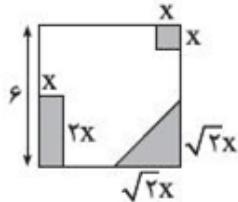


از مربعی به ضلع ۶ cm، سه شکل زیر بریده شده‌اند. مساحت باقی‌مانده ۲۴ cm² است. طول کوچک‌ترین ضلع بریده شده چه قدر است؟



۳ (۱)

$\sqrt{2}$ (۲)

۲ (۳)

$\sqrt{3}$ (۴)

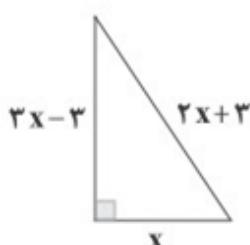
مساحت مثلث قائم‌الزاویه‌ی زیر کدام است؟

۳۲/۵ (۱)

۲۰ (۲)

۳۰ (۳)

۲۵ (۴)



در حل معادله درجه‌ی دوم $x^2 - kx + 1 = 0$ به روش مربع کامل، پس از آن‌که عدد ثابت به سمت راست انتقال داده شد و ضریب x^2 برابر یک قرار داده شد، به دو طرف تساوی عدد ۱ را اضافه می‌کنیم. مقدار k کدام می‌تواند باشد؟

۶ (۴)

-۱۲ (۳)

-۸ (۲)

۸ (۱)

در حل معادله $x^2 + ax - 5 = 0$ به روش مربع کامل، وقتی معادله به شکل $\left(x + \frac{a}{2}\right)^2 = b$ درمی‌آید، b کدام است؟

$\frac{39}{49}$ (۴)

$\frac{31}{49}$ (۳)

$\frac{33}{7}$ (۲)

$\frac{23}{7}$ (۱)

۵

۶

۷

۸

۹

۱۰

۱۱

با یک رشته سیم به طول ۵۰ متر، می‌خواهیم یک مستطیل به مساحت ۱۴۴ متر مربع بسازیم، در این صورت طول مستطیل کدام است؟

۲۴ (۴)

۹ (۳)

۱۶ (۲)

۱۲ (۱)

۱۲

۱۳

۱۴

۱۵

۱۶

۱۷

گویا شده عبارت زیر کدام است؟

$$\frac{10}{\sqrt[3]{4+1}}$$

$$\frac{\sqrt[3]{128} + \sqrt[3]{4+2}}{5} \quad (۲)$$

$$\frac{\sqrt[3]{128} - \sqrt[3]{32+2}}{2} \quad (۳)$$

$$\frac{\sqrt[3]{128} + \sqrt[3]{4+2}}{1} \quad (۱)$$

$$\frac{\sqrt[3]{128} - \sqrt[3]{4+2}}{2} \quad (۴)$$

۱۸

۱۹

۲۰

۲۱

۲۲

۲۳

۲۴

۲۵

۲۶

۲۷

۲۸

۲۹

٣٠
٣١
٣٢
٣٣
٣٤
٣٥



۳۶

۳۷

۳۸

۳۹

۴۰

۴۱

۴۲

۴۳

۴۹

۴۸

۴۷

۴۶

۴۸

۴۹

۵۰

۵۱

۵۲

۵۳

۵۴

۵۵

۵۶

انرژی جنبشی جسمی 10 ژول است. اگر $2 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ به سرعت جسم افزوده شود، انرژی جنبشی آن به 40 ژول می‌رسد.

سرعت اولیه جسم چند متر بر ثانیه بوده است؟

۶ (۴)

$\frac{1}{2}$ (۳)

۴ (۲)

۲ (۱)

٦٢

٦٣

٦٤

٦٥

٦٦

٦٧

شمار اتم‌ها در $73/0$ گرم گاز هیدروژن کلرید، دو برابر شمار اتم‌ها در $8/0$ گرم فلز M است. اگر شمار پروتون‌ها و نوترون‌های اتم M با هم برابر باشد، فلز M در کدام گروه جدول دوره‌ای جای دارد؟

$$(H = 1, Cl = 35/5 : g \cdot mol^{-1})$$

(۴) سوم

(۳) سیزدهم

(۲) چهارم

(۱) دوم

۷۴

۷۵

۷۶

۷۷

۷۸

پاسخنامه تشریحی

۱

۲

۳
۴
۵



۶
۷
۸
۹



10
11
12
13
14



۱۵

۱۶

۱۷

گزینه ۴ پاسخ صحیح است.

$$\frac{\sqrt[3]{4} + 1 - \sqrt[3]{4}}{\sqrt[3]{16} + 1 - \sqrt[3]{4}} = \frac{\cancel{(\sqrt[3]{16} + 1 - \sqrt[3]{4})}}{\cancel{(\sqrt[3]{16} + 1 - \sqrt[3]{4})}}$$

$$\sqrt[3]{8 \times 16} + 2 - \sqrt[3]{8 \times 4} = \sqrt[3]{128} + 2 - \sqrt[3]{32}$$

۱۸

۱۹

۲۰
۲۱
۲۲
۲۳
۲۴



۲۵

۲۶

۲۷

۲۸

۲۹

- ٣٠
- ٣١
- ٣٢
- ٣٣
- ٣٤
- ٣٥
- ٣٦
- ٣٧
- ٣٨



۴۹

۴۰

۴۱

۴۲

۴۳

۴۴

۴۵

۴۸

۴۹

۵۰

۵۵
۵۶
۵۷
۵۸



$$K_2 = \gamma \cdot J \quad \frac{K_2}{K_1} = \frac{\frac{1}{\gamma} m V_2}{\frac{1}{\gamma} m V_1} \Rightarrow \frac{K_2}{K_1} = \left(\frac{V_2}{V_1} \right)^\gamma \Rightarrow$$

$$K_2 = \gamma \cdot J$$

$$V_2 = V_1 + \alpha \quad \frac{\gamma}{\gamma} = \left(\frac{V_1 + \alpha}{V_1} \right)^\gamma \Rightarrow \alpha = \left(\frac{V_1 + \alpha}{V_1} \right)^\gamma \Rightarrow \xrightarrow{\text{جذر می‌گیریم}} \alpha = \frac{V_1 + \alpha}{V_1} \Rightarrow$$

$$\alpha V_1 = V_1 + \alpha \rightarrow \alpha V_1 - V_1 = \alpha \Rightarrow V_1 = \alpha \frac{m}{s}$$

راه حل دیگر:

$$1) K_2 = \gamma K_1 \xrightarrow{\frac{1}{\gamma} \text{ ثابت}} V_2 = \alpha V_1, \quad 1, 2 \Rightarrow V_1 + \alpha = \alpha V_1 \Rightarrow V_1 = \alpha \frac{m}{s}$$

$$2) V_2 = V_1 + \alpha$$

نکته‌ی درسی: با توجه به رابطه‌ی $K = \frac{1}{\gamma} m V^\gamma$ و ثابت بودن جرم، تغییرات سرعت و انرژی جنبشی به هم وابسته‌اند به طوریکه:

$$\text{ثابت } m : V_2 = n V_1 \rightarrow K_2 = n^\gamma K_1$$

$$K_2 = n K_1 \rightarrow V_2 = \sqrt{n} V_1$$

٦١
٦٢
٦٣
٦٤
٦٥
٦٦



۶۷

۶۸

۶۹

۷۰

گزینه ۱ پاسخ صحیح است. ابتدا شمار اتم‌ها در 0.73 g HCl را به دست می‌آوریم:

$$\text{atom} = \frac{0.73\text{ g HCl}}{36.5\text{ g HCl}} \times \frac{1\text{ mol HCl}}{1\text{ mol HCl}} \times \frac{N_A \text{ molecule}}{1\text{ molecule}} \times \frac{1\text{ atom}}{1\text{ molecule}} = 0.04 N_A \text{ atom}$$

مطابق داده‌های سؤال، شمار اتم‌ها در نمونه‌ی فلز M برابر با $0.02 N_A$ است. با توجه به این که فلز‌ها تک‌اتمی هستند، می‌توان نتیجه گرفت که نمونه‌ی M شامل 0.02 مول فلز است.

$$M = \frac{\text{جرم نمونه}}{\text{شمار مول ها}} = \frac{0.8\text{ g}}{0.02\text{ mol}} = 40 \text{ g/mol}$$

به این ترتیب جرم اتمی فلز M برابر با 40 amu و عدد جرمی آن نیز برابر با 40 است. مطابق داده‌های سؤال عدد اتمی فلز M برابر با 20 است و در گروه دوم جدول جای دارد:

$$M = [Ar] + s^2$$

۷۴

۷۵

۷۶

۷۸

۷۹

۸۰

پاسخنامه کلیدی

۱	۱	۲	۳	۴
۲	۱	۲	۳	۴
۳	۱	۲	۳	۴
۴	۱	۲	۳	۴
۵	۱	۲	۳	۴
۶	۱	۲	۳	۴
۷	۱	۲	۳	۴
۸	۱	۲	۳	۴
۹	۱	۲	۳	۴
۱۰	۱	۲	۳	۴
۱۱	۱	۲	۳	۴
۱۲	۱	۲	۳	۴
۱۳	۱	۲	۳	۴
۱۴	۱	۲	۳	۴
۱۵	۱	۲	۳	۴
۱۶	۱	۲	۳	۴
۱۷	۱	۲	۳	۴
۱۸	۱	۲	۳	۴
۱۹	۱	۲	۳	۴
۲۰	۱	۲	۳	۴
۲۱	۱	۲	۳	۴
۲۲	۱	۲	۳	۴
۲۳	۱	۲	۳	۴
۲۴	۱	۲	۳	۴
۲۵	۱	۲	۳	۴
۲۶	۱	۲	۳	۴
۲۷	۱	۲	۳	۴
۲۸	۱	۲	۳	۴
۲۹	۱	۲	۳	۴
۳۰	۱	۲	۳	۴
۳۱	۱	۲	۳	۴
۳۲	۱	۲	۳	۴

۳۳	۱	۲	۳	۴
۳۴	۱	۲	۳	۴
۳۵	۱	۲	۳	۴
۳۶	۱	۲	۳	۴
۳۷	۱	۲	۳	۴
۳۸	۱	۲	۳	۴
۳۹	۱	۲	۳	۴
۴۰	۱	۲	۳	۴
۴۱	۱	۲	۳	۴
۴۲	۱	۲	۳	۴
۴۳	۱	۲	۳	۴
۴۴	۱	۲	۳	۴
۴۵	۱	۲	۳	۴
۴۶	۱	۲	۳	۴
۴۷	۱	۲	۳	۴
۴۸	۱	۲	۳	۴
۴۹	۱	۲	۳	۴
۵۰	۱	۲	۳	۴
۵۱	۱	۲	۳	۴
۵۲	۱	۲	۳	۴
۵۳	۱	۲	۳	۴
۵۴	۱	۲	۳	۴
۵۵	۱	۲	۳	۴
۵۶	۱	۲	۳	۴
۵۷	۱	۲	۳	۴
۵۸	۱	۲	۳	۴
۵۹	۱	۲	۳	۴
۶۰	۱	۲	۳	۴
۶۱	۱	۲	۳	۴
۶۲	۱	۲	۳	۴
۶۳	۱	۲	۳	۴
۶۴	۱	۲	۳	۴

۶۵	۱	۲	۳	۴
۶۶	۱	۲	۳	۴
۶۷	۱	۲	۳	۴
۶۸	۱	۲	۳	۴
۶۹	۱	۲	۳	۴
۷۰	۱	۲	۳	۴
۷۱	۱	۲	۳	۴
۷۲	۱	۲	۳	۴
۷۳	۱	۲	۳	۴
۷۴	۱	۲	۳	۴
۷۵	۱	۲	۳	۴
۷۶	۱	۲	۳	۴
۷۷	۱	۲	۳	۴
۷۸	۱	۲	۳	۴
۷۹	۱	۲	۳	۴
۸۰	۱	۲	۳	۴