثلث داریم:

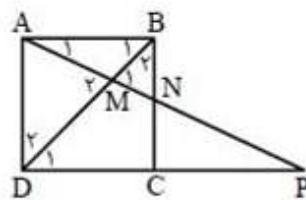
$$\left| \frac{2}{3}m_a - \frac{2}{3}m_b \right| < c < \frac{2}{3}M_a + \frac{2}{3}M_b \Rightarrow \frac{2}{3}(3-2) < c < \frac{2}{3}(2+3)$$

$$\Rightarrow \frac{2}{3} < c < \frac{10}{3} \xrightarrow{\text{مقادیر صحیح}} 1, 2, 3$$

$$\left. \begin{array}{l} \hat{B_1} = \hat{D_1} \\ \hat{A_1} = \hat{P} \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{ز ز}} \triangle AMB \sim \triangle DPM \Rightarrow \frac{MP}{AM} = \frac{DP}{AB} = \frac{DM}{MB} \quad (1)$$

$$\left. \begin{array}{l} \hat{B_2} = \hat{D_2} \\ \hat{M_1} = \hat{M_2} \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{ز ز}} \triangle AMD \sim \triangle BMN \Rightarrow \frac{AD}{BN} = \frac{AM}{MN} = \frac{DM}{BM} \quad (2)$$

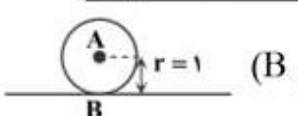
$$\xrightarrow{(1) \text{ و } (2)} \frac{AM}{MN} = \frac{DP}{AB} = \frac{3}{2} \xrightarrow{\text{ترکیب در مخرج}} \frac{AM}{AN} = \frac{3}{5}$$



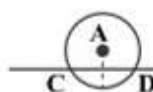
مجموعه نقاطی که از A به فاصله r هستند، روی دایره‌ای به مرکز A و شعاع r قرار دارند. ۳ حالت امکان‌پذیر است:



(۱) اگر $r < 1$ ، دایره خط d را قطع نمی‌کند، پس چنین نقطه‌ای وجود ندارد.



(۲) اگر $r = 1$ ، دایره بر خط مماس می‌شود، پس یک نقطه وجود دارد. (نقطه B)



(۳) اگر $r > 1$ ، دایره خط را در دو نقطه قطع می‌کند. (نقاط C و D)

بنابراین گزینه ۴ پاسخ است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. اگر مثلث ADC را قاعده‌ی هرم در نظر بگیریم آنگاه $a = AB$ ارتفاع هرم خواهد بود. ۱۱۷

$$\frac{1}{3} \times a \times \frac{a^2}{2} = \frac{1}{6} a^3 \text{ حجم هرم}$$

حالا اگر مثلث BDC را قاعده‌ی هرم در نظر بگیریم باید حجم بدست آمده با حجم هرم با این قاعده برابر باشد. در این حالت مثلث متساوی‌الاضلاع BDC با ضلع $\sqrt{2}a$ قاعده است.

$$\frac{1}{3} \times h \times \frac{2\sqrt{3}}{4} a^2 = \frac{\sqrt{3}}{6} a^2 h \text{ حجم هرم}$$

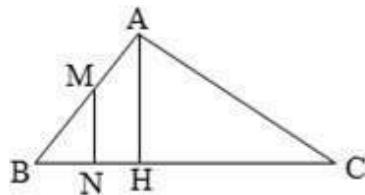
$$\frac{1}{3} a^3 = \frac{\sqrt{3}}{6} a^2 h \Rightarrow h = \frac{a}{\sqrt{3}}$$

داریم:

$$\frac{h_a}{h_b} = \frac{a}{b} \Rightarrow b^2 = a^2 \Rightarrow a = b$$

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

ارتفاع AH را رسم می‌کنیم:
 $AM = MB, MN \parallel AH \Rightarrow BN = NH$



$$\begin{aligned} NC^2 - NB^2 &= (NC - NB)(NC + NB) \\ &= (NH + HC - BN)(NC + NB) \\ \Rightarrow NC^2 - NB^2 &= CH \cdot BC = AC^2 \end{aligned}$$

گزینه‌ی ۲ پاسخ صحیح است.

$$\begin{aligned} \left. \begin{array}{l} \hat{B} = \hat{N} \\ \hat{A} = \hat{A} \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle AMN \sim \triangle ABC \Rightarrow \frac{MN}{BC} = \frac{AM}{AC} = \frac{AN}{AB} \Rightarrow \frac{AM}{10} = \frac{3}{AB} \\ \Rightarrow \frac{AM}{10} = \frac{3}{AM+1} \Rightarrow 10 = AM^2 + AM \Rightarrow AM^2 + AM - 10 = 0 \\ \Rightarrow (AM+5)(AM-5) = 0 \Rightarrow AM = 5 \Rightarrow \frac{MN}{BC} = \frac{AM}{AC} = \frac{5}{10} = \frac{1}{2} \end{aligned}$$

گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. اگر مستطیل کامل بود تعداد مربع‌های ۱ \times ۶ برابر بود با ۸ \times ۲ و تعداد مربع‌های ۲ \times

برابر بود با ۷ \times ۵ و ... بنابراین کل مربع‌ها برابر است با:
 $6 \times 8 + 5 \times 7 + 4 \times 6 + 3 \times 5 + 2 \times 4 + 1 \times 3 = 48 + 35 + 24 + 15 + 8 + 3 = 133$

با حذف دو مربع گفته شده ۶ + ۶ مربع حذف می‌شوند ولی یکی از مربع‌ها ۲ بار حذف شده است بنابراین با استفاده از اصل شمول و عدم شمول داریم:

$$122 = 1 + 6 - 6 = 1$$

گزینه‌ی ۳ پاسخ صحیح است. دو رقم از ارقام دهگانه را انتخاب کرده و در جایگاه‌های یکان و هزارگان قرار می‌دهیم

(رقم کوچک در یکان و رقم بزرگ در هزارگان)، دو رقم دیگر از ارقام هشتگانه‌ی باقیمانده را انتخاب کرده و در جایگاه‌های دهگان و صدگان می‌چینیم، بنابراین جواب موردنظر $\binom{10}{2} \times \binom{8}{2} = 1260$ است.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. اگر خانه‌ی مشخص شده را با ۲ پر کنید به دو جواب، و اگر آن را با ۴ پر کنید به دو جواب دیگر خواهد رسید:

۱	۳	
۲	۱	

۱	۴	۲	۳
۴	۱	۳	۲
۳	۲	۱	۴
۲	۳	۴	۱

۲	۳	۴	۱
۴	۱	۳	۲
۳	۲	۱	۴
۱	۴	۲	۳

۱	۳	۴	۲
۲	۱	۳	۴
۴	۲	۱	۳
۳	۴	۲	۱

۲	۴	۲	۱
۲	۱	۳	۴
۴	۲	۱	۳
۱	۳	۴	۲

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. جدول مقابل را درنظر بگیرید: d و g حتماً ۳ هستند. اگر a را برابر ۱ درنظر بگیریم b و i و j منحصر به فرد و نیز اگر ۲ قرار دهیم آن اعداد منحصر به فرد یافت می‌شوند.
اگر c را برابر ۱ درنظر بگیریم f و e و h منحصر به فرد و نیز اگر ۲ قرار دهیم باز آن اعداد منحصر به فرد یافت می‌شوند.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. عدد ۶ را به یکی از صورت‌های زیر می‌توان به صورت مجموع سه عدد صحیح نامنفی نوشت:

- | | | |
|--------------|--------------|--------------|
| ۱) ۰ - ۰ - ۰ | ۲) ۵ - ۱ - ۰ | ۳) ۴ - ۲ - ۰ |
| ۴) ۴ - ۱ - ۱ | ۵) ۳ - ۳ - ۰ | ۶) ۳ - ۲ - ۱ |
| ۷) ۲ - ۲ - ۲ | | |

تعداد طرق توزیع حالات فوق بین سه نوع گل به ترتیب برابر ۱، ۳، ۳، ۶ و ۱ بوده و مجموعشان ۲۴ می‌شود.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. اولین داده به صورت ۱۰۷۰۱ است و مطابق تعریف ارائه شده داریم:
 $\frac{11004}{1101}, \dots, \frac{11501}{1151}, \dots, \frac{10901}{1091}, \dots, \frac{10701}{1071}, \dots, \frac{10801}{1081}, \dots, \frac{10712}{1072}$ عضو ۱۰۰ عضو ۹۷ عضو ۲۵ عضو ۱۳ عضو ۱۲ عضو ۱

در واقع $4 + 8 + 12 = 24$ است، پس ۸ گروه سنی (۷ تا ۱۴ سال) قبل از رسیدن به عضو صدم مجموعه به پایان رسیده و از عضو نود و هفتم گروه سنی ۱۵ سال آغاز می‌گردد که صدمین عضو مجموعه نیز به این گروه تعلق دارد.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. اعضای مجموعه را می‌توان به صورت زیر مشخص کرد:
 $\frac{100201}{100185}, \dots, \frac{100101}{100105}, \dots, \frac{100085}{100081}, \dots, \frac{100001}{100001}$ عضو ۱۷۱ عضو ۱۷۰ عضو ۸۶ عضو ۸۵ عضو ۱

عدد ۱۰۰۰۰ را می‌توان به صورت $117 \times 85 + 55$ نوشت. بنابراین ده هزارمین عضو مجموعه به صورت ۱۱۱۷۵۵ نوشته می‌شود و سن این فرد برابر ۵۵ است.

$$x_1 + x_2 + x_3 = \binom{9-1}{3-1} = \binom{8}{2} = 28$$

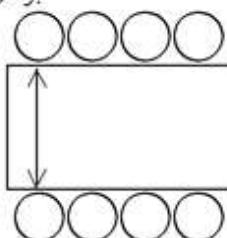
$$x_4 + x_5 = \binom{7-1}{2-1} = \binom{6}{1} = 6$$

$$28 \times 6 = 168$$

بنابراین تعداد کل جواب‌های طبیعی، این دستگاه معادلات برابر است با:

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ۴ حالت می‌توانند روی هم قرار بگیرند که با عوض کردن جای مقابل $8 = 2 \times 4$ حالت می‌شود در هر حالت $6!$ حالت افراد دیگر می‌نشینند پس $5760 = 6! \times 8!$ حالت رخ می‌دهد. ۱۲۹

برادر ۱



برادر ۲

$$2! \times 4 \times 6! = 5760$$

↓
جایگایی برادرها

۴ تا رو برو هستند

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. این ۶ حرف یا در ۶ خانه اول (۱ تا ۶) یا در ۶ خانه آخر (۲ تا ۷) قرار می‌گیرد. با توجه به قضیه جایگشت با تکرار داریم: ۱۳۰

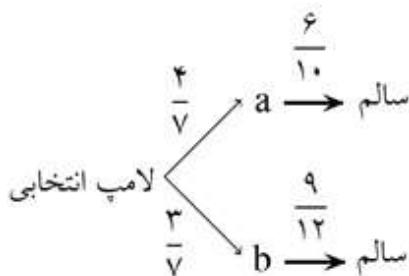
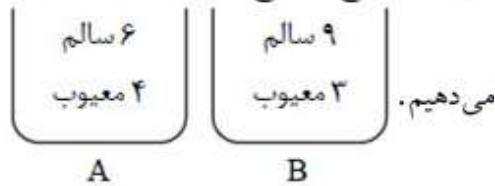
$$2 \times \frac{6!}{2! 2! 2!} = 180$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. با توجه به جدول ارزش‌گذاری گزاره‌ها داریم: ۱۳۱

p	q	$\sim q$	$p \vee \sim q$	$p \vee q$	$(p \vee \sim q) \wedge (p \vee q)$
د	د	ن	د	د	د
د	ن	د	د	د	د
ن	د	ن	ن	د	ن
ن	ن	د	د	ن	ن

پس گزاره‌ی $(p \vee \sim q) \wedge (p \vee q)$ هم ارز گزاره‌ی p است.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. لامپ‌های انتخابی از جعبه‌ی A را با a و لامپ‌های انتخابی از جعبه‌ی B را با b نشان



جعبه‌ی جدید به صورت $\begin{matrix} a & a \\ a & a \end{matrix} \quad bbb$ است. پس:

$$\text{بنابراین پاسخ برابر با } \frac{6}{10} + \frac{3}{7} \times \frac{9}{12} = \frac{93}{140} \text{ است.}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. تنها گزاره ج نادرست است، چرا که یک ترکیب شرطی است که مقدم آن صحیح ولی ارزش حکم آن نادرست است.

$$x = \frac{3 + \sqrt{9 + 8n}}{2}$$

حاصل این کسر باید عددی مثبت شود چرا که X تعداد اضلاع را نشان می‌دهد بنابراین تنها باید در صورت کسر علامت \pm قرار گیرد نه.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. فقط یکی، یعنی گوشی «سمانه» آتن بدهد ولی گوشی «سهیلا» نه و یا گوشی «سهیلا» آتن بدهد و «سمانه» نه! (این همان تعبیر $A \Delta B$ به صورت پیشامدی است). چون دو پیشامد مستقل‌اند، لذا احتمال وقوع اشتراکشان برابر ضرب احتمالشان است. ضمن آن‌که اگر A و B مستقل باشند، (A, B') و (A', B) و (B', B') نیز مستقل‌اند.

پس:

$$P(A \Delta B) = P((A - B) \cup (B - A)) = P(A - B) + P(B - A) = P(A \cap B') + P(B \cap A')$$

$$= \frac{1}{8}(1 - \frac{1}{25}) + \frac{1}{25}(1 - \frac{1}{8})$$

$$\Rightarrow P(A \Delta B) = \frac{1}{8} \times \frac{3}{4} + \frac{1}{4} \times \frac{2}{10} = \frac{26}{40} = \frac{13}{20}$$

احتمال این که مهره‌ی دوم آبی باشد. احتمال این که مهره‌ی اول آبی باشد.

۳ قرمز
۷ آبی

$$P(A) = \frac{3}{10} \times \frac{2}{9} + \frac{7}{10} \times \frac{6}{9} = \frac{6}{90} + \frac{42}{90} = \frac{48}{90} = \frac{16}{30} = \frac{8}{15}$$

یا

احتمال این که مهره‌ی دوم قرمز باشد. احتمال این که مهره‌ی اول قرمز باشد.

شش جفت کفش، یعنی ۱۲ لنگه، بنابراین تعداد اعضای فضای نمونه‌ای برابر $n(S) = \binom{12}{4}$ است.

$$n(S) = \binom{12}{4} = \frac{12!}{4! 8!} = \frac{12 \times 11 \times 10 \times 9 \times 8!}{4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 8!} = 495$$

حال برای آنکه دو جفت کفش انتخاب شوند، باید از شش جفت، دو جفت انتخاب کرد:

$$n(A) = \binom{6}{2} = \frac{6!}{2! 4!} = \frac{6 \times 5 \times 4!}{2 \times 4!} = 15 \Rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{15}{495} = \frac{1}{33}$$

$$n(S) = 5! = 120$$

باید سربازان را در یک دسته و افسران را در دسته‌ی دیگر قرار دهیم. تعداد جایگشت‌های دو دسته برابر $2!$ است که باید در جایگشت‌های داخلی هر دسته ضرب شود.

سرباز = s

افسر = a

(s, s, s, a, a)

$$n(A) = 3! \times 2! \times 2! = 24$$

$$\Rightarrow P(A) = \frac{n(A)}{n(S)} = \frac{24}{120} = \frac{2}{10} = .2$$

$$\begin{cases} n(S) = 6 \times 2 \times 2 = 24 \\ n(A) = 3 \times 1 \times 1 = 3 \end{cases} \Rightarrow P(A) = \frac{3}{24} = \frac{1}{8}$$

سکه
تاس
↑
سکه
↑
↓
زوج
↓
بشت
↓
پشت

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$n(S) = 6 \times 2 \times 2 = 24$$

↑ سکه تاس
(-, -, -)

$$n(A) = \frac{3}{2} = 3 \times 3 = 9$$

↑ حداقل

یکی رو

$$\Rightarrow P(A) = \frac{9}{24} = \frac{3}{8}$$

گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است. تعداد اعضای نمونه‌ای، تعداد حالات انتخاب ۳ مهر از ۹ مهره است:

$$n(S) = \binom{9}{3} = \frac{9!}{3!6!} = 84$$

$$A \rightarrow \text{حداصل ۲ مهره‌ی آبی} \Rightarrow n(A) = \binom{5}{1} \binom{4}{3} + \binom{5}{1} \binom{4}{2} + \binom{5}{2} \binom{4}{1} = 74 \Rightarrow P(A) = \frac{74}{84}$$

گزینه‌ی ۱ پاسخ صحیح است.

$$E_n = \frac{-E_R}{n^2} \Rightarrow n_1 = \frac{-13/6}{-4/16} = 16 \Rightarrow n_1 = 4$$

$$n_2 = \frac{-13/6}{-3/4} = 4 \Rightarrow n_2 = 2$$

$$r_n = a, n^2 \Rightarrow \frac{r_2}{r_1} = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$$

گزینه‌ی ۴ پاسخ صحیح است.

$$k_{\max} = hf - W_0 = \frac{hc}{\lambda} - W_0 = \frac{4 \times 10^{-19} \times 3 \times 10^8}{2/4 \times 10^{-7}} - 4 \text{ eV} = 5 \text{ eV} - 4 \text{ eV} = 1 \text{ eV}$$

$$k_{\max} = 1 \text{ eV} = 1/6 \times 10^{-19} J = \frac{1}{2} m_e V^2 \Rightarrow V = \sqrt{\frac{2 \times 1/6 \times 10^{-19}}{1.6 \times 10^{-31}}} = \sqrt{2 \times 16 \times 10^{11}}$$

$$= 4 \times 10^5 \sqrt{2} = 8 \times 10^5 \times \sqrt{5} = 18 \times 10^5$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. چون جرم دو کره یکسان است و چگالی فلز سازندهی کره‌ی B بیشتر است، طبق رابطه‌ی $\rho = \frac{m}{V}$ ، حجم واقعی کره‌ی B کمتر می‌باشد. یعنی درون کره‌ی B حفره‌ای وجود دارد و کره‌ی A توپر است و در نتیجه حجم واقعی و حجم ظاهری آن یکسان می‌باشد. ابتدا حجم ظاهری کره‌ها را حساب می‌کنیم.

$$V'_A = V'_B = \frac{4}{3}\pi r^3 \xrightarrow{r=2\text{ cm}} V'_A = V'_B = \frac{4}{3} \times 3 \times 8 = 32 \text{ cm}^3$$

حجم واقعی کره‌ی B را به دست می‌آوریم. دقت کنید حجم واقعی را از رابطه‌ی $\rho = \frac{m}{V}$ به دست می‌آوریم:

$$m_A = m_B \xrightarrow{m = \rho V} \rho_A V_A = \rho_B V_B \xrightarrow{\rho_A = \frac{g}{cm^3}, \rho_B = \frac{g}{cm^3}} V_A = V'_A = 32 \text{ cm}^3$$

$$3 \times 32 = 8 \times V_B \Rightarrow V_B = 12 \text{ cm}^3$$

می‌بینیم حجم واقعی کره‌ی B برابر با 12 cm^3 و حجم ظاهری آن 32 cm^3 است. بنابراین اختلاف این دو حجم برابر با حجم حفره می‌باشد.

$$\Delta V'_B = V'_B - V_B = 32 - 12 \Rightarrow \Delta V'_B = 20 \text{ cm}^3$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. چگالی برابر $\rho = \frac{m}{V}$ و جرم دو کره یکسان است.

$$\frac{\rho_B}{\rho_A} = \frac{\frac{m}{V_B}}{\frac{m}{V_A}} \Rightarrow \frac{\rho_B}{\rho_A} = \frac{V_A}{V_B} \Rightarrow \frac{\rho_B}{\rho_A} = \frac{\frac{4}{3}\pi R^3}{\frac{4}{3}\pi \left(R^3 - \frac{R^3}{27} \right)} = \frac{27}{26}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. با توجه به اینکه پیستون جابه‌جا نمی‌شود داریم:

$$V_1 = V_2 \Rightarrow \frac{P_1}{T_1} = \frac{P_2}{T_2} \Rightarrow \frac{P_1}{300} = \frac{P_2}{360}$$

$$\Rightarrow \frac{P_2}{P_1} = 1/2 = \frac{P_{\text{هوای}} + \frac{mg}{A}}{P_{\text{هوای}} + \frac{mg}{A}} = \frac{1.0 + \frac{m_2 \times 10}{5 \times 10^{-4}}}{1.0 + \frac{50}{5 \times 10^{-4}}} = \frac{1.0 + 2 \times 10^4 m_2}{2 \times 10^5}$$

$$\Rightarrow 2/4 \times 1.0 = 1.0 + 2 \times 10^4 m_2 \Rightarrow m_2 = \frac{1/4 \times 1.0}{2 \times 10^4} = 0.00025 \text{ kg}$$

$$m_2 - m_1 = 0.00025 \text{ kg}$$

مقدار جرم اضافه شده برابر است با:

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. چون $P_A V_A = P_B V_B$ هم‌دما هستند، بنابراین است در این صورت داریم:

$$\begin{aligned} \Delta U_{AB} &= Q_{AB} + W_{AB} \\ \Delta U_{AB} &= \cdot \\ Q_{AB} &= 1200 \end{aligned} \quad \left. \right\} \Rightarrow W_{AB} = -1200 \text{ J}$$

فرآیند BC هم‌حج است و کار در این فرآیند صفر است، در این صورت داریم:

$$\Delta U_{BC} = Q_{BC} + W_{BC} \Rightarrow \Delta U_{BC} = Q_{BC}$$

فرآیند CA بی‌درر و است و گرما در این فرآیند صفر می‌باشد، در این صورت داریم:

$$\Delta U_{CA} = Q_{CA} + W_{CA} \Rightarrow \Delta U_{CA} = W_{CA}$$

با توجه به آن‌که در چرخه تغییر انرژی درونی صفر است می‌توان نوشت:

$$\Delta U_{ABC} = \cdot \Rightarrow \Delta U_{AB} + \Delta U_{BC} + \Delta U_{CA} = \cdot \Rightarrow \cdot + Q_{BC} + W_{CA}$$

$$\Rightarrow Q_{BC} = -W_{CA} \Rightarrow W_{CA} = -nC_V \Delta T = \frac{C_V}{R} V \Delta P$$

$$= -\frac{3}{4} \times 6 \times 10^{-3} \times 10^5 \Rightarrow Q_{BC} = -900 \text{ J} \Rightarrow W_{CA} = 900 \text{ J}$$

$$W_{ABC} = W_{AB} + W_{BC} + W_{CA} \Rightarrow W_{ABC} = -1200 + \cdot + 900 \Rightarrow W_{ABC} = -300 \text{ J}$$

$$|W| = P\Delta V \Rightarrow |W| = ۲۰ \times ۱۰^۵ \times ۲۰ \times ۱۰^{-۳}$$

$$\Rightarrow \left. \begin{array}{l} |W| = \lambda \times ۱۰^۴ J \\ |W| = ۰/۲ |W_{کل}| \end{array} \right\} |W_{کل}| = \frac{|W|}{۰/۲} = \frac{\lambda \times ۱۰^۴}{۰/۲} = ۴ \times ۱۰^۵ J \quad (۱)$$

$$|W_{کل}| = \frac{۱}{۲} mv^۲, m = ۲۰۰ \text{ ton} = ۲۰۰ \times ۱۰^۳ \text{ kg} \quad (۲)$$

$$(۱), (۲) \Rightarrow \frac{۱}{۲} \times ۲۰۰ \times ۱۰^۳ \times v^۲ = ۴ \times ۱۰^۵ v^۲ = ۴ v = ۲ \frac{m}{s}$$

$$v = at \Rightarrow ۰/۲t = ۲ \Rightarrow t = ۱\cdot s$$

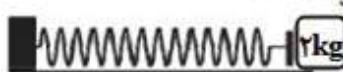
$$Q_1 + Q_۲ = ۰ \Rightarrow C_1 \Delta \theta_1 + m_۲ c_۲ \Delta \theta_۲ = ۰$$

$$C_1 \times (۴۰ - ۱۵) + ۰/۱ \times ۴۲۰۰ \times (۴۰ - ۸۰) = ۰ \Rightarrow C_1 \times ۲۵ - ۴ \times ۴۲۰۰ = ۰$$

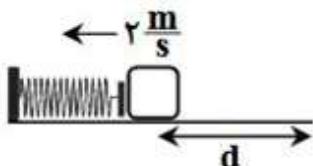
$$\Rightarrow ۲۵C_1 = ۱۶۸۰۰ \Rightarrow C_1 = ۶۷۲ \frac{J}{^{\circ}C}$$

$$W_t = \Delta K \quad W_{نر} = -\Delta U = -(U_۲ - U_1) = -۳۰ J$$

$$\leftarrow ۶ \frac{m}{s}$$



$$W_{f_k} + W_{نر} + \dot{W}_{ وزن سطح عمودی } = K_۲ - K_1 \Rightarrow W_{f_k} - ۳۰$$

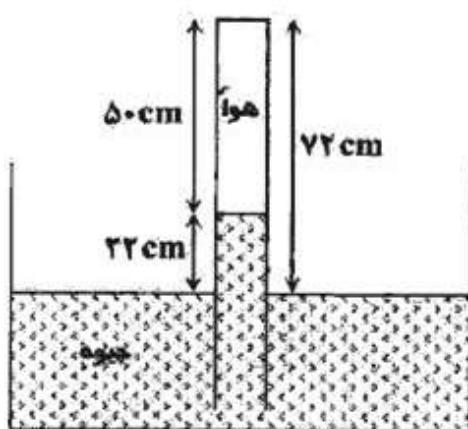


$$= \frac{۱}{۲} \times ۲ (۲^۲ - ۶^۲) \Rightarrow W_{f_k} = ۳۰ - ۳۶ = -۶ J$$

$$W_{f_k} = f_k \cdot d \cdot \cos ۱۸۰^{\circ} \Rightarrow -۶ = \lambda \times d \times (-۱) \Rightarrow d = \frac{۶}{\lambda} = \frac{۱}{۰/۲} m = ۳۰ cm$$

$$P_1 = P_0 - 10 \text{ cmHg}$$

وقتی لوله را ۲۲ سانتی متر بالا ببریم وضع به شکل مقابل می شود.



$$P_2 - P_1 = 22 \text{ cmHg}$$

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2} \Rightarrow P_1 V_1 = P_2 V_2$$

$$\Rightarrow (P_0 - 10) \times 40 A = (P_0 - 22) \times 50 A$$

$$\Rightarrow 40 P_0 - 400 = 50 P_0 - 1100$$

$$10 P_0 = 700 \Rightarrow P_0 = 70 \text{ cmHg}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. دستگاه تهویه مورد نظر باید به ازای هر ساعت در شبانه روز $\frac{1}{2} \text{ MJ}$ گرم از هوا داخل منزل بگیرد تا دمای خانه، تقریباً ثابت بماند، یعنی به ازای ۱ ساعت شبانه روز $Q_C = \frac{1}{2} \text{ MJ}$ است، لذا کاری که موتور تهویه باید به ازای هر ساعت در شبانه روز، انجام بدهد (W_1) به ترتیب رو به رو به دست می آید:

$$K = \frac{Q_C}{W} \Rightarrow \tau = \frac{1/2}{W_1} \Rightarrow W_1 = 0.4 \text{ MJ}$$

بنابراین، دستگاه تهویه در هر شبانه روز ($t = 24 \text{ h}$) باید کار مقابل را انجام دهد:

$$W = 24 W_1 = 24 \times 0.4 = 9.6 \text{ MJ} = 9.6 \times 10^6 \text{ J}$$

حال نوبت محاسبهی مدت زمانی است که طول می کشد تا دستگاه تهویه، کار W را انجام دهد.

$$P = \frac{W}{t} \xrightarrow{P = 2 \times 10^3 \text{ W}} 2 \times 10^3 = \frac{9.6 \times 10^6}{t} \xrightarrow{1 \text{ h} = 3600 \text{ s}} t = 4800 \text{ s}$$

$$t = 1 \text{ h} + 1200 \text{ s} \xrightarrow{1 \text{ min} = 60 \text{ s}} t = 1 \text{ h} + 20 \text{ min}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \Delta U = \frac{3}{2} nR \Delta T = \frac{3}{2} nR (T_2 - T_1) \\ \frac{PV}{T} = nR \Rightarrow T = \frac{PV}{nR} \Rightarrow \Delta U = \frac{3}{2} nR \left(\frac{P_2 V_2}{nR} - \frac{P_1 V_1}{nR} \right) \Rightarrow \Delta U = \frac{3}{2} (P_2 V_2 - P_1 V_1) \end{array} \right.$$

همچنین می دانیم که سطح زیر نمودار ($P - V$) با علامت مثبت یا منفی اش برابر کار انجام شده روی دستگاه (گاز) است.

$$\Delta U_{abc} = Q_{abc} + W_{abc} \xrightarrow{\frac{3}{2} \left[(5 \times 10^5)(10^{-3}) - (1 \times 10^{-3})(\frac{5}{3} \times 10^5) \right] = Q_{abc} + \left[-\left(\frac{5}{3} \times 10^5\right) \times (2 \times 10^{-3}) \right]}$$

$$+ \left[-\left(\frac{5}{3} + 1\right) \times 10^5 \times \frac{(5-3)}{2} \times 10^{-3} \right] \Rightarrow Q_{abc} = 1100 \text{ J}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

۱۵۳

$$Q_{Cu} = Q_{Fe} \Rightarrow \frac{400 \times A \times (20 - 10) \times t}{l_{Cu}} = \frac{80 \times A \times (100 - 20) \times t}{l_{Fe}}$$

$$\frac{l_{Fe}}{l_{Cu}} = \frac{80 \times 80}{400 \times 20} = \frac{4}{5}$$

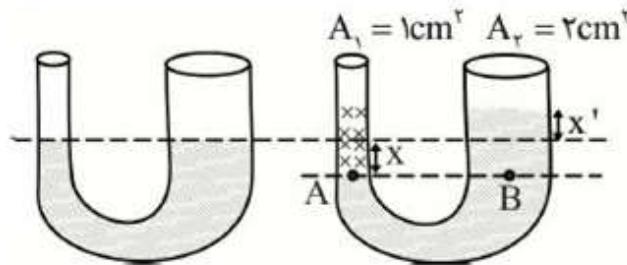
گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

۱۵۴

$$\rho = \frac{m}{v} \Rightarrow \rho / \lambda = \frac{12}{v} \Rightarrow v = 15 \text{ cm}^3$$

$$v = Ah \Rightarrow h = 15 \text{ cm}$$

$$P_A = P_B \Rightarrow \rho_{\text{آب}} h \Rightarrow \rho_{\text{آب}} \times 15 = 1 \times h \Rightarrow h = 12 \text{ cm}$$



حجم آب جابه شده در دو لوله با هم برابر است.

$$V_1 = V_2 \Rightarrow A_1 x = A_2 x' \Rightarrow 1 \times x = 2x'$$

$$x + x' = 12 \Rightarrow 2x' + x' = 12 \Rightarrow 3x' = 12 \Rightarrow x' = 4 \text{ cm}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

۱۵۵

$$P = \frac{W}{t} \Rightarrow W = p \cdot t \Rightarrow W = 1000 \times 60 \times 60 = 36 \times 10^5$$

$$\begin{cases} K = \frac{Q_C}{W} \\ |Q_H| = Q_C + W \end{cases} \Rightarrow K = \frac{|Q_H| - W}{W}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{5} = \frac{|Q_H| - 36 \times 10^5}{36 \times 10^5} \Rightarrow |Q_H| = 90 \times 10^5 + 36 \times 10^5 \Rightarrow Q_H = 12/6 \text{ MJ}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

۱۵۶

$$K_{\max} = hf - W = \frac{hc}{\lambda} - \frac{hc}{\lambda'} = hc \left(\frac{1}{\lambda} - \frac{1}{\lambda'} \right) = 4 \times 10^{-10} \times 3 \times 10^8 \left(\frac{1}{180 \times 10^{-9}} - \frac{1}{240 \times 10^{-9}} \right)$$

$$= 1200 \left(\frac{1}{180} - \frac{1}{240} \right) = 1200 \times \frac{4-3}{720} = \frac{5}{3}$$

$$E = hf = \frac{hc}{\lambda}$$

$$E_{\min} = W_0 \Rightarrow \frac{hc}{\lambda} = W_0$$

$$\Rightarrow \frac{6/6 \times 10^{-34} \times 3 \times 10^8}{\lambda} = 2/5 \times 1/6 \times 10^{-19} \Rightarrow \lambda = 1/23 \times 10^{-6} \text{ m}$$

در طیف امواج فرابنفش قرار دارد.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است.

۱۵۷

$$K_{\max} = \frac{hc}{\lambda} - W_0 = \frac{1200}{300} - 2/55 = 0.45 \text{ eV} \Rightarrow K_{\max} = 0.45 \times 10^{-19} \text{ J}$$

برای محاسبه حداقل تندی خواهیم داشت:

$$K_{\max} = \frac{1}{2} mv_{\max}^2 \Rightarrow v_{\max} = \sqrt{\frac{2K_{\max}}{m}}$$

$$\Rightarrow v_{\max} = \sqrt{\frac{2 \times 0.45 \times 1/6 \times 10^{-19}}{9 \times 10^{-31}}} = \sqrt{16 \times 10^{10}} = 4 \times 10^5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. مقدار λ را از رابطه $k = h \frac{c}{\lambda} - W_0$ به دست می آوریم.

$$k_{\max} = \frac{4 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 2/5 \text{ eV}$$

$$2/5 = \frac{hc}{\lambda} - 2/5 \Rightarrow \frac{hc}{\lambda} = 0 \Rightarrow \lambda = \frac{4 \times 10^{-10} \times 3 \times 10^8 \times 10^9}{0} = 240 \text{ nm}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است.

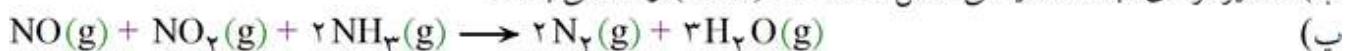
$$\left. \begin{array}{l} K_{\max} = \frac{1}{2} m V_{\max}^2 = \frac{hc}{\lambda} - W_0, \\ K'_{\max} = \frac{1}{2} m V'^{\max}_{}^2 = \frac{hc}{\lambda'} - W_0, \end{array} \right\} \Rightarrow \left(\frac{V_{\max}}{V'^{\max}_{}^2} \right)^2 = \frac{\frac{1200}{300} - 2}{\frac{1200}{300} - 2} = 2$$

$$\Rightarrow \frac{V_{\max}}{V'^{\max}_{}^2} = \sqrt{2} \Rightarrow \frac{N_{\max}}{N'^{\max}_{}^2} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. بررسی موارد:

الف) این واکنش به دلیل داشتن انرژی فعال‌سازی زیاد در دماهای پایین انجام نمی‌شود یا بسیار کند است.

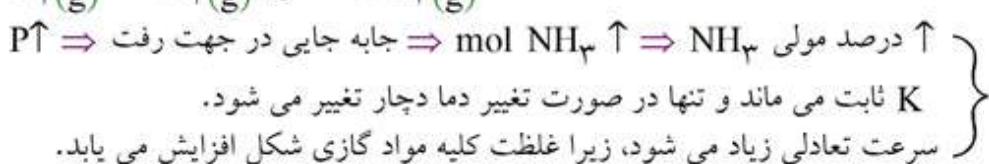
ب) کاتالیزگرهای مبدل کاتالیستی شامل Rh, Pd (ن) و Pt می‌باشد.



$$\text{گاز} = \frac{1 \text{ mol NH}_3}{17 \text{ g NH}_3} \times \frac{5 \text{ mol}}{0.34 \text{ g NH}_3} \times \frac{20 \text{ L}}{2 \text{ mol NH}_3} = \frac{1/5 \text{ L}}{1 \text{ mol}} = \text{گاز}$$

ت) شرایط بهینه فرایند هابر شامل دهای 450°C , فشار 200 atm و کاتالیزگر Fe است.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



گزینه ۲ پاسخ صحیح است.

با افزایش مقدار PCl_3 , واکنش در جهت برگشت جابه‌جا شده و به این ترتیب $[\text{PCl}_5]$ افزایش یافته و $[\text{Cl}_2]$ کاهش می‌یابد. از طرفی $[\text{PCl}_3]$ نیز ابتدا به شدت افزایش یافته و سپس به آرامی کاهش می‌یابد اما جابه‌جایی تعادل نمی‌تواند اثر افزایش $[\text{PCl}_3]$ را به طور کامل از بین برد، بنابراین مقدار نهایی $[\text{PCl}_3]$ از مقدار اولیه آن پیش‌تر خواهد بود.

گزینه ۴ پاسخ صحیح است. ابتدا مول اولیه هر سه گاز را حساب می‌کنیم. بدینهی است مول اولیه فراورده‌ها ($\text{Cl}_2, \text{PCl}_3$) برابر صفر است.

$$n(\text{PCl}_5) = \frac{m}{M} = \frac{6/255}{208/5} = 0.03 \text{ mol}$$

$$n(\text{Cl}_2) = 0 \text{ mol}$$

با توجه به اطلاعات موجود در صورت تست، می‌توان مول تعادلی PCl_3 را نیز به دست آورد.

$$n(\text{PCl}_3) = \frac{m}{M} = \frac{2/75}{137/5} = 0.02 \text{ mol} \rightarrow n(\text{PCl}_3) = n(\text{Cl}_2) = 0.02 \text{ mol}$$

$$n(\text{PCl}_5) = 0.03 - 0.02 = 0.01$$

$$K = \frac{[\text{PCl}_3][\text{Cl}_2]}{[\text{PCl}_5]} \rightarrow \frac{\frac{0.02}{V} \times \frac{0.02}{V}}{\frac{0.01}{V}} = 8 \times 10^{-3} \rightarrow V = 5 \text{ L}$$

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

فرم کلی معادله واکنش به صورت بالا است. چون واکنش گرم‌آگیر است (q طرف مول گازی کمتر است) با افزایش دما واکنش در جهت رفت جابه‌جا شده و جرم جامد باقی‌مانده کمتر می‌شود.

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. باید افزایش دما را در جهت برگشت جابه‌جا کند و افزایش در جهت تولید A باشد.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. بررسی گزینه‌ها:

گزینه ۱: تعداد کربن‌های این ماده برابر با $10 \frac{2}{5}$ است که برابر تعداد کربن گاز بوتان (گاز استفاده شده در پرکردن فندک) است.

گزینه ۲: تعداد هیدروژن‌های آن $22 \frac{1}{3} \times 5 = 1375$ است که برابر تعداد هیدروژن‌های ترکیب $-CH_3$ است.

گزینه ۳: نام درست آن C_3H_5 است.

گزینه ۴: استنشاق این ماده سبب کاهش مقدار اکسیژن در هوای دم

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. تنها مورد "ج" صحیح نمی‌باشد. بررسی موارد:

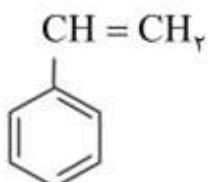
ج) نادرست، نوع اتم‌های سازنده در درشت‌مولکول‌ها بسیار زیاد نیست.

د) درست، یکی از تفاوت‌های موجود در بین درشت‌مولکول‌های مختلف، وجود یا عدم وجود واحد تکرارشونده در آن‌هاست.

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. تغلون در حلال‌های آلی حل نمی‌شود.

گزینه ۳ پاسخ صحیح است. تکپار مورد استفاده در تولید ظروف یکبار مصرف استیرن است.

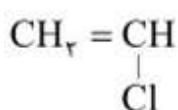
الف) نادرست است. این ترکیب آروماتیک است اما در آن چهار پیوند دوگانه وجود دارد.



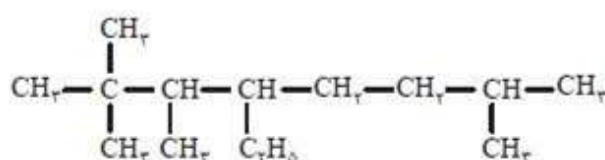
ب) درست است. فرمول مولکولی این ترکیب C_8H_8 است و در آن ۸ پیوند کربن - هیدروژن وجود دارد.

پ) درست است. تعداد جفت الکترون پیوندی برابر است با $\frac{4 \times 8 + 1 \times 8}{2} = 20$ که برابر با ۲۰ است.

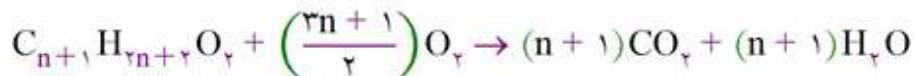
ت) درست است. اگر به جای حلقه‌ی هیدروکربنی، اتم کلر قرار گیرد به وینیل کلرید تبدیل می‌شود.



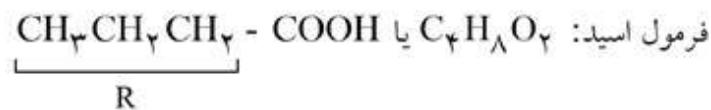
گزینه ۲ پاسخ صحیح است.



گزینه ۲ پاسخ صحیح است. ۱۷۲



$$\frac{\left(\frac{2n+1}{2}\right) \text{mol } O_2}{\text{۱mol اسید}} \times \frac{32 \text{g } O_2}{\text{۱mol } O_2} = 16 \text{g } O_2 \Rightarrow n = 2$$



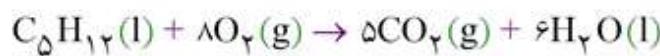
گزینه ۳ پاسخ صحیح است. ۱۷۳

الکان: $C_n + H_{2n+2} \Rightarrow \text{جرم مولی} = 14n + 2$

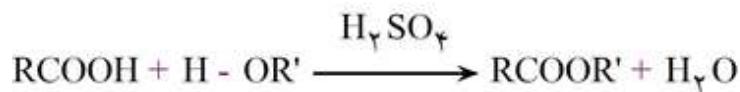
آلان: $C_nH_{2n} \Rightarrow \text{جرم مولی} = 14n$

$$\frac{101/79}{100} \times 14n = 14n + 2 \Rightarrow 0.25n = 2 \Rightarrow n = 8 \Rightarrow C_8H_{18}$$

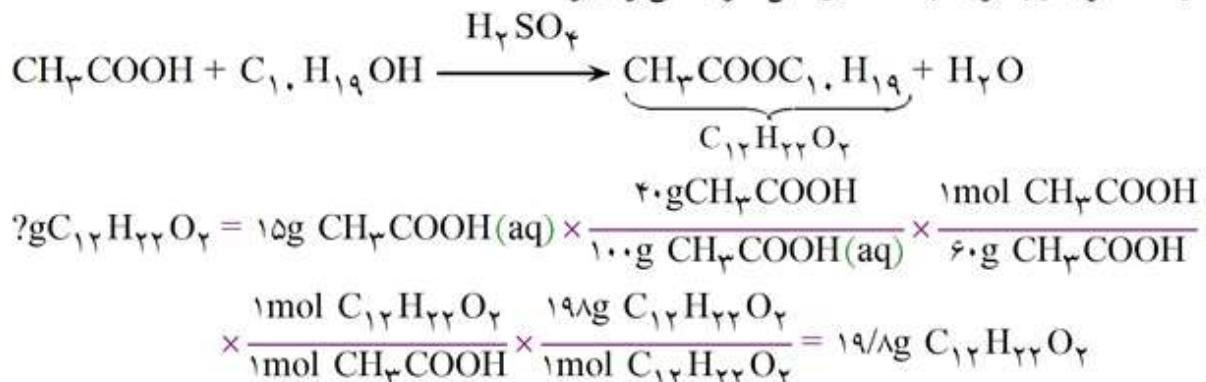
گزینه ۱ پاسخ صحیح است. زیرا، داریم: ۱۷۴

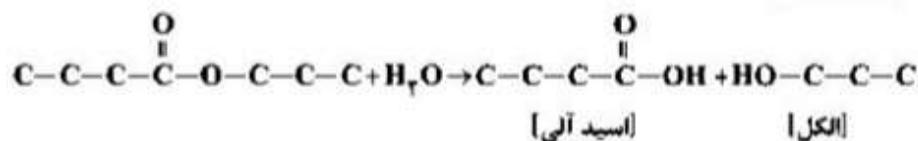


گزینه ۱ پاسخ صحیح است. یکی از ویژگی‌های مهم و کاربردی کربوکسیلیک اسیدها و الکل‌ها، واکنش میان آنهاست. ۱۷۵
این مواد در شرایط مناسب واکنش می‌دهند و با از دست دادن آب، به استر تبدیل می‌شوند. معادله زیر، واکنش شیمیایی انجام شده را توصیف می‌کند.



بر اساس توضیحات فوق و با توجه به داده‌های متن سوال، می‌توان نوشت:



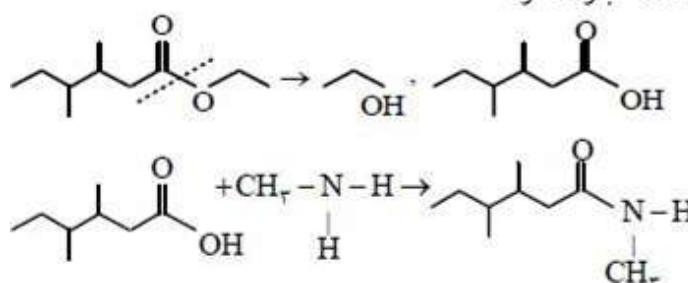


$$\frac{\text{جرم اسید آلی}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{\text{جرم الكل}}{\text{جرم مولی} \times \text{ضریب}} = \frac{\bar{R}}{100} \times \text{جرم استر}$$

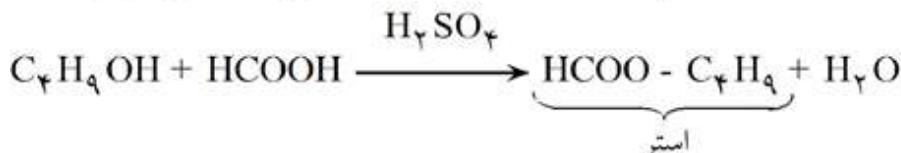
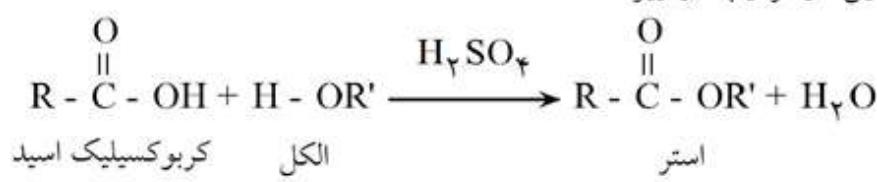
$$\Rightarrow \frac{\frac{r/4g}{C_V H_{14} O_2} \times \frac{100}{100}}{1 \times 13} = \frac{xg}{C_V H_V OH} = \frac{yg}{C_V H_{14} O_2} \times \frac{100}{100}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x = 1/44g C_2H_5OH \\ y = 1/112g C_2H_5O_2 \end{cases} \Rightarrow y - x = 1/88g$$

111



گزینه ۳ پاسخ صحیح است. مطابق داده‌های سوال فرمول الكل A و اسید آلی B به ترتیب به صورت $\text{C}_4\text{H}_9\text{OH}$ و HCOOH است. معادله واکنش میان این دو ترکیب در زیر آمده است:



$$\text{مقدار نظری (g ester)} = \frac{1}{4} \text{ mol C}_4\text{H}_9\text{OH} \times \frac{1 \text{ molester}}{\frac{1}{4} \text{ mol C}_4\text{H}_9\text{OH}} \times \frac{102 \text{ g ester}}{1 \text{ molester}} = 4.08 \text{ g ester}$$

$$\frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} \times 100 \Rightarrow 75 = \frac{\text{مقدار عملی}}{\text{۴۰ / ۸ g}} \times 100 \Rightarrow ۳۰ / ۶ g = \text{مقدار عملی} \Rightarrow \text{بازده درصدی}$$

گزینه ۲ پاسخ صحیح است. اگر جرم پلاستیک را 100 g در نظر بگیریم، 60 گرم آنرا پلی اتن و 40 گرم باقی مانده را پلی استایرن تشکیل می‌دهد.

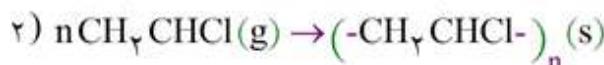
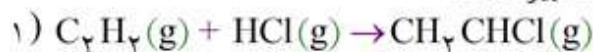
$$?gC[C_2H_4]_n = 60 \text{ gPE} \times \frac{24 \text{ ngC}}{28 \text{ ngPE}} \simeq 51/4 \text{ gC}$$

$$?gC[C_2H_4]_n = 40 \text{ gPS} \times \frac{46 \text{ ngC}}{104 \text{ ngPC}} \simeq 36/9 \text{ gC}$$

به این ترتیب درصد جرمی کربن در این پلاستیک به تقریب برابر با $51/4 + 36/9 = 88/3$ است.

۱۷۹

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. معادله‌ی واکنش‌های موردنظر به صورت زیر است:



اگر ضرایب واکنش ۱ را در n ضرب کنیم، ضریب ماده‌ی مشترک (CH_2CHCl) در دو واکنش یکسان می‌شود:

$$? \text{ton PVC} = 1/3 \text{ton C}_2\text{H}_4 \times \frac{1 \text{ mol C}_2\text{H}_4}{26 \text{ gC}_2\text{H}_4} \times \frac{1 \text{ mol PVC}}{nmol C_2H_4} \times \frac{62/5 \text{ n PVC}}{1 \text{ mol PVC}}$$

= $3/125 \text{ ton PVC}$ (مقدار نظری)

از آنجا که دو واکنش داریم و بازده هر کدام از واکنش‌ها 80% است، می‌توان فرض کرد که یک واکنش با بازده

$\frac{80}{100} \times \frac{80}{100}$ داریم:

$$\frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} \times 100 \Rightarrow 80 \times 80 = \frac{\text{مقدار عملی}}{3/125 \text{ ton}} \Rightarrow 2 \text{ ton} = \text{مقدار عملی} \Rightarrow 100 \times 100 \times 100$$

۱۸۰

پاسخنامه کلیدی

۱	۱	۲	۳	۴
۲	۱	۲	۳	۴
۳	۱	۲	۳	۴
۴	۱	۲	۳	۴
۵	۱	۲	۳	۴
۶	۱	۲	۳	۴
۷	۱	۲	۳	۴
۸	۱	۲	۳	۴
۹	۱	۲	۳	۴
۱۰	۱	۲	۳	۴
۱۱	۱	۲	۳	۴
۱۲	۱	۲	۳	۴
۱۳	۱	۲	۳	۴
۱۴	۱	۲	۳	۴
۱۵	۱	۲	۳	۴
۱۶	۱	۲	۳	۴
۱۷	۱	۲	۳	۴
۱۸	۱	۲	۳	۴
۱۹	۱	۲	۳	۴
۲۰	۱	۲	۳	۴
۲۱	۱	۲	۳	۴
۲۲	۱	۲	۳	۴
۲۳	۱	۲	۳	۴
۲۴	۱	۲	۳	۴
۲۵	۱	۲	۳	۴
۲۶	۱	۲	۳	۴
۲۷	۱	۲	۳	۴
۲۸	۱	۲	۳	۴
۲۹	۱	۲	۳	۴
۳۰	۱	۲	۳	۴
۳۱	۱	۲	۳	۴
۳۲	۱	۲	۳	۴

۳۳	۱	۲	۳	۴
۳۴	۱	۲	۳	۴
۳۵	۱	۲	۳	۴
۳۶	۱	۲	۳	۴
۳۷	۱	۲	۳	۴
۳۸	۱	۲	۳	۴
۳۹	۱	۲	۳	۴
۴۰	۱	۲	۳	۴
۴۱	۱	۲	۳	۴
۴۲	۱	۲	۳	۴
۴۳	۱	۲	۳	۴
۴۴	۱	۲	۳	۴
۴۵	۱	۲	۳	۴
۴۶	۱	۲	۳	۴
۴۷	۱	۲	۳	۴
۴۸	۱	۲	۳	۴
۴۹	۱	۲	۳	۴
۵۰	۱	۲	۳	۴
۵۱	۱	۲	۳	۴
۵۲	۱	۲	۳	۴
۵۳	۱	۲	۳	۴
۵۴	۱	۲	۳	۴
۵۵	۱	۲	۳	۴
۵۶	۱	۲	۳	۴
۵۷	۱	۲	۳	۴
۵۸	۱	۲	۳	۴
۵۹	۱	۲	۳	۴
۶۰	۱	۲	۳	۴
۶۱	۱	۲	۳	۴
۶۲	۱	۲	۳	۴
۶۳	۱	۲	۳	۴
۶۴	۱	۲	۳	۴

۶۵	۱	۲	۳	۴
۶۶	۱	۲	۳	۴
۶۷	۱	۲	۳	۴
۶۸	۱	۲	۳	۴
۶۹	۱	۲	۳	۴
۷۰	۱	۲	۳	۴
۷۱	۱	۲	۳	۴
۷۲	۱	۲	۳	۴
۷۳	۱	۲	۳	۴
۷۴	۱	۲	۳	۴
۷۵	۱	۲	۳	۴
۷۶	۱	۲	۳	۴
۷۷	۱	۲	۳	۴
۷۸	۱	۲	۳	۴
۷۹	۱	۲	۳	۴
۸۰	۱	۲	۳	۴
۸۱	۱	۲	۳	۴
۸۲	۱	۲	۳	۴
۸۳	۱	۲	۳	۴
۸۴	۱	۲	۳	۴
۸۵	۱	۲	۳	۴
۸۶	۱	۲	۳	۴
۸۷	۱	۲	۳	۴
۸۸	۱	۲	۳	۴
۸۹	۱	۲	۳	۴
۹۰	۱	۲	۳	۴
۹۱	۱	۲	۳	۴
۹۲	۱	۲	۳	۴
۹۳	۱	۲	۳	۴
۹۴	۱	۲	۳	۴
۹۵	۱	۲	۳	۴
۹۶	۱	۲	۳	۴

۹۷	۱	۲	۳	۴
۹۸	۱	۲	۳	۴
۹۹	۱	۲	۳	۴
۱۰۰	۱	۲	۳	۴
۱۰۱	۱	۲	۳	۴
۱۰۲	۱	۲	۳	۴
۱۰۳	۱	۲	۳	۴
۱۰۴	۱	۲	۳	۴
۱۰۵	۱	۲	۳	۴
۱۰۶	۱	۲	۳	۴
۱۰۷	۱	۲	۳	۴
۱۰۸	۱	۲	۳	۴
۱۰۹	۱	۲	۳	۴
۱۱۰	۱	۲	۳	۴
۱۱۱	۱	۲	۳	۴
۱۱۲	۱	۲	۳	۴
۱۱۳	۱	۲	۳	۴
۱۱۴	۱	۲	۳	۴
۱۱۵	۱	۲	۳	۴
۱۱۶	۱	۲	۳	۴
۱۱۷	۱	۲	۳	۴
۱۱۸	۱	۲	۳	۴
۱۱۹	۱	۲	۳	۴
۱۲۰	۱	۲	۳	۴
۱۲۱	۱	۲	۳	۴
۱۲۲	۱	۲	۳	۴
۱۲۳	۱	۲	۳	۴
۱۲۴	۱	۲	۳	۴
۱۲۵	۱	۲	۳	۴
۱۲۶	۱	۲	۳	۴
۱۲۷	۱	۲	۳	۴
۱۲۸	۱	۲	۳	۴

۱۲۹	۱	۲	۳	۴
۱۳۰	۱	۲	۳	۴
۱۳۱	۱	۲	۳	۴
۱۳۲	۱	۲	۳	۴
۱۳۳	۱	۲	۳	۴
۱۳۴	۱	۲	۳	۴
۱۳۵	۱	۲	۳	۴
۱۳۶	۱	۲	۳	۴
۱۳۷	۱	۲	۳	۴
۱۳۸	۱	۲	۳	۴
۱۳۹	۱	۲	۳	۴
۱۴۰	۱	۲	۳	۴
۱۴۱	۱	۲	۳	۴
۱۴۲	۱	۲	۳	۴
۱۴۳	۱	۲	۳	۴
۱۴۴	۱	۲	۳	۴
۱۴۵	۱	۲	۳	۴
۱۴۶	۱	۲	۳	۴
۱۴۷	۱	۲	۳	۴
۱۴۸	۱	۲	۳	۴
۱۴۹	۱	۲	۳	۴
۱۵۰	۱	۲	۳	۴
۱۵۱	۱	۲	۳	۴
۱۵۲	۱	۲	۳	۴
۱۵۳	۱	۲	۳	۴
۱۵۴	۱	۲	۳	۴
۱۵۵	۱	۲	۳	۴
۱۵۶	۱	۲	۳	۴
۱۵۷	۱	۲	۳	۴
۱۵۸	۱	۲	۳	۴
۱۵۹	۱	۲	۳	۴
۱۶۰	۱	۲	۳	۴

۱۶۱	۱	۲	۳	۴
۱۶۲	۱	۲	۳	۴
۱۶۳	۱	۲	۳	۴
۱۶۴	۱	۲	۳	۴
۱۶۵	۱	۲	۳	۴
۱۶۶	۱	۲	۳	۴
۱۶۷	۱	۲	۳	۴
۱۶۸	۱	۲	۳	۴
۱۶۹	۱	۲	۳	۴
۱۷۰	۱	۲	۳	۴
۱۷۱	۱	۲	۳	۴
۱۷۲	۱	۲	۳	۴
۱۷۳	۱	۲	۳	۴
۱۷۴	۱	۲	۳	۴
۱۷۵	۱	۲	۳	۴
۱۷۶	۱	۲	۳	۴
۱۷۷	۱	۲	۳	۴
۱۷۸	۱	۲	۳	۴
۱۷۹	۱	۲	۳	۴
۱۸۰	۱	۲	۳	۴